

## 第4章：魔方陣の基礎的研究（上級）：摂田 寛二 第2節：正方連結汎立体四方陣の代数的研究：Part 4

0. 正方連結汎立体四方陣について、その後の研究結果を追加報告したい。

今までの記事で、正方連結汎立体四方陣の原始解の膨大な集合とその構造について、私なりの研究成果を報告をして來たが、肝心の記述を怠っていたことに後になって気が付いた。

解集合の構成に関する大切な記述を忘れていたのである。

正方連結汎立体四方陣の解集合の内訳を詳しく説明していなかった。

三万連続化三作目力作「解禁首」が歌、と評され、読力も遅ればせながら、それをここで説明しておこうと思う。

1. 正方連結完全立体四方陣が 7 分の 1 のスケールで正方連結汎立体四方陣の中に含まれていることには触れたが、他の 7 分の 6 の解集合については、各型のリストを分別して具体的に示すことがなかった。これでは、片手落ちと言われても仕方が無い。

対して、正方連続汎立体四方陣の解集合には、七種類の「下位集合」が含まれている。

\*\* 正方連結汎立体四方陣の実例：チェック・サム・エラー・モニター付き \*\*

			1/	CS   R w, C I, & P I	Pantriagonals	Composite Fours
1	64	5	60	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
62	3	58	7	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
63	19	2 46	42	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
4	48	61 17	57 21	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
10	45	55 20	14 41	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
53	18	12 47	49 22	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
56	28	9 37	52 32	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
11	39	54 26	15 35	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
		38 27	34 31	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0
		25 40	29 36	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0

			721/	CS	Rw, CI, & PI	Pantriagonals	Composite Fours
1	64	5	60	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
62	35	3	7	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
63	2	30	58	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
4	32	59	39	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
10	29	61	33	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
53	55	36	14	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
53	34	12	31	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
56	44	9	21	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
11	23	54	42	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
22	43	15	19	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
41	24	18	47	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
		45	20	0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0

2881/										CS	Rw, CI, & PI	Pantriagonals	Composite Fours
1	64	9	56							0	0	0	0
60		5	52							0	0	0	0
63	37	2	28	55	45	10	20			0	0	0	0
6	32	59	33	14	24	51	41			0	0	0	0
18	27	47	38	26	19	39	46			0	0	0	0
43	34	22	31	35	42	30	23			0	0	0	0
48	54	17	11	40	62	25	3			0	0	0	0
21	15	44	50	29	7	36	58			0	0	0	0
12		53	4	61						0	0	0	0
49		16	57							0	0	0	0
										0	0	0	0
3601/										CS	Rw, CI, & PI	Pantriagonals	Composite Fours
1	64	9	56							0	0	0	0
60		5	52							0	0	0	0
62	37	3	28	54	45	11	20			0	0	0	0
7	32	58	33	15	24	50	41			0	0	0	0
19	26	46	39	27	18	38	47			0	0	0	0
42	35	23	30	34	43	31	22			0	0	0	0
48	55	17	10	40	63	25	2			0	0	0	0
21	14	44	51	29	6	36	59			0	0	0	0
12		53	4	61						0	0	0	0
49		16	57							0	0	0	0
										0	0	0	0
4321/										CS	Rw, CI, & PI	Pantriagonals	Composite Fours
1	63	10	56							0	0	0	0
60		6	51							0	0	0	0
62	37	4	27	53	46	11	20			0	0	0	0
7	32	57	34	16	23	50	41			0	0	0	0
19	26	45	40	28	17	38	47			0	0	0	0
42	35	24	29	33	44	31	22			0	0	0	0
48	55	18	9	39	64	25	2			0	0	0	0
21	14	43	52	30	5	36	59			0	0	0	0
12		54	3	61						0	0	0	0
49		15	58							0	0	0	0
										0	0	0	0
5041/										CS	Rw, CI, & PI	Pantriagonals	Composite Fours
2	64	5	59							0	0	0	0
61		3	58							0	0	0	0
63	20	1	46	60	23	6	41			0	0	0	0
4	47	62	17	7	44	57	22			0	0	0	0
10	45	56	19	13	42	51	24			0	0	0	0
53	18	11	48	50	21	16	43			0	0	0	0
55	28	9	38	52	31	14	33			0	0	0	0
12	39	54	25	15	36	49	30			0	0	0	0
37		27	34	32						0	0	0	0
26		40	29	35						0	0	0	0
										0	0	0	0
10081/										CS	Rw, CI, & PI	Pantriagonals	Composite Fours
3	64	5	58							0	0	0	0
61		2	59							0	0	0	0
62	20	1	47	60	22	7	41			0	0	0	0
4	46	63	17	6	44	57	23			0	0	0	0
11	45	56	18	13	43	50	24			0	0	0	0
53	19	10	48	51	21	16	42			0	0	0	0
54	28	9	39	52	30	15	33			0	0	0	0
12	38	55	25	14	36	49	31			0	0	0	0
37		26	35	32						0	0	0	0
27		40	29	34						0	0	0	0
										0	0	0	0

[Solution Counts according to the Values of n43 when n1=1]

1:	0,	2:	0,	3:	0,	4:	0,	5:	0,	6:	0,	7:	0,	8:	0,
9:	0,	10:	0,	11:	0,	12:	0,	13:	0,	14:	0,	15:	0,	16:	0,
17:	0,	18:	0,	19:	0,	20:	0,	21:	0,	22:	0,	23:	0,	24:	0,
25:	0,	26:	0,	27:	0,	28:	0,	29:	0,	30:	0,	31:	0,	32:	720,
33:	0,	34:	0,	35:	0,	36:	0,	37:	0,	38:	0,	39:	0,	40:	0,
41:	0,	42:	0,	43:	0,	44:	0,	45:	0,	46:	0,	47:	0,	48:	720,
49:	0,	50:	0,	51:	0,	52:	0,	53:	0,	54:	0,	55:	0,	56:	720,
57:	0,	58:	0,	59:	0,	60:	720,	61:	0,	62:	720,	63:	720,	64:	720

筆頭は、46080個の原始解を含む「正方連結完全立体四方陣」であるが、その他に六種類の相異なる型の正方連結汎立体四方陣があり、どれにも46080個の原始解が含まれている。

その実例は、以前に示した上掲のリスト↑の中に、ほんの一部が表示されている。

数値1に対応する「汎対称点」の内容によって、7つの型に分類できるのである。

数値1から三次元的に2ずつ進んだ位置にある汎対称点 (n1=1の場合, n43) にどんな数値が来るかによって、32, 48, 56, 60, 62, 63 そして 64 の7型に分類できるのである。

他の数値は来ない。いつも必ずこの決まった7数が来るので、分類の目印になる。

そして、64型のものを、古来特別に「完全型」と言う習わしになっている。

**2.** 汎対称点にその7数が来る根拠は、次のような「補数ペア」の存在である。これまでに詳しく論じて来た通りだ。

特に汎対角線型上の補数ペアの構成が重要である。

$$(7) \quad \begin{aligned} n1+n43=n3+n41=n6+n48=n8+n46=n9+n35=n11+n33=n14+n40=n16+n38= \\ n18+n60=n20+n58=n21+n63=n23+n61=n26+n52=n28+n50=n29+n55=n31+n53=CC; \\ n2+n44=n4+n42=n5+n47=n7+n45=n10+n36=n12+n34=n13+n39=n15+n37= } CC+DD=130; \\ n17+n59=n19+n57=n22+n64=n24+n62=n25+n51=n27+n49=n30+n56=n32+n54=DD; \end{aligned}$$

この条件に対して、自然数1～64が応えてよこした解答が、次の補数ペアの候補である。この指示に従って、我々は具体的に汎立体四方陣を作らなければならないのであった。

CC=33: (1, 32), (2, 31), (3, 30), (4, 29), (5, 28), (6, 27), (7, 26), (8, 25),  
 { (9, 24), (10, 23), (11, 22), (12, 21), (13, 20), (14, 19), (15, 18), (16, 17),  
 DD=97: (64, 33), (63, 34), (62, 35), (61, 36), (60, 37), (59, 38), (58, 39), (57, 40),  
 (56, 41), (55, 42), (54, 43), (53, 44), (52, 45), (51, 46), (50, 47), (49, 48) ... OK!

CC=49: (1, 48), (2, 47), (3, 46), (4, 45), (5, 44), (6, 43), (7, 42), (8, 41),  
 { (9, 40), (10, 39), (11, 38), (12, 37), (13, 36), (14, 35), (15, 34), (16, 33),  
 DD=81: (64, 17), (63, 18), (62, 19), (61, 20), (60, 21), (59, 22), (58, 23), (57, 24),  
 (56, 25), (55, 26), (54, 27), (53, 28), (52, 29), (51, 30), (50, 31), (49, 32) ... OK!

CC=57: (1, 56), (2, 55), (3, 54), (4, 53), (5, 52), (6, 51), (7, 50), (8, 49),  
 { (17, 40), (18, 39), (19, 38), (20, 37), (21, 36), (22, 35), (23, 34), (24, 33),  
 DD=73: (64, 9), (63, 10), (62, 11), (61, 12), (60, 13), (59, 14), (58, 15), (57, 16),  
 (48, 25), (47, 26), (46, 27), (45, 28), (44, 29), (43, 30), (42, 31), (41, 32) ... OK!

CC=61: (1, 60), (2, 59), (3, 58), (4, 57), (9, 52), (10, 51), (11, 50), (12, 49),  
 { (17, 44), (18, 43), (19, 42), (20, 41), (25, 36), (26, 35), (27, 34), (28, 33),  
 DD=69: (64, 5), (63, 6), (62, 7), (61, 8), (56, 13), (55, 14), (54, 15), (53, 16),  
 (48, 21), (47, 22), (46, 23), (45, 24), (40, 29), (39, 30), (38, 31), (37, 32) ... OK!

CC=63: (1, 62), (2, 61), (5, 58), (6, 57), (9, 54), (10, 53), (13, 50), (14, 49),  
 { (17, 46), (18, 45), (21, 42), (22, 41), (25, 38), (26, 37), (29, 34), (30, 33),  
 DD=67: (64, 3), (63, 4), (60, 7), (59, 8), (56, 11), (55, 12), (52, 15), (51, 16),  
 (48, 19), (47, 20), (44, 23), (43, 24), (40, 27), (39, 28), (36, 31), (35, 32) ... OK!

CC=64: (1, 63), (3, 61), (5, 59), (7, 57), (9, 55), (11, 53), (13, 51), (15, 49),  
 { (17, 47), (19, 45), (21, 43), (23, 41), (25, 39), (27, 37), (29, 35), (31, 33),  
 DD=66: (64, 2), (62, 4), (60, 6), (58, 8), (56, 10), (54, 12), (52, 14), (50, 16),  
 (48, 18), (46, 20), (44, 22), (42, 24), (40, 26), (38, 28), (36, 30), (34, 32) ... OK!

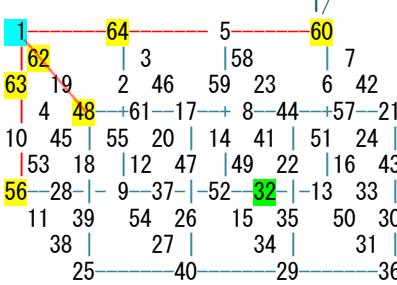
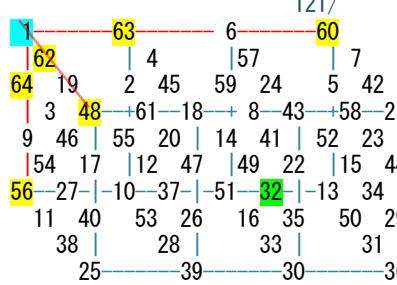
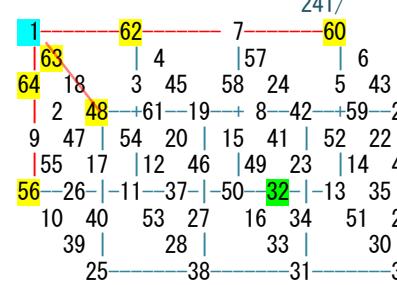
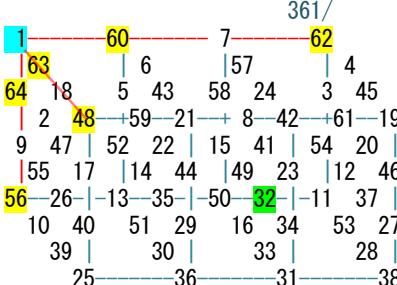
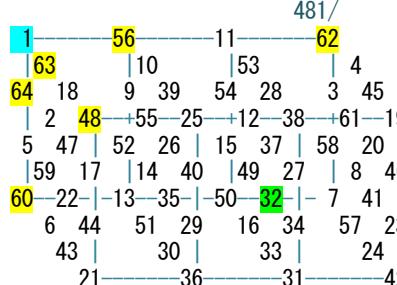
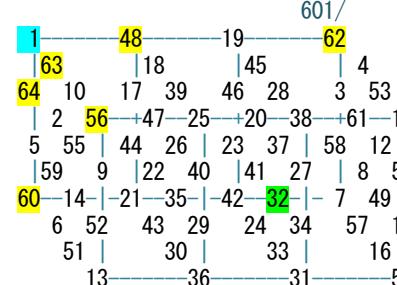
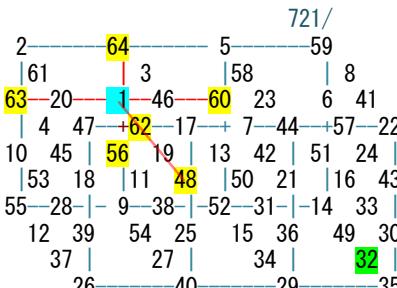
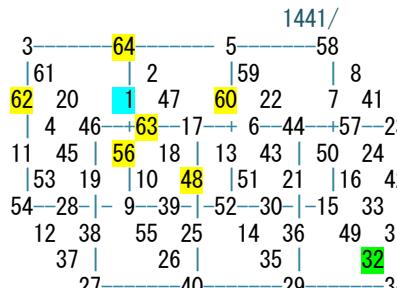
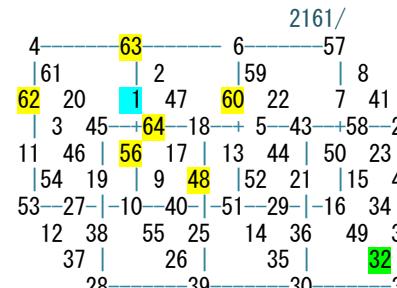
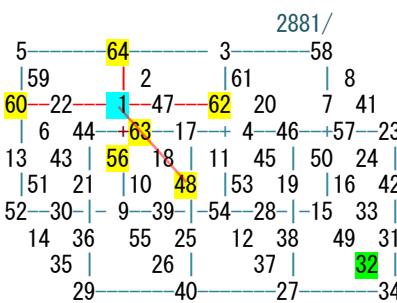
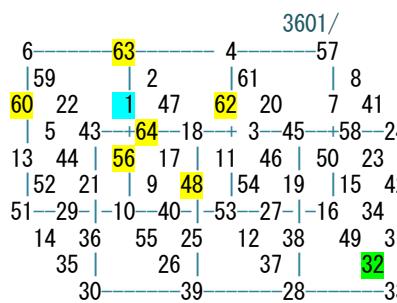
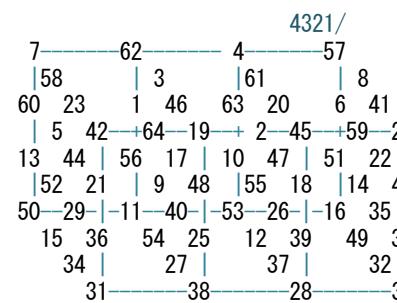
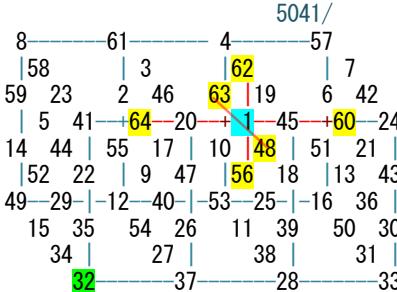
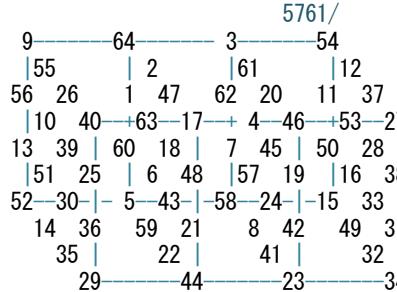
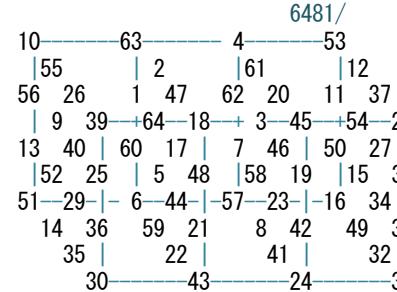
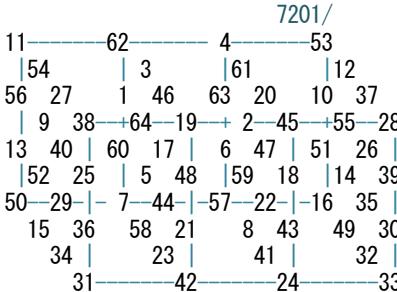
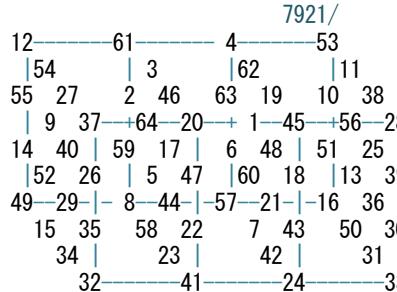
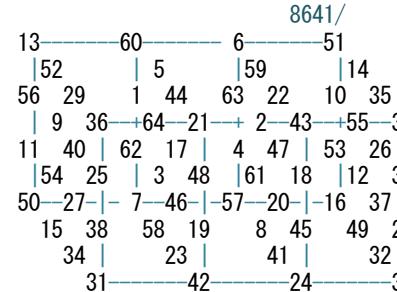
CC-DD=65: (1, 64), (2, 63), (3, 62), (4, 61), (5, 60), (6, 59), (7, 58), (8, 57),  
 (9, 56), (10, 55), (11, 54), (12, 53), (13, 52), (14, 51), (15, 50), (16, 49),  
 (17, 48), (18, 47), (19, 46), (20, 45), (21, 44), (22, 43), (23, 42), (24, 41),  
 (25, 40), (26, 39), (27, 38), (28, 37), (29, 36), (30, 35), (31, 34), (32, 33) ... OK!

その結果、数値1に対応する汎対称点(三次元的に2区画ずつ進んだ位置)には32, 48, 56, 60, 62, 63 そして 64 の7数のみが来る。それゆえにこれを目印にすることによって、正方連結汎立体四方陣の解集合全体を7つの型の「下位集合」に分類できるのである。

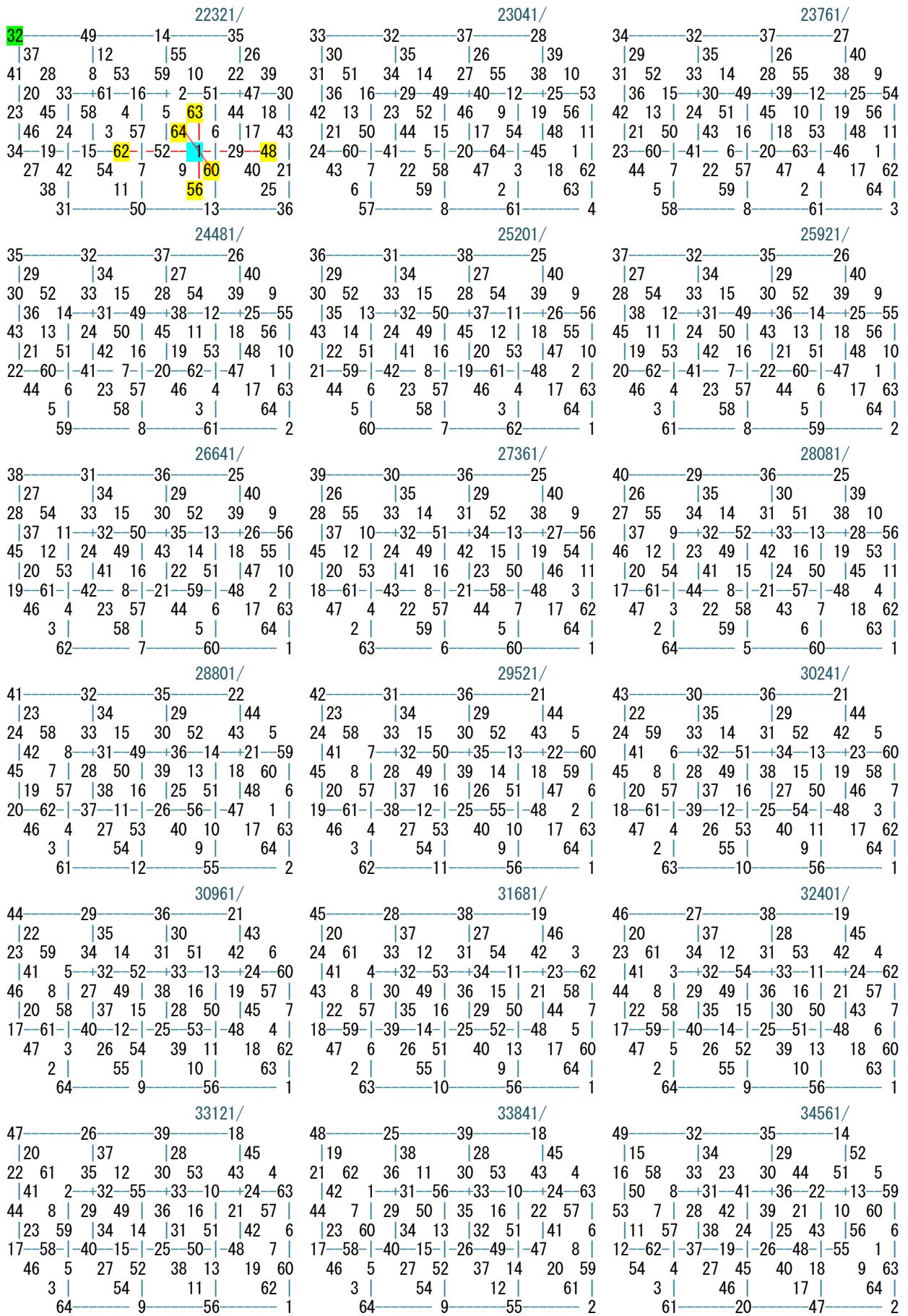
特に最後の補数ペアは、和が全て65となる特別タイプのものだ。それによって作ったものを「正方連結完全立体四方陣」と呼んで、昔から特に珍重して来た(特に日本で)。

### 3. 正方連結汎立体四方陣の原始解のリスト (7つの型別の抜粋リスト: 2015年版)

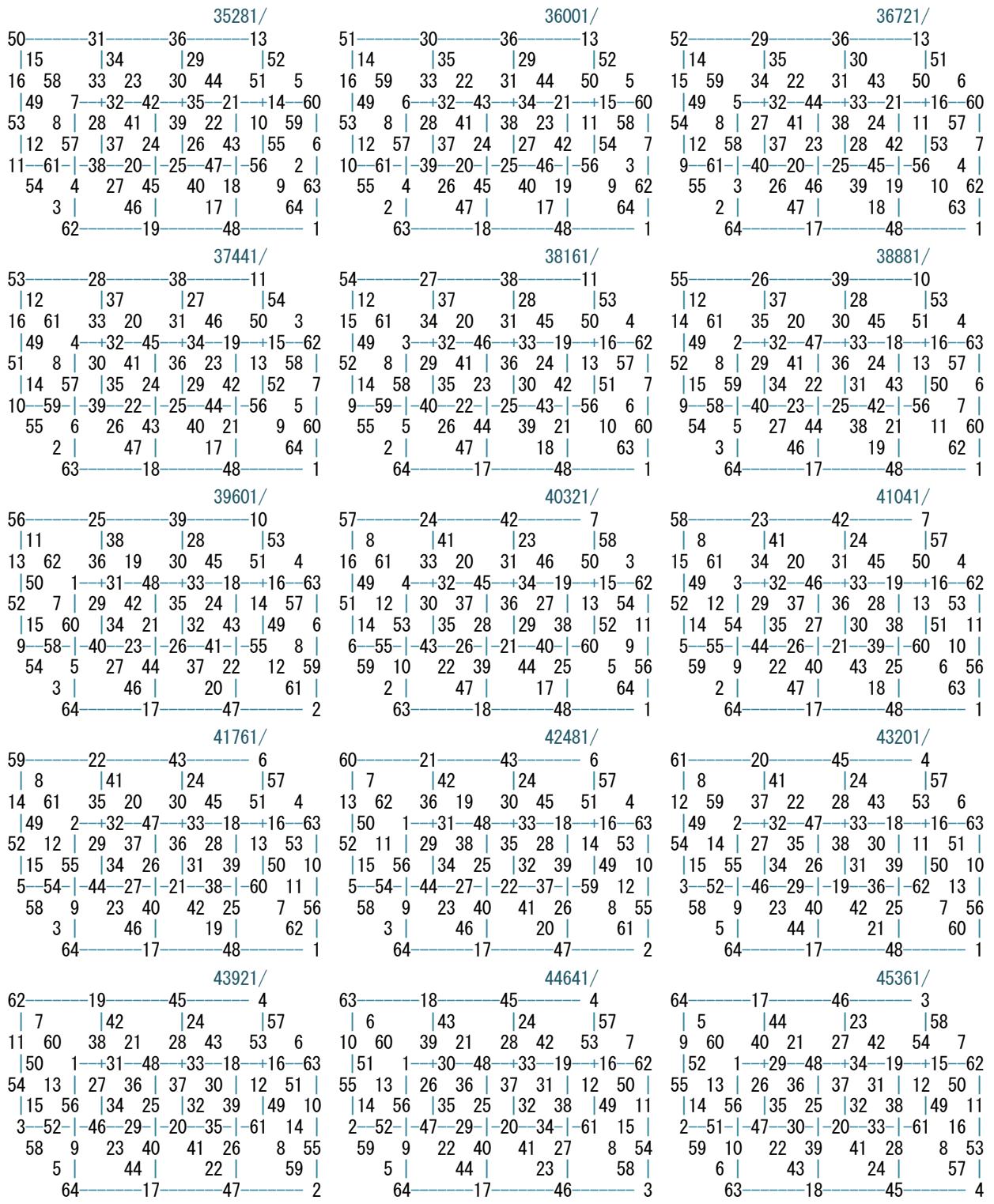
\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-32; \*\*


\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-32; by Kanji Setsuda \*\*



\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-32; by Kanji Setsuda \*\*



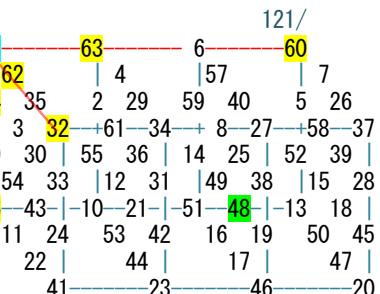
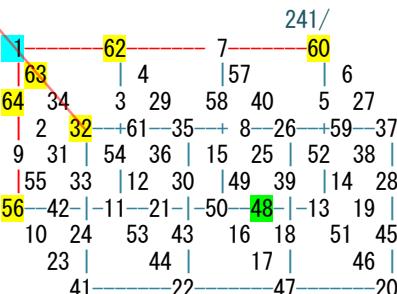
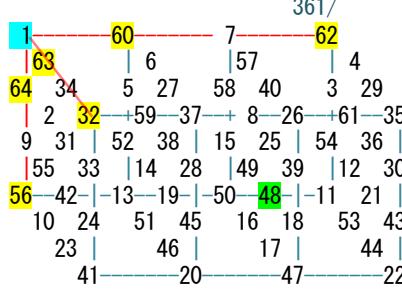
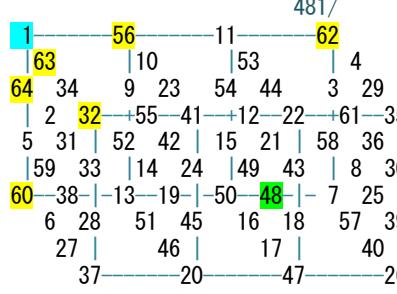
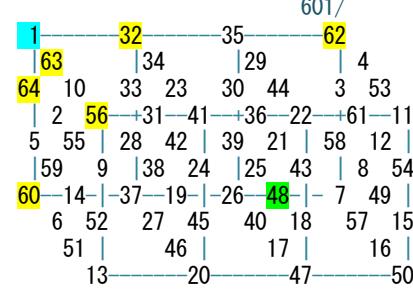
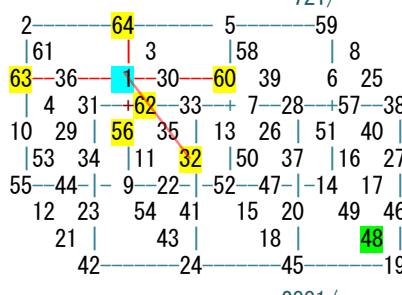
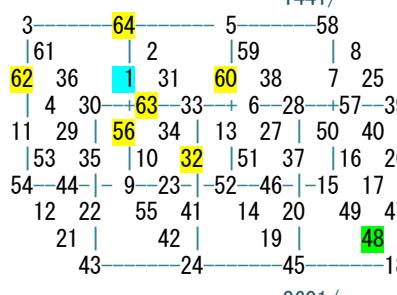
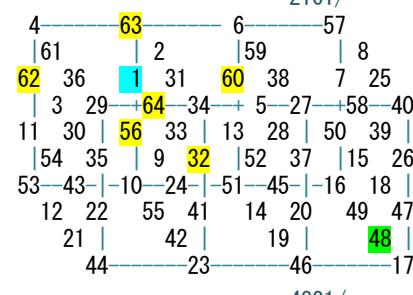
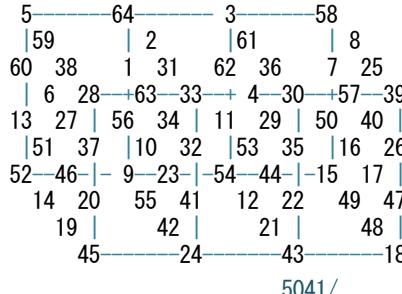
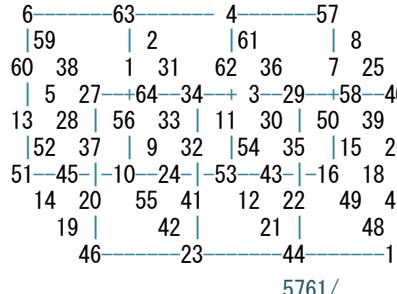
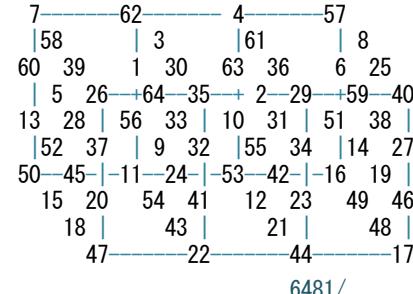
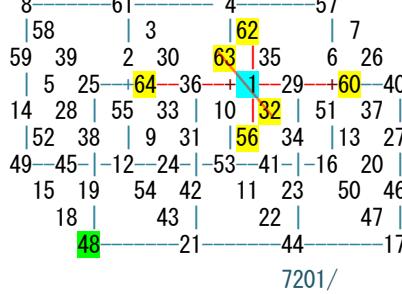
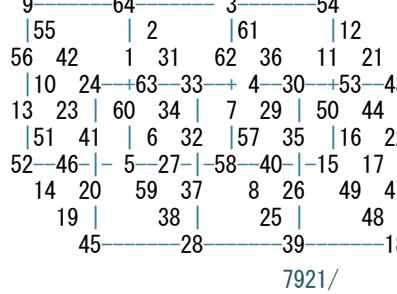
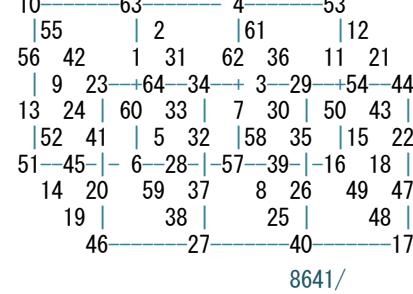
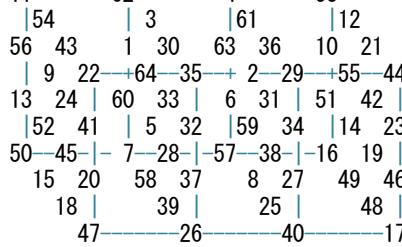
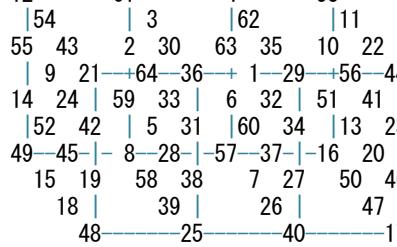
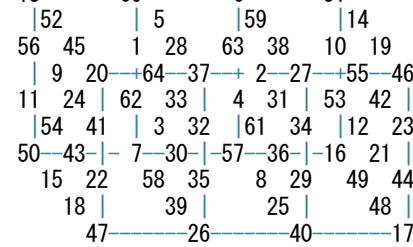
[Solution Counts (when n1=1/A11) = 720/46080]

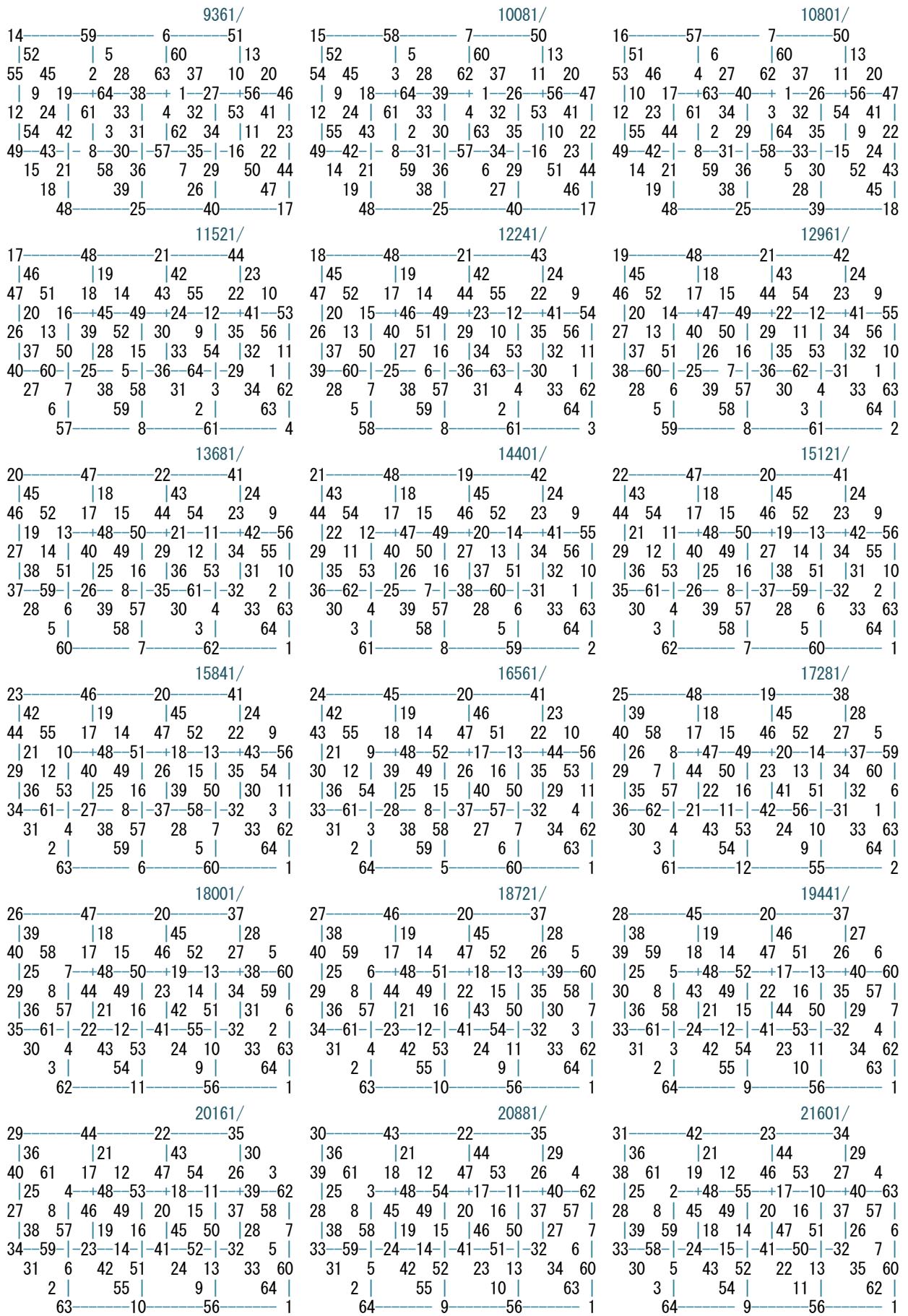
[Solution Counts according to the Positions of Value 1]

1:	720,	2:	720,	3:	720,	4:	720,	5:	720,	6:	720,	7:	720,	8:	720,
9:	720,	10:	720,	11:	720,	12:	720,	13:	720,	14:	720,	15:	720,	16:	720,
17:	720,	18:	720,	19:	720,	20:	720,	21:	720,	22:	720,	23:	720,	24:	720,
25:	720,	26:	720,	27:	720,	28:	720,	29:	720,	30:	720,	31:	720,	32:	720,
33:	720,	34:	720,	35:	720,	36:	720,	37:	720,	38:	720,	39:	720,	40:	720,
41:	720,	42:	720,	43:	720,	44:	720,	45:	720,	46:	720,	47:	720,	48:	720,
49:	720,	50:	720,	51:	720,	52:	720,	53:	720,	54:	720,	55:	720,	56:	720,
57:	720,	58:	720,	59:	720,	60:	720,	61:	720,	62:	720,	63:	720,	64:	720

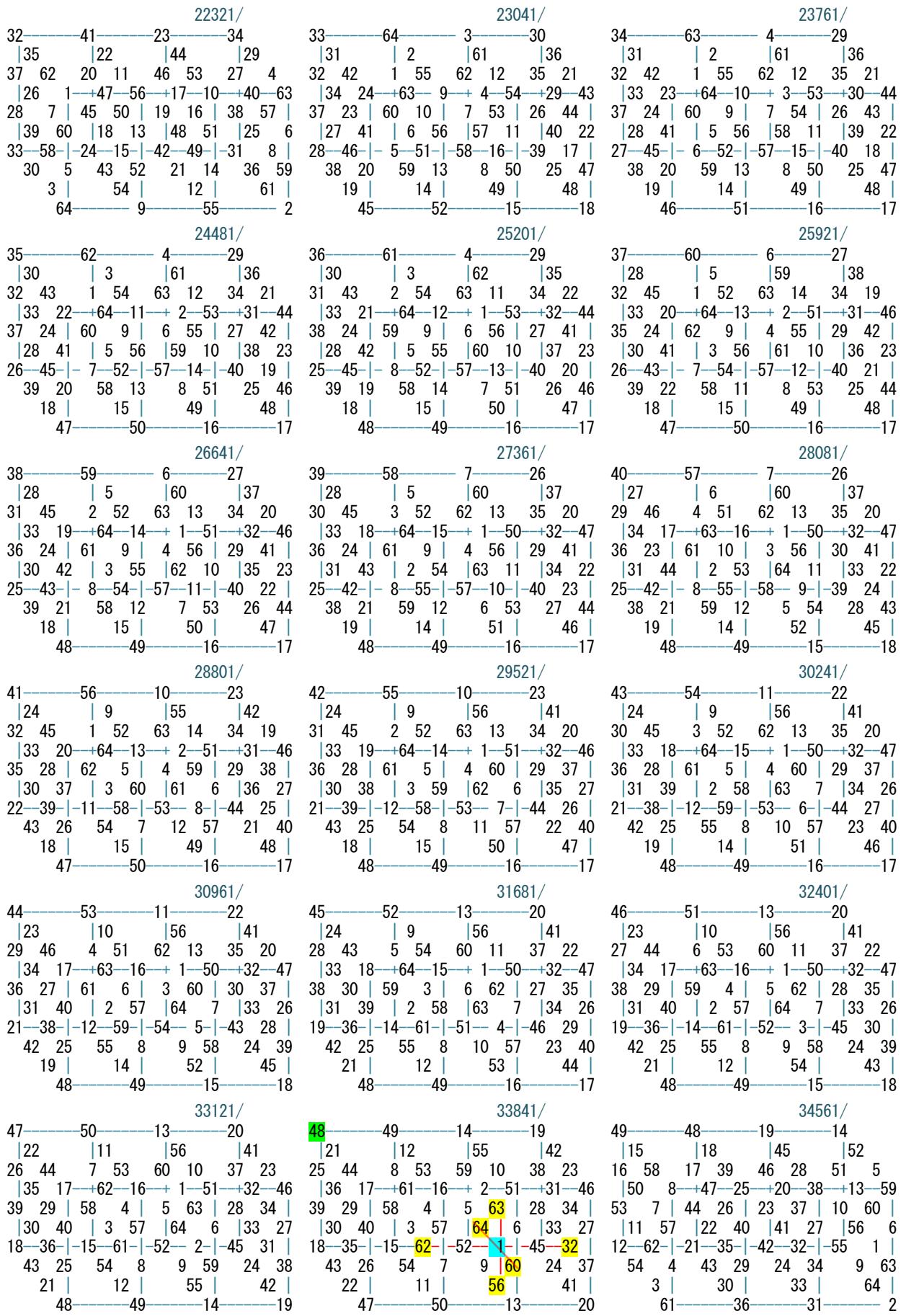
OK!

\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-48; \*\*

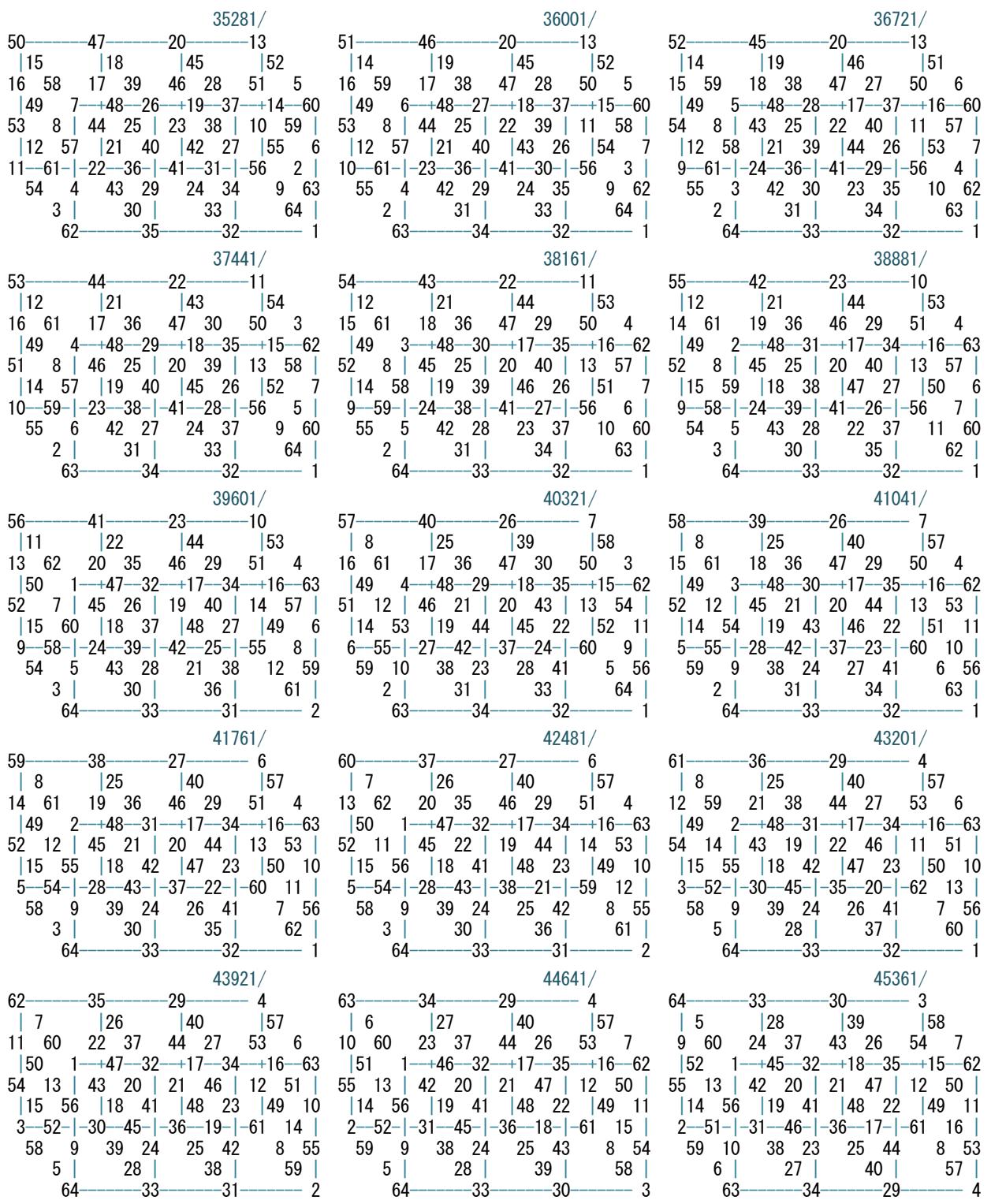
	
	
	
	
	
	
	
	
	



\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-48; by Kanji Setsuda \*\*



\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-48; by Kanji Setsuda \*\*



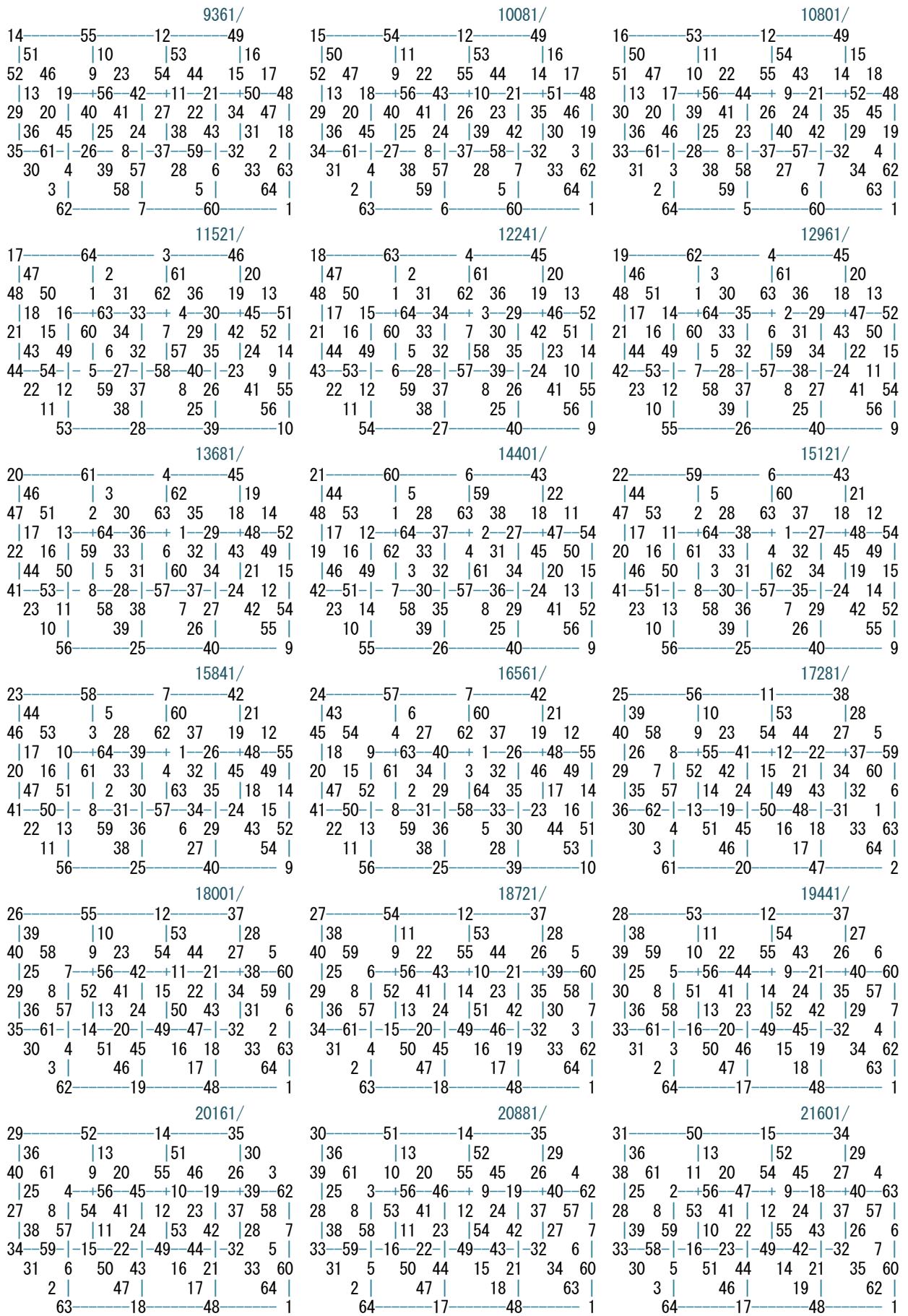
[Solution Counts (when n1=1/A11) = 720/46080]

[Solution Counts according to the Positions of Value 1]

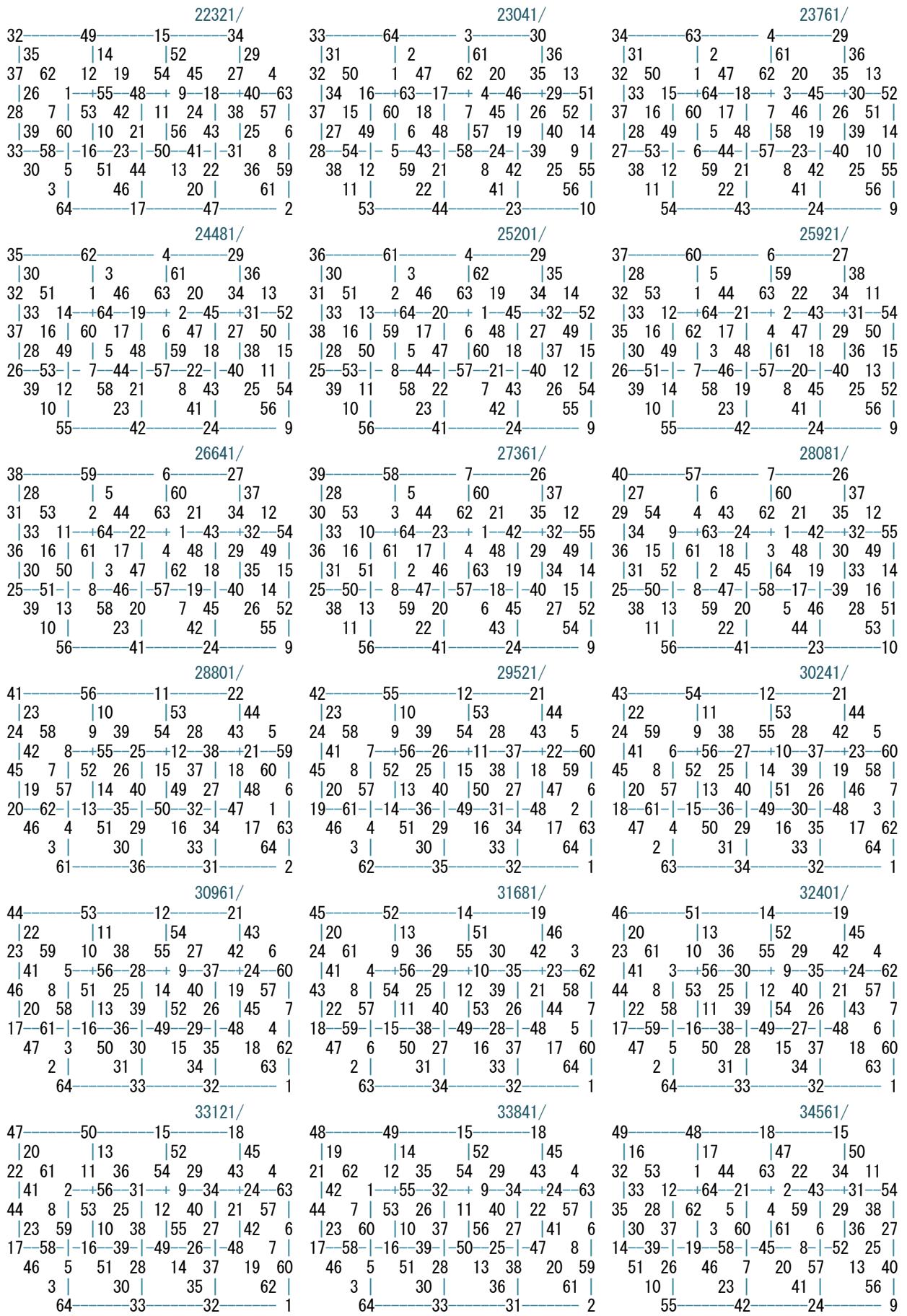
1: 720,	2: 720,	3: 720,	4: 720,	5: 720,	6: 720,	7: 720,	8: 720,
9: 720,	10: 720,	11: 720,	12: 720,	13: 720,	14: 720,	15: 720,	16: 720,
17: 720,	18: 720,	19: 720,	20: 720,	21: 720,	22: 720,	23: 720,	24: 720,
25: 720,	26: 720,	27: 720,	28: 720,	29: 720,	30: 720,	31: 720,	32: 720,
33: 720,	34: 720,	35: 720,	36: 720,	37: 720,	38: 720,	39: 720,	40: 720,
41: 720,	42: 720,	43: 720,	44: 720,	45: 720,	46: 720,	47: 720,	48: 720,
49: 720,	50: 720,	51: 720,	52: 720,	53: 720,	54: 720,	55: 720,	56: 720,
57: 720,	58: 720,	59: 720,	60: 720,	61: 720,	62: 720,	63: 720,	64: 720

OK!

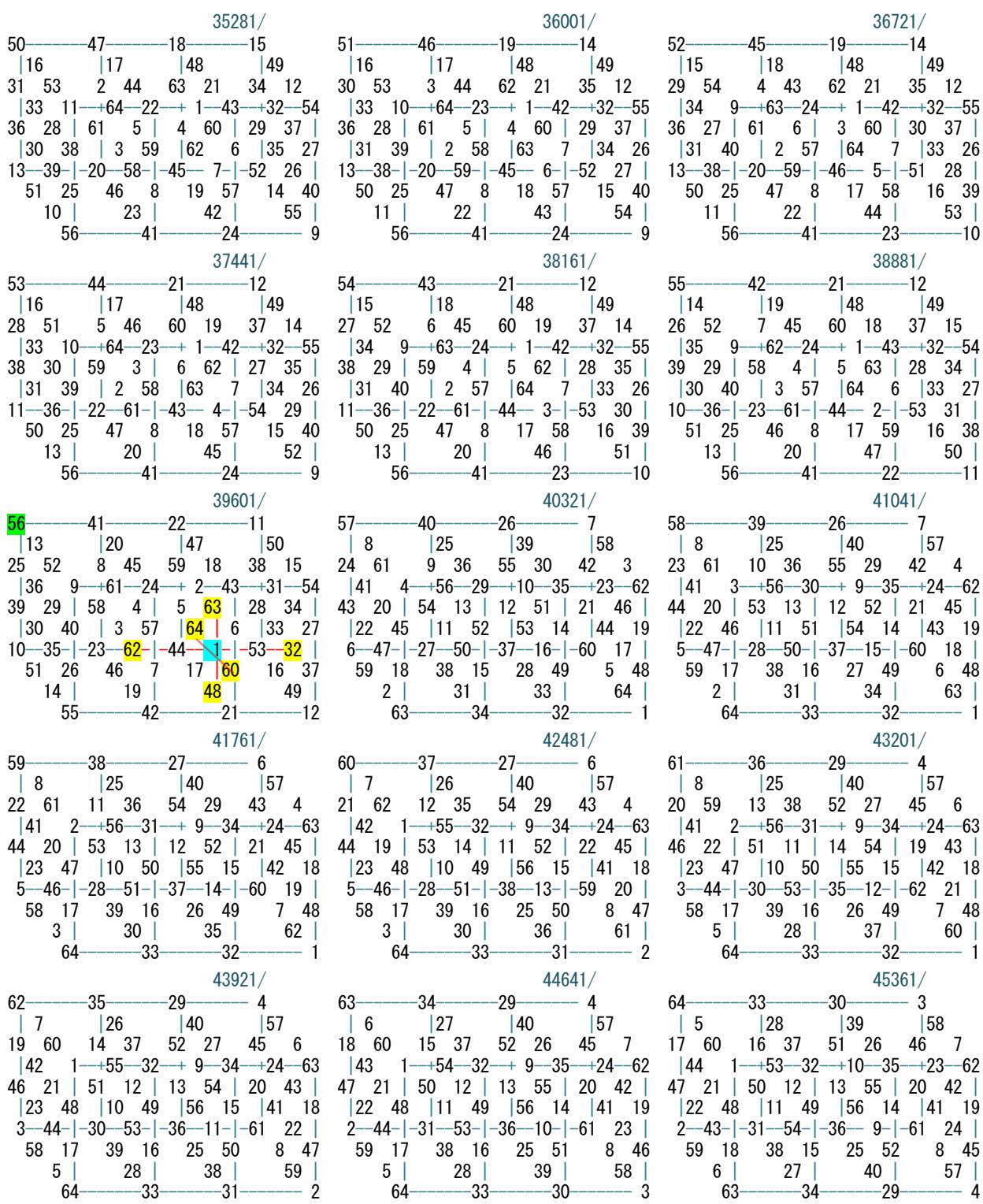
\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-56; \*\*

\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-56; by Kanji Setsuda \*\*



\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-56; by Kanji Setsuda \*\*



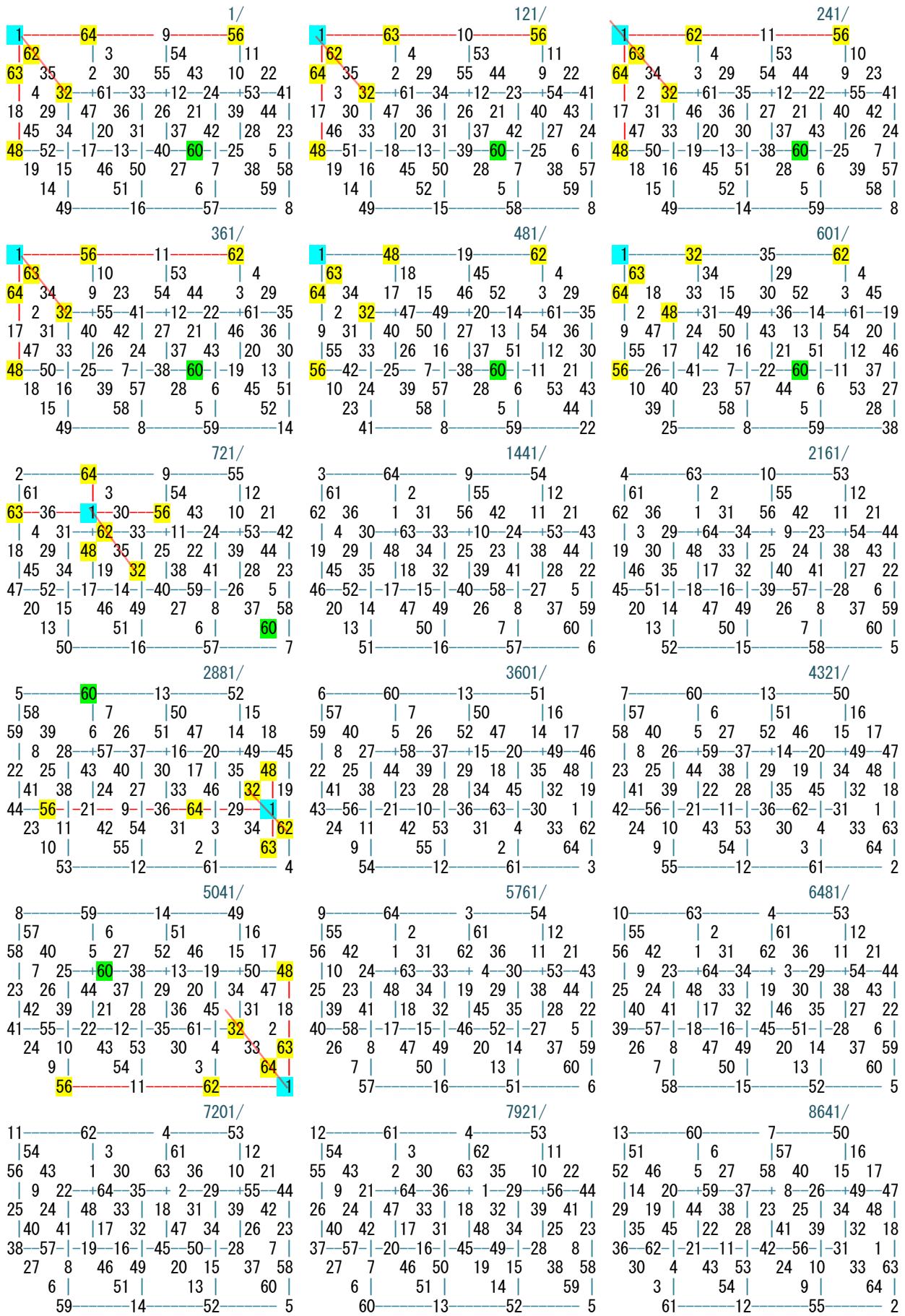
[Solution Counts (when n1=1/All) = 720/46080]

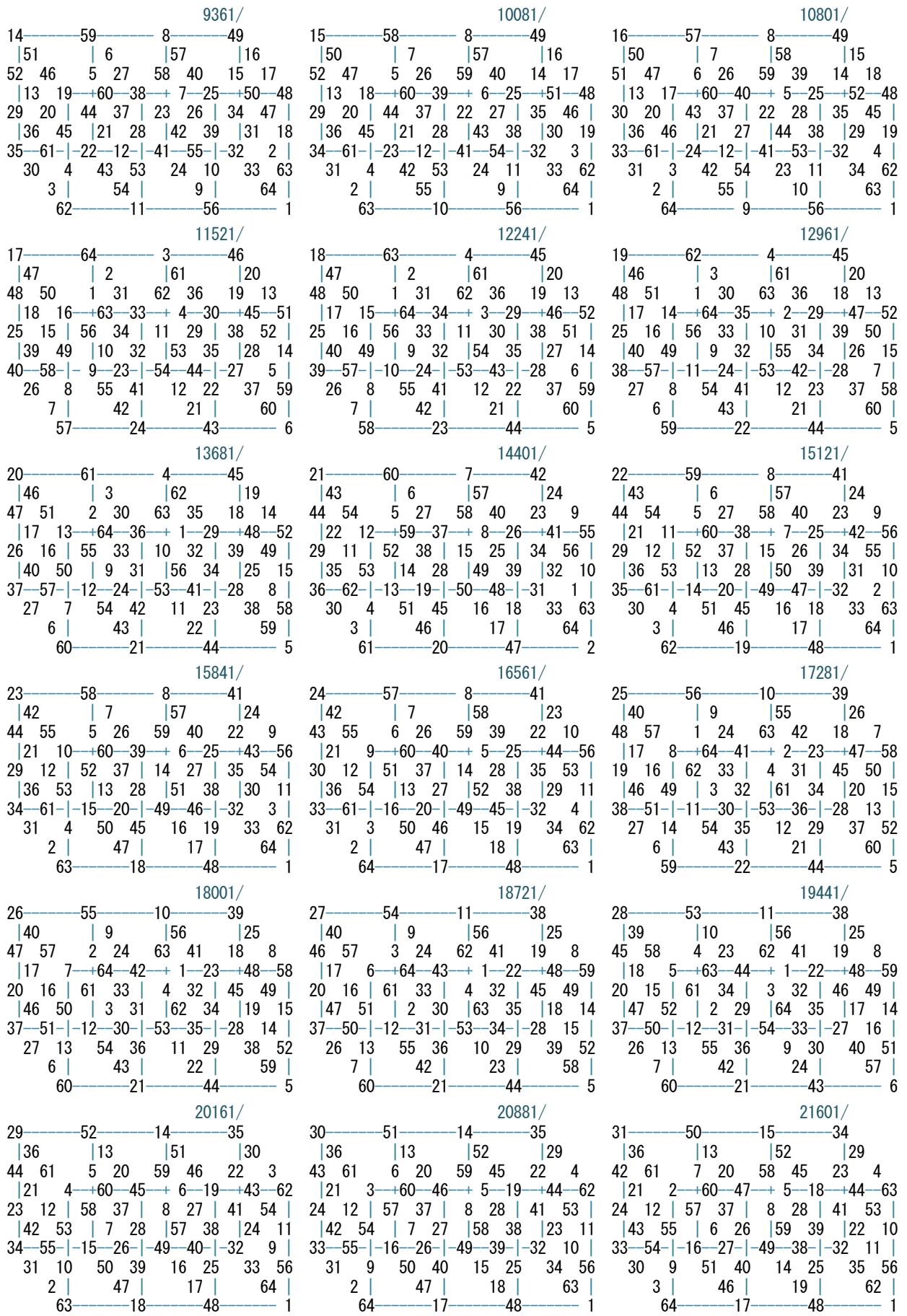
## [Solution Counts according to the Positions of Value 1]

1:	720,	2:	720,	3:	720,	4:	720,	5:	720,	6:	720,	7:	720,	8:	720,
9:	720,	10:	720,	11:	720,	12:	720,	13:	720,	14:	720,	15:	720,	16:	720,
17:	720,	18:	720,	19:	720,	20:	720,	21:	720,	22:	720,	23:	720,	24:	720,
25:	720,	26:	720,	27:	720,	28:	720,	29:	720,	30:	720,	31:	720,	32:	720,
33:	720,	34:	720,	35:	720,	36:	720,	37:	720,	38:	720,	39:	720,	40:	720,
41:	720,	42:	720,	43:	720,	44:	720,	45:	720,	46:	720,	47:	720,	48:	720,
49:	720,	50:	720,	51:	720,	52:	720,	53:	720,	54:	720,	55:	720,	56:	720,
57:	720,	58:	720,	59:	720,	60:	720,	61:	720,	62:	720,	63:	720,	64:	720

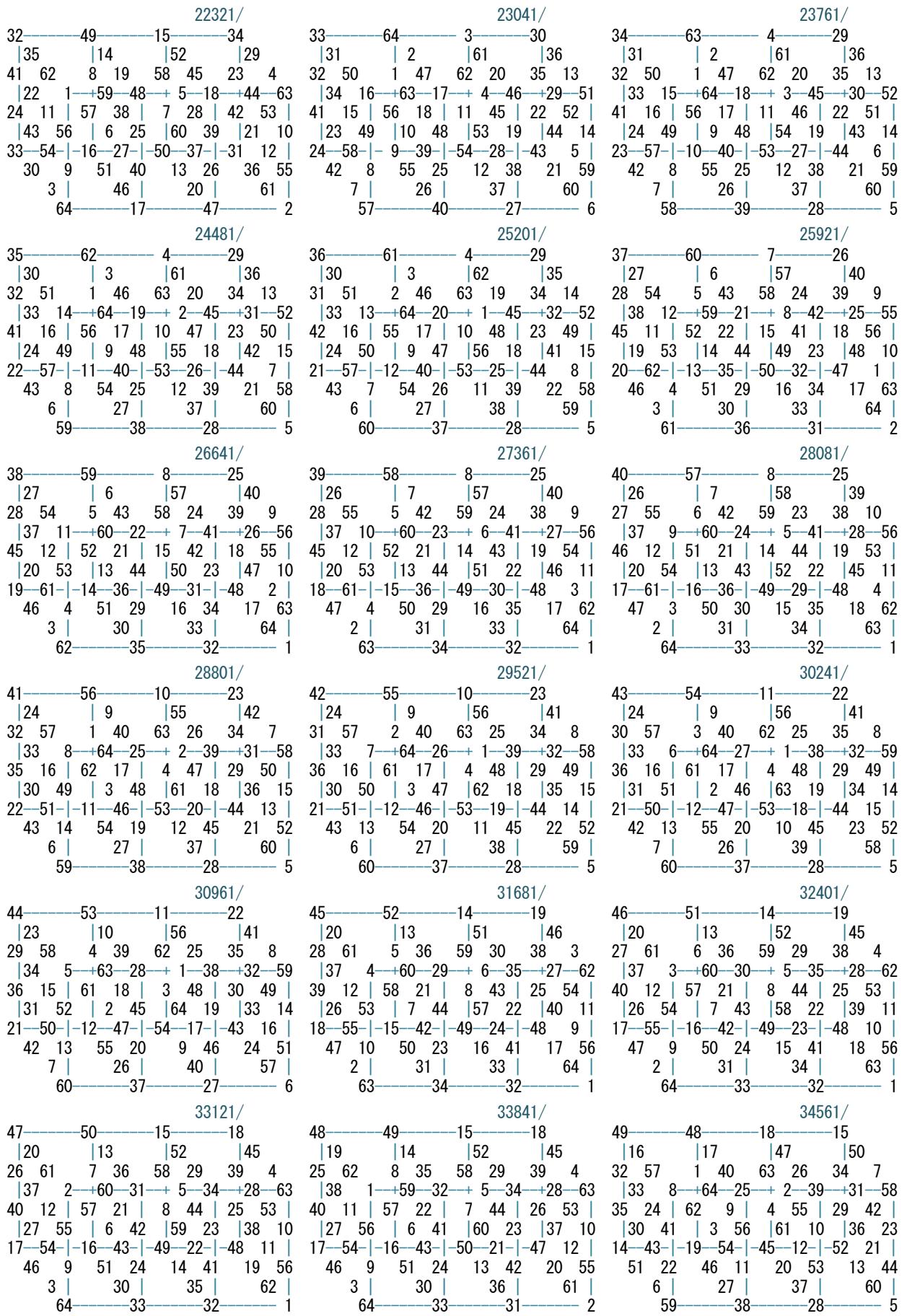
OK!

\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-60; \*\*

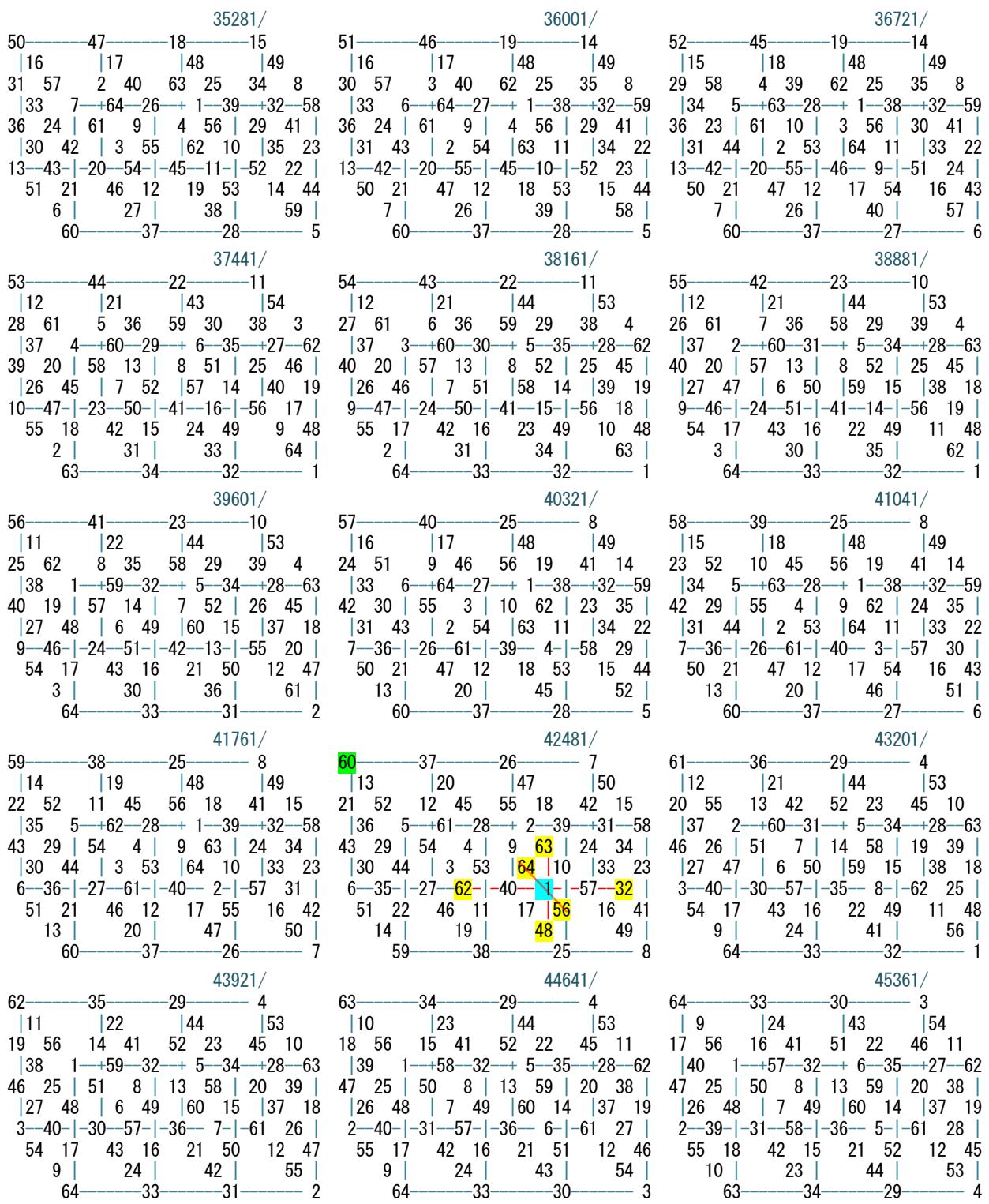




\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-60; by Kanji Setsuda \*\*



\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-60; by Kanji Setsuda \*\*

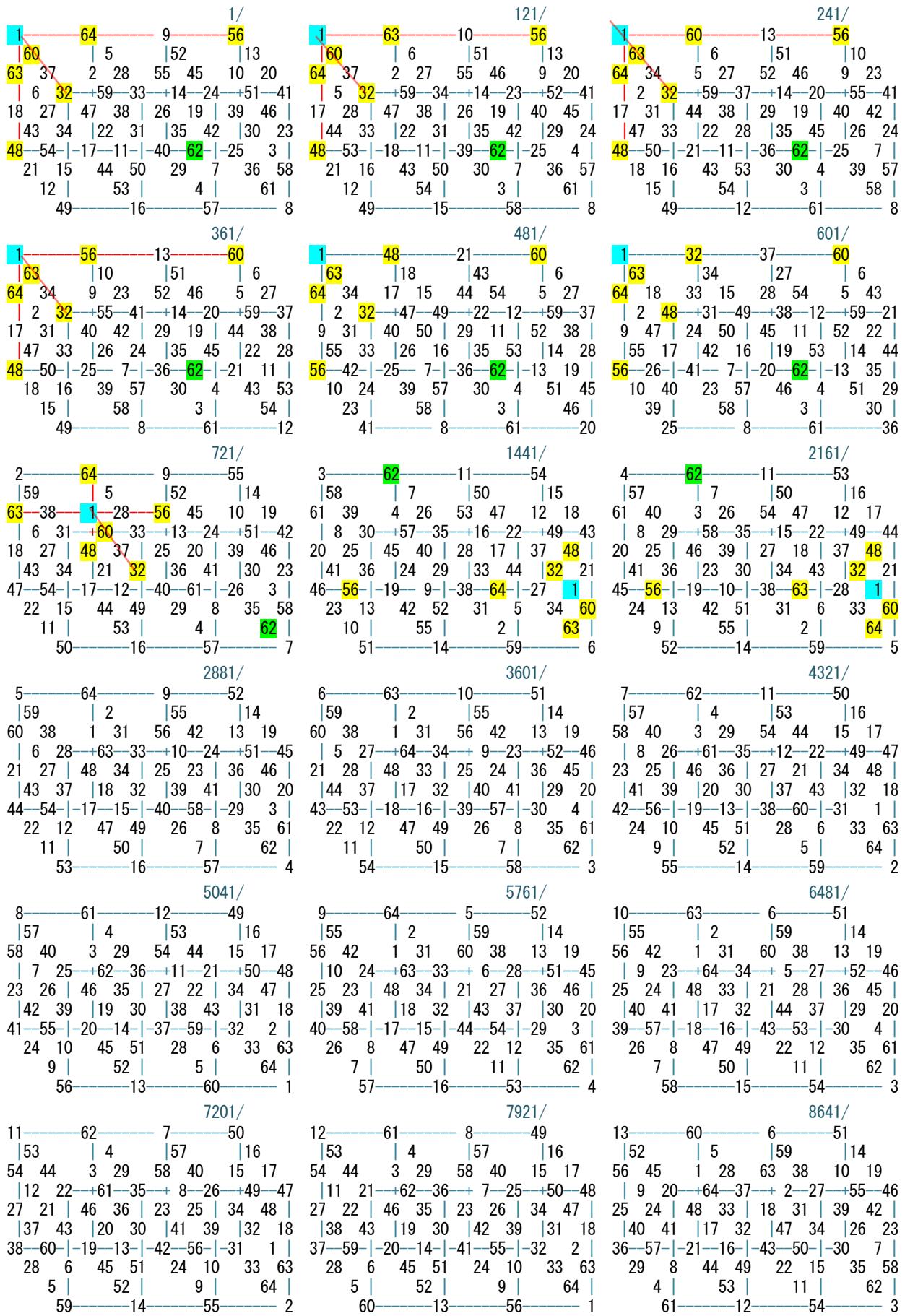


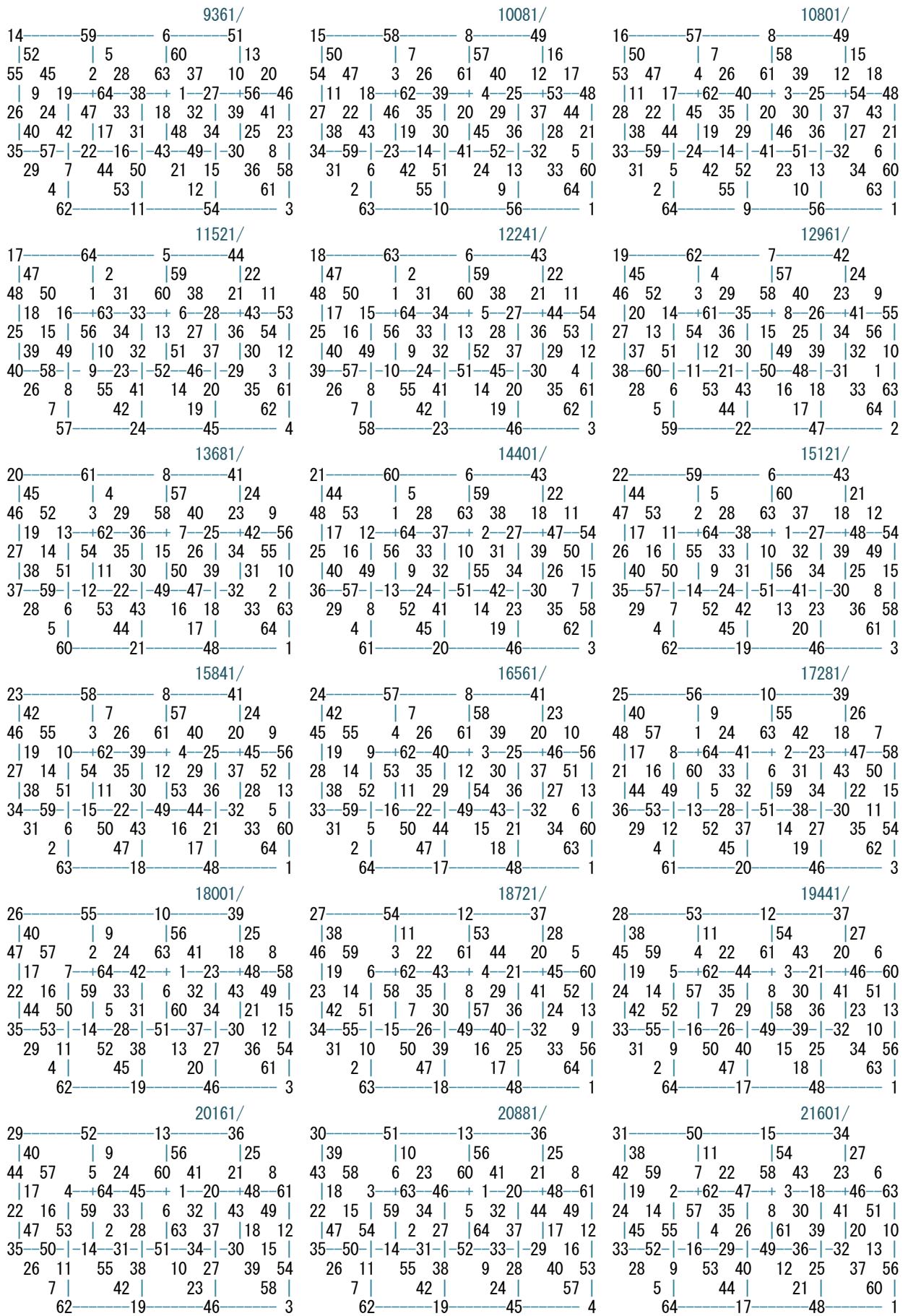
[Solution Counts according to the Positions of Value 1]

1: 720,	2: 720,	3: 720,	4: 720,	5: 720,	6: 720,	7: 720,	8: 720,
9: 720,	10: 720,	11: 720,	12: 720,	13: 720,	14: 720,	15: 720,	16: 720,
17: 720,	18: 720,	19: 720,	20: 720,	21: 720,	22: 720,	23: 720,	24: 720,
25: 720,	26: 720,	27: 720,	28: 720,	29: 720,	30: 720,	31: 720,	32: 720,
33: 720,	34: 720,	35: 720,	36: 720,	37: 720,	38: 720,	39: 720,	40: 720,
41: 720,	42: 720,	43: 720,	44: 720,	45: 720,	46: 720,	47: 720,	48: 720,
49: 720,	50: 720,	51: 720,	52: 720,	53: 720,	54: 720,	55: 720,	56: 720,
57: 720,	58: 720,	59: 720,	60: 720,	61: 720,	62: 720,	63: 720,	64: 720

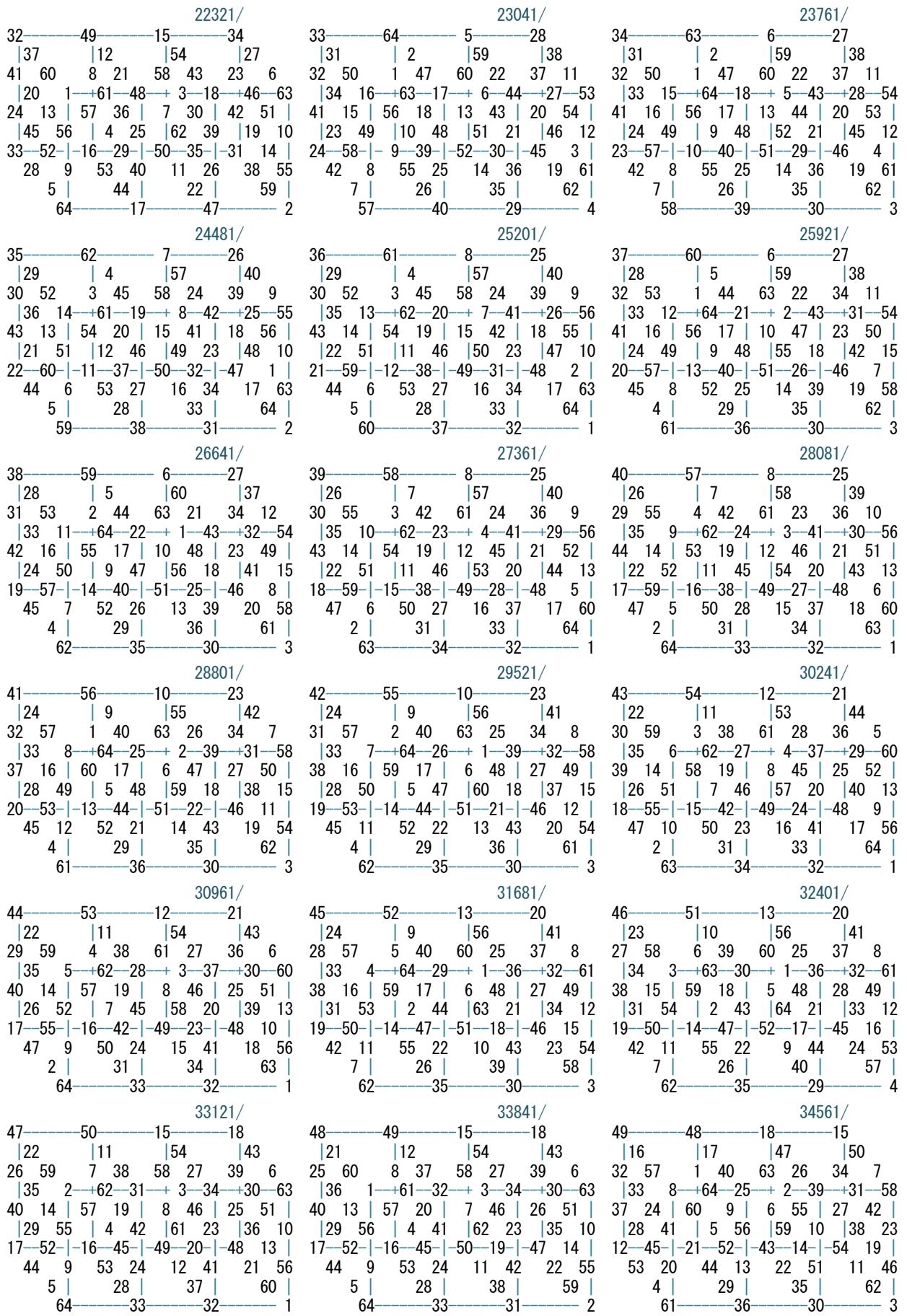
OK!

\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-62; \*\*

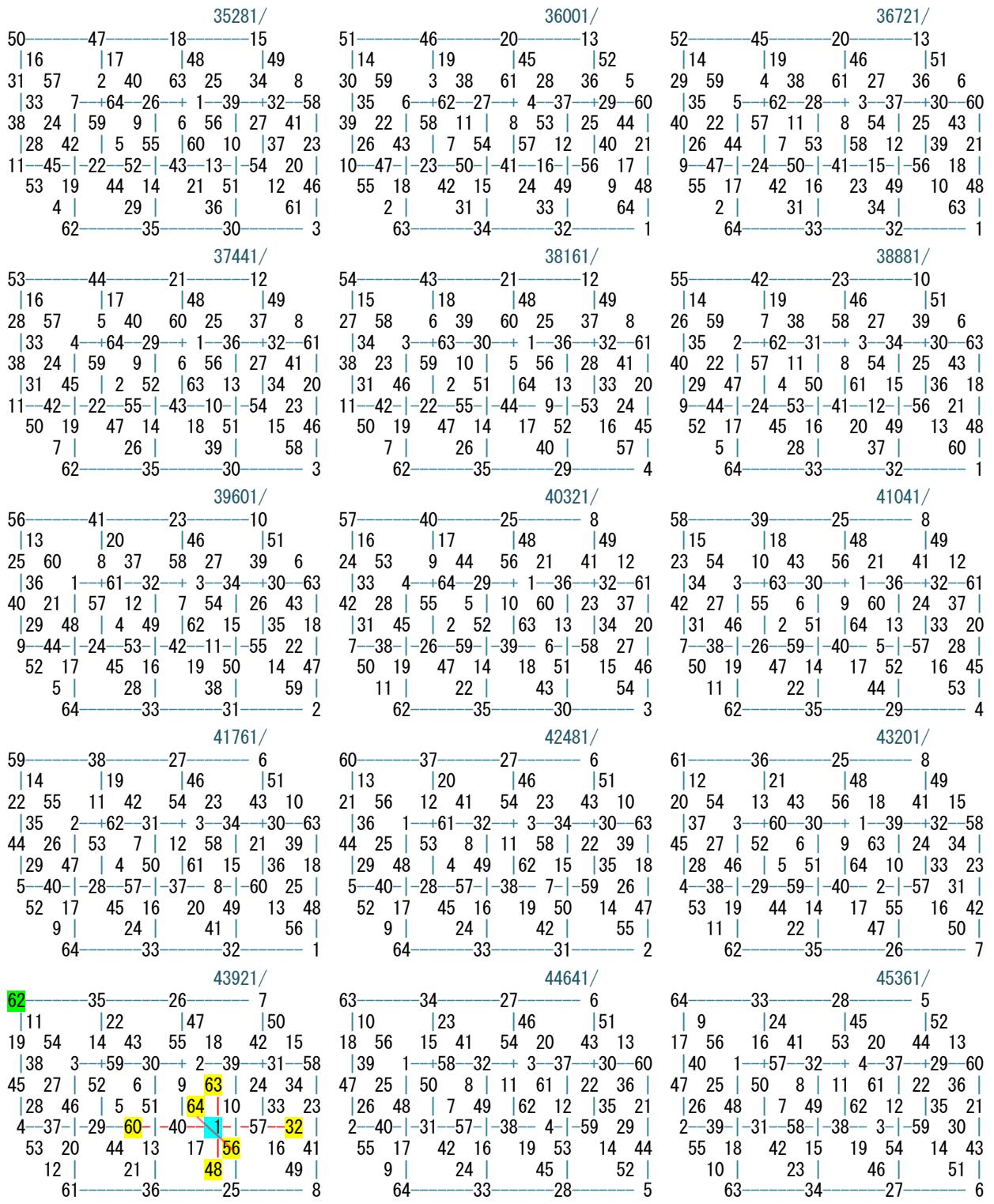




\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-62; by Kanji Setsuda \*\*



\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-62; by Kanji Setsuda \*\*

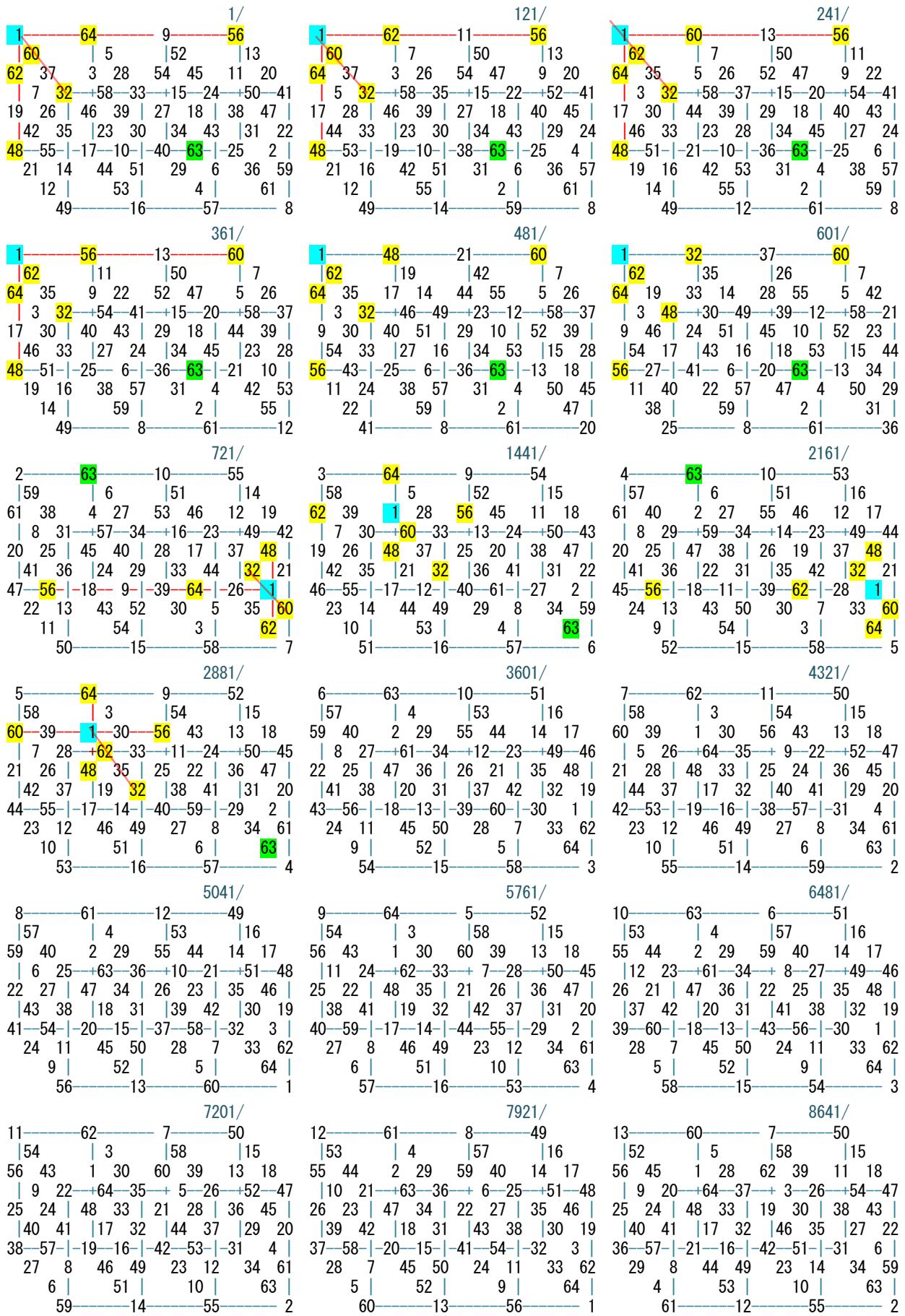


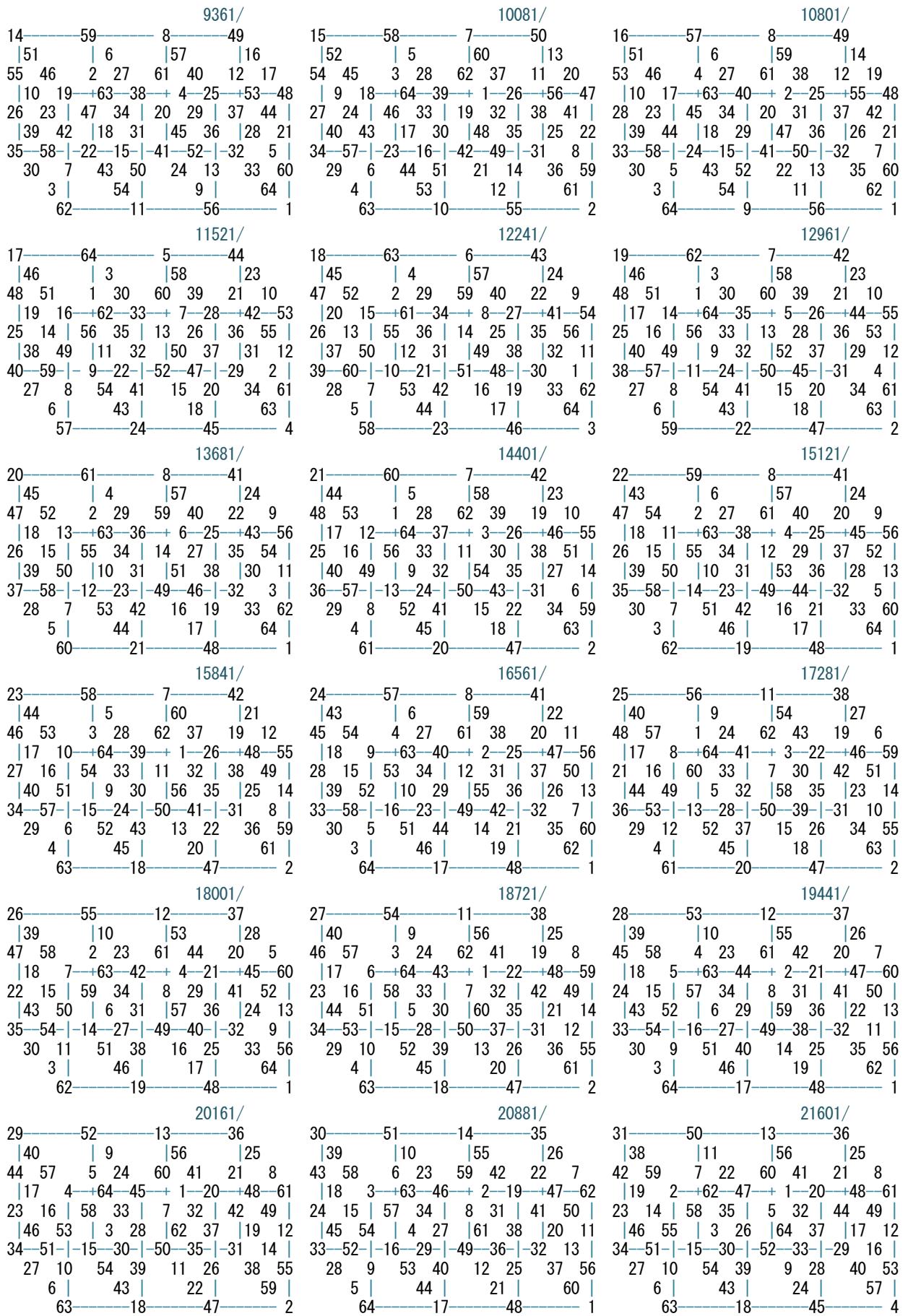
[Solution Counts according to the Positions of Value 1]

1:	720,	2:	720,	3:	720,	4:	720,	5:	720,	6:	720,	7:	720,	8:	720,
9:	720,	10:	720,	11:	720,	12:	720,	13:	720,	14:	720,	15:	720,	16:	720,
17:	720,	18:	720,	19:	720,	20:	720,	21:	720,	22:	720,	23:	720,	24:	720,
25:	720,	26:	720,	27:	720,	28:	720,	29:	720,	30:	720,	31:	720,	32:	720,
33:	720,	34:	720,	35:	720,	36:	720,	37:	720,	38:	720,	39:	720,	40:	720,
41:	720,	42:	720,	43:	720,	44:	720,	45:	720,	46:	720,	47:	720,	48:	720,
49:	720,	50:	720,	51:	720,	52:	720,	53:	720,	54:	720,	55:	720,	56:	720,
57:	720,	58:	720,	59:	720,	60:	720,	61:	720,	62:	720,	63:	720,	64:	720

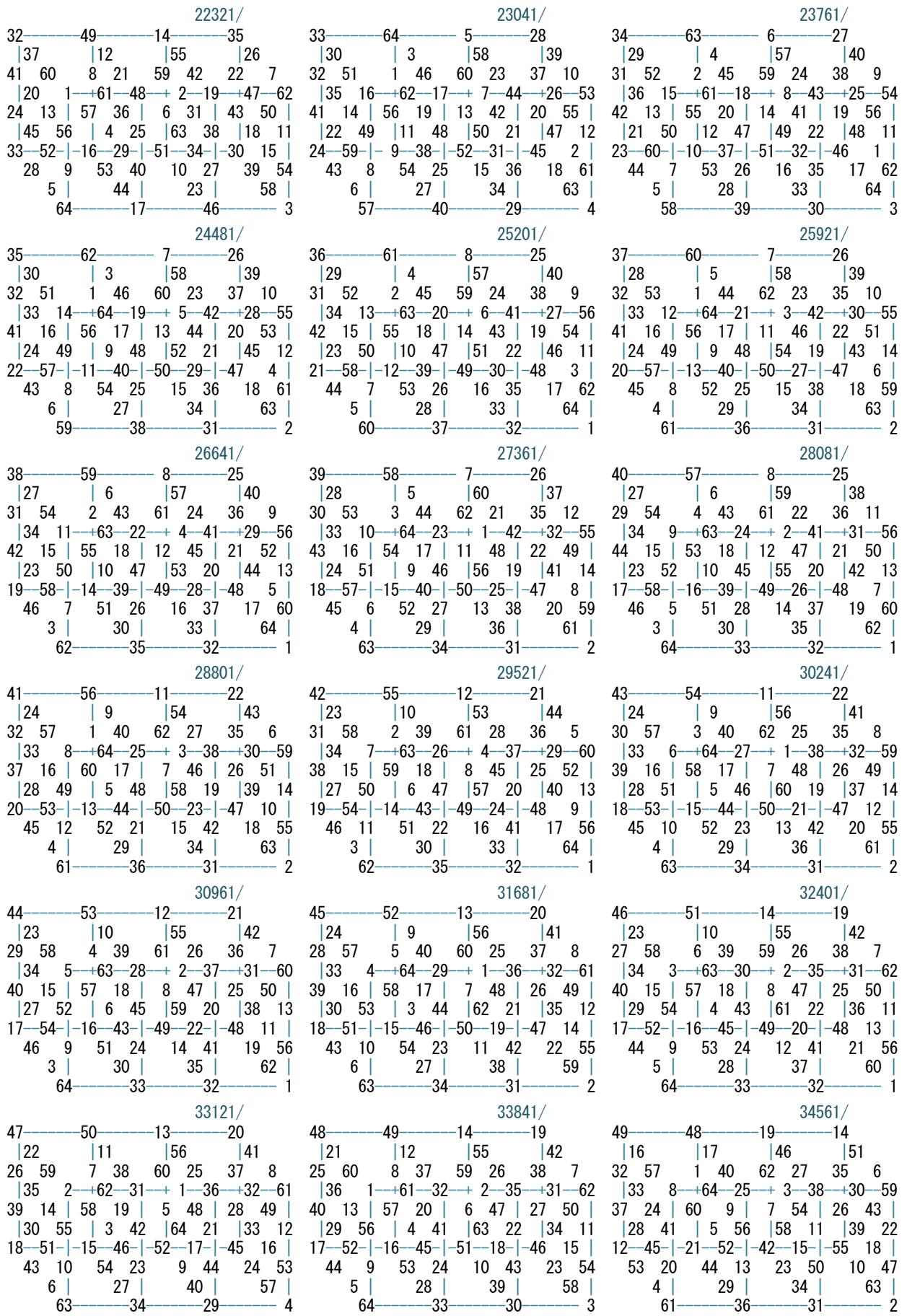
OK!

\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-63; \*\*

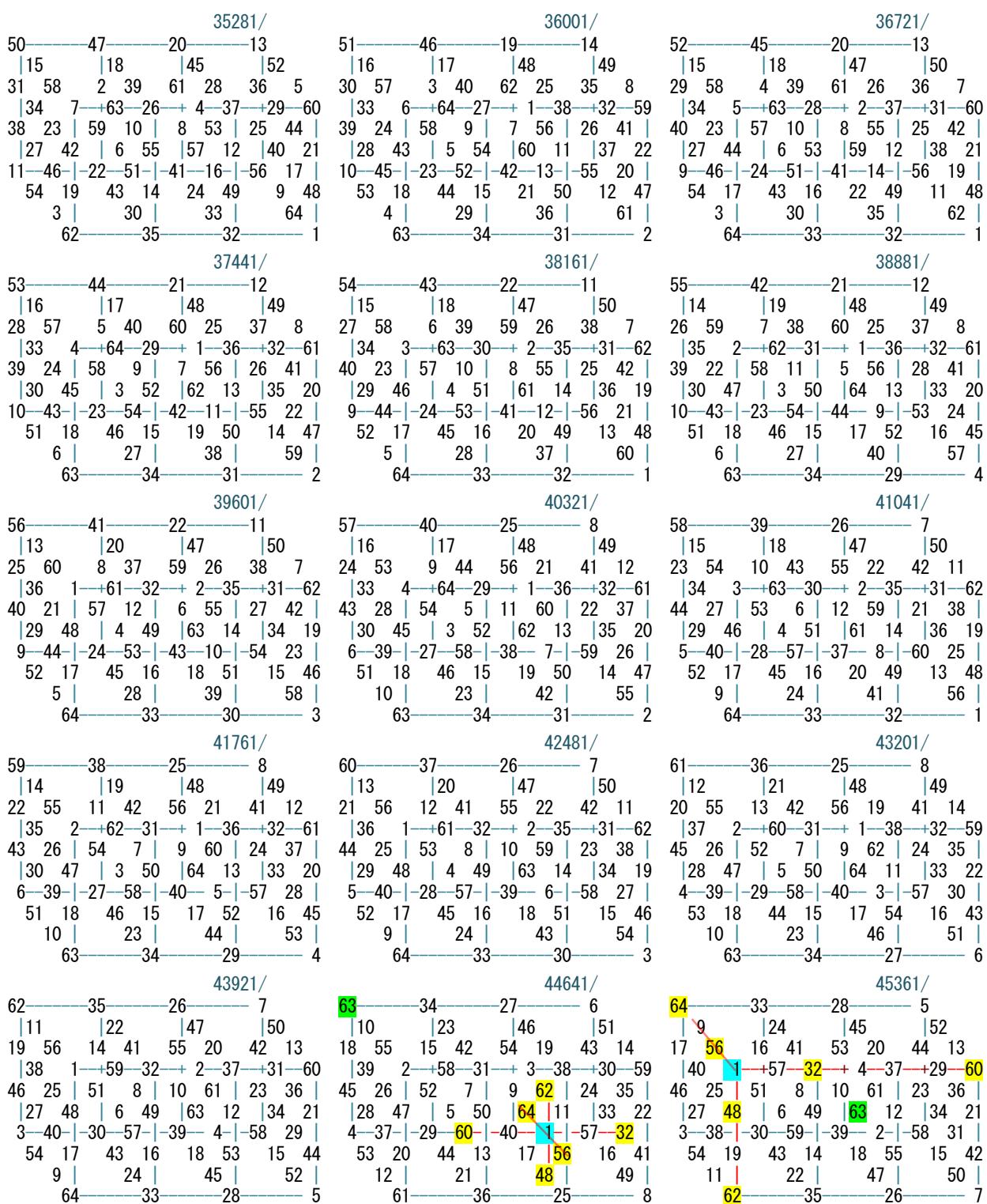




\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: **CPMC444: Type-63**; by Kanji Setsuda \*\*



\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-63; by Kanji Setsuda \*\*



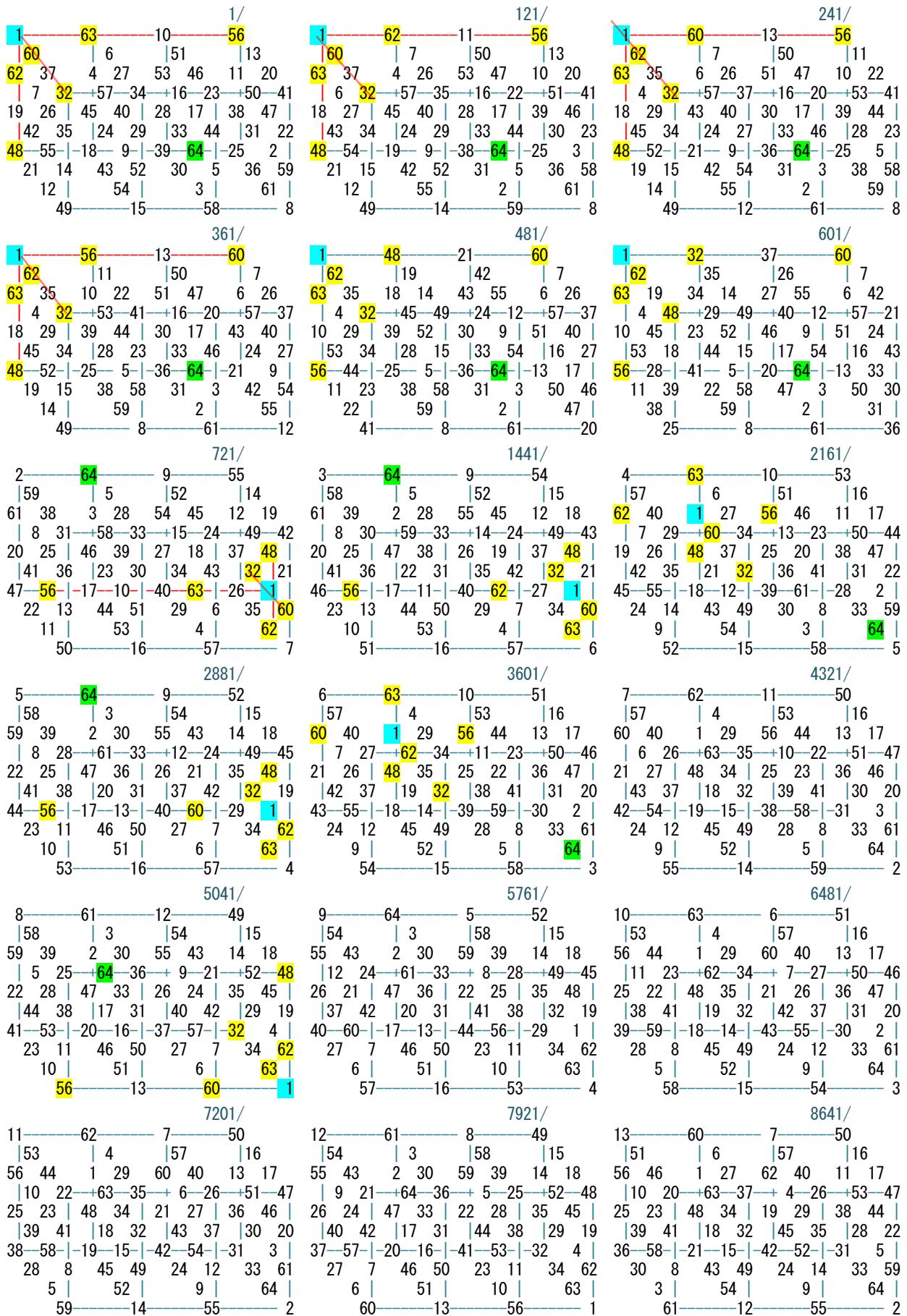
[Solution Counts (when n1=1/All) = 720/46080]

[Solution Counts according to the Positions of Value 1]

1:	720,	2:	720,	3:	720,	4:	720,	5:	720,	6:	720,	7:	720,	8:	720,
9:	720,	10:	720,	11:	720,	12:	720,	13:	720,	14:	720,	15:	720,	16:	720,
17:	720,	18:	720,	19:	720,	20:	720,	21:	720,	22:	720,	23:	720,	24:	720,
25:	720,	26:	720,	27:	720,	28:	720,	29:	720,	30:	720,	31:	720,	32:	720,
33:	720,	34:	720,	35:	720,	36:	720,	37:	720,	38:	720,	39:	720,	40:	720,
41:	720,	42:	720,	43:	720,	44:	720,	45:	720,	46:	720,	47:	720,	48:	720,
49:	720,	50:	720,	51:	720,	52:	720,	53:	720,	54:	720,	55:	720,	56:	720,
57:	720,	58:	720,	59:	720,	60:	720,	61:	720,	62:	720,	63:	720,	64:	720,

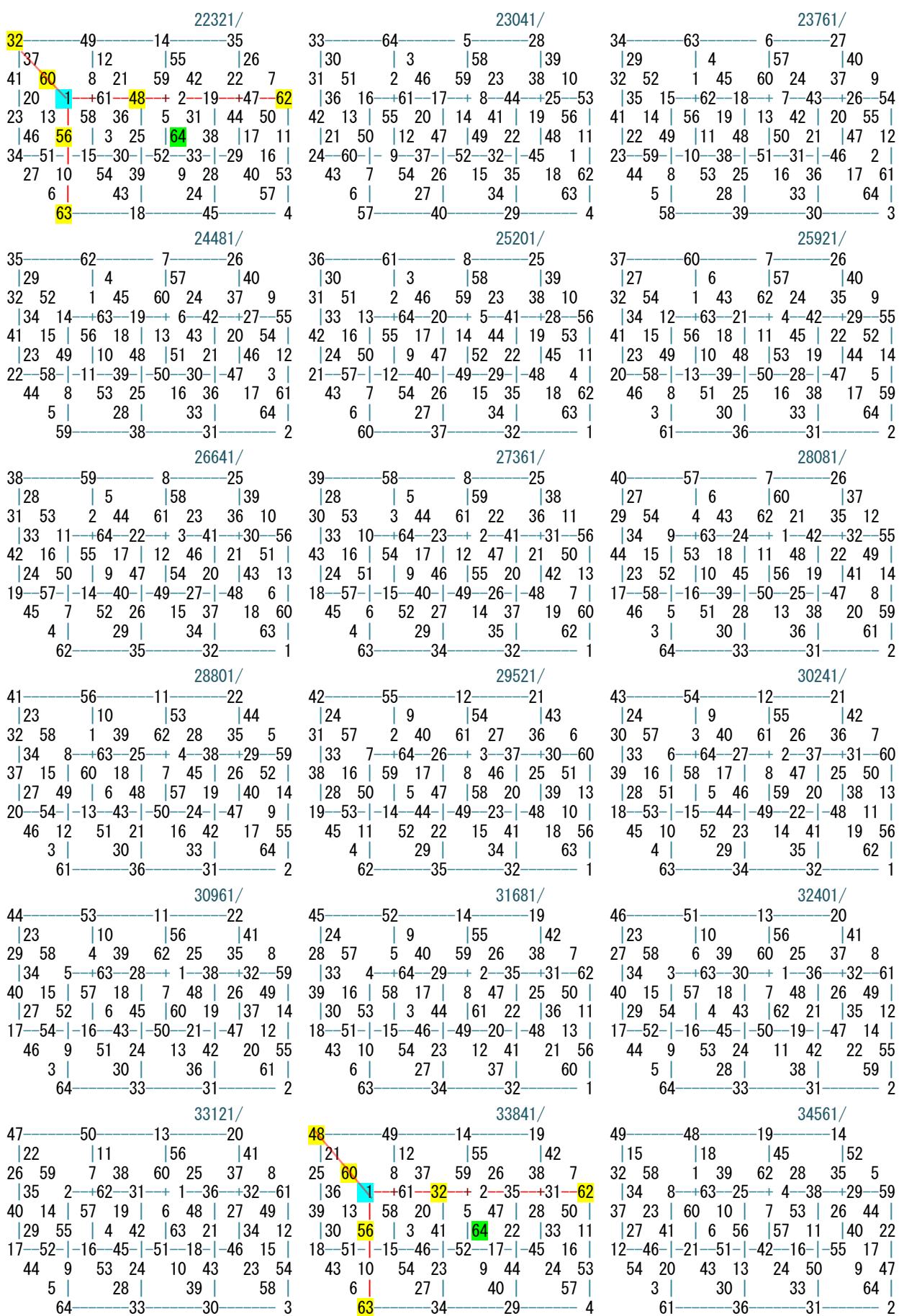
OK!

\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-64; \*\*

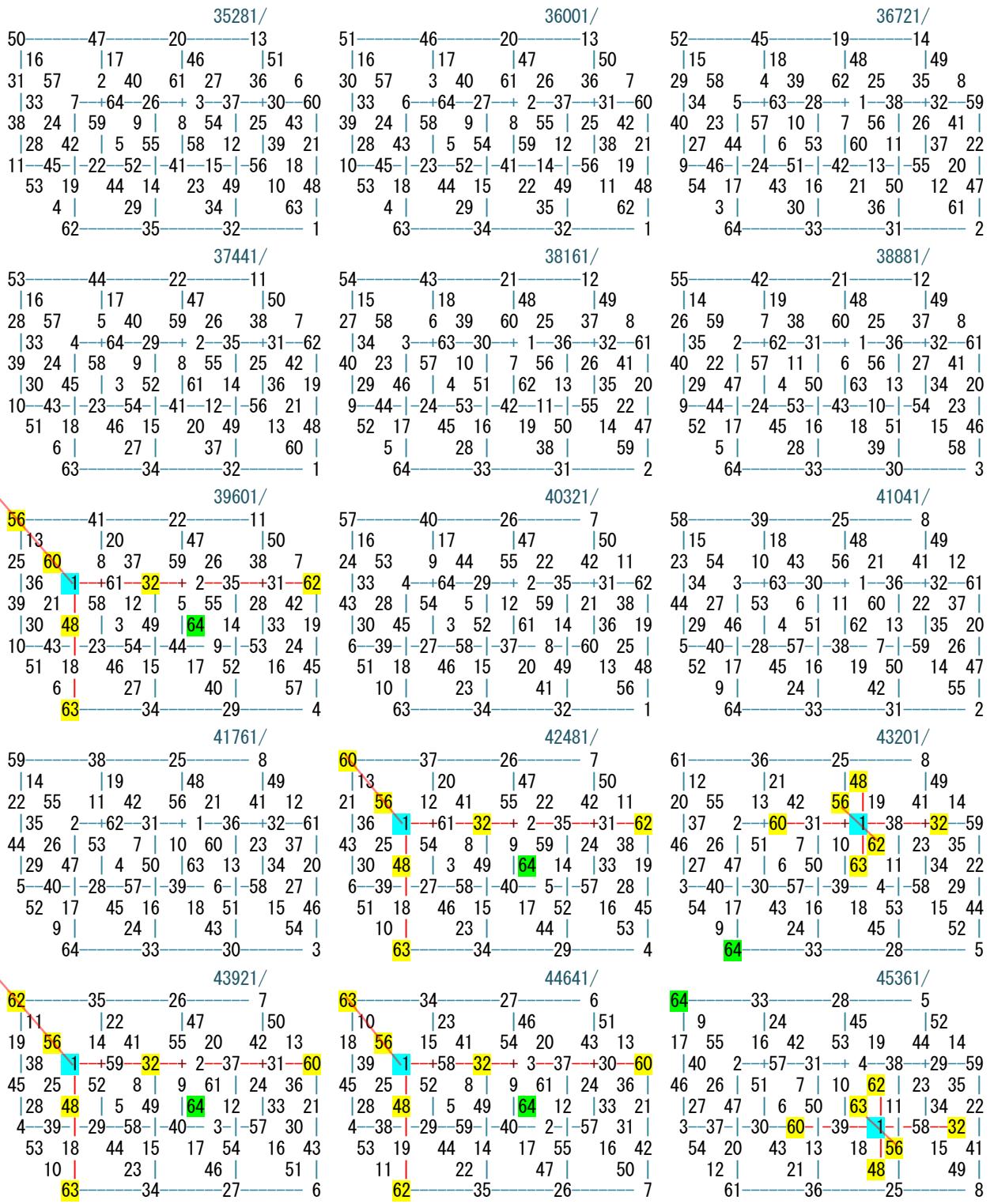


<p><b>9361/</b></p>	<p><b>10081/</b></p>	<p><b>10801/</b></p>
<p><b>11521/</b></p>	<p><b>12241/</b></p>	<p><b>12961/</b></p>
<p><b>13681/</b></p>	<p><b>14401/</b></p>	<p><b>15121/</b></p>
<p><b>15841/</b></p>	<p><b>16561/</b></p>	<p><b>17281/</b></p>
<p><b>18001/</b></p>	<p><b>18721/</b></p>	<p><b>19441/</b></p>
<p><b>20161/</b></p>	<p><b>20881/</b></p>	<p><b>21601/</b></p>

\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-64; by Kanji Setsuda \*\*



\*\* Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-64; by Kanji Setsuda \*\*



[Solution Counts (when n1=1/A11) = 720/46080]

[Solution Counts according to the Positions of Value 1]

1: 720,	2: 720,	3: 720,	4: 720,	5: 720,	6: 720,	7: 720,	8: 720,
9: 720,	10: 720,	11: 720,	12: 720,	13: 720,	14: 720,	15: 720,	16: 720,
17: 720,	18: 720,	19: 720,	20: 720,	21: 720,	22: 720,	23: 720,	24: 720,
25: 720,	26: 720,	27: 720,	28: 720,	29: 720,	30: 720,	31: 720,	32: 720,
33: 720,	34: 720,	35: 720,	36: 720,	37: 720,	38: 720,	39: 720,	40: 720,
41: 720,	42: 720,	43: 720,	44: 720,	45: 720,	46: 720,	47: 720,	48: 720,
49: 720,	50: 720,	51: 720,	52: 720,	53: 720,	54: 720,	55: 720,	56: 720,
57: 720,	58: 720,	59: 720,	60: 720,	61: 720,	62: 720,	63: 720,	64: 720,

OK!

\*\* Calculated and Listed by Kanji Setsuda on July 20, 2015 with MacOSX 10.10.4 & Xcode 6.4 \*\*

以上が、正方連結汎立体四方陣の原始解の抜粋リストである。

7つの型別に簡略なリストを作つてみた。何せ原始解は、全部で $46080 \times 7 = 32\text{万}2560$ 個もある。大幅な抜粋を施さないと、限られた紙数の中で全貌を示せない。荒い抜粋になってしまったが、どうか寛容に御堪忍頂きたい。

それでも、普段は余りお目にかかるないリストを示せたことを少しあは誇らしく思う。正直喜んでいる。そして、目的方陣の全貌を少しあは御理解頂けたかと、期待申し上げている。

このリストをプリントしたプログラムを文末に掲載するが、やはり作成には特別の工夫が必要だった。興味のある方は、私の工夫をぜひ読み解いてみていただきたい。

#### 4. 正方連結汎立体四方陣の7つの型の解集合の特徴

こうして7つの型を並べてみると、共通の特徴がどうしても先に目につく。

(1) 各型共に原始解の総数は、46080個。 $n^1$ の値別に数えても、 $720 \times 64 = 46080$ 個。

(2) どの解の中でも、数値1を取り巻いて三次元的に隣接する6数と例の「汎対称点」にある1数の内容が {32, 48, 56, 60, 62, 63, 64} の7数に限られる。

(3) 数値1の汎対称点に、例えば32が現れると、その型の解の中では、他の6数 {48, 56, 60, 62, 63, 64} が、1の周囲を取り巻いて三次元的に隣接する。例外が無い。

48型の場合は、他の6数 {32, 56, 60, 62, 63, 64} が、数値1に隣接する。

56型の場合は、他の6数 {32, 48, 60, 62, 63, 64} が、数値1に隣接する。

• • • •

これらの特徴は、構造的に見て、正方連結汎立体四方陣に固有ものだ。特記すべきものと考えられる。特に珍重してよい特長の一つである、と言うべきであろう。

ところで、46080個というのは、六次元超立体二方陣を三次元に展開して得られる「基本図」の総数と同じである。何か関係があるのであろうか？

後日、この基本図 46080個を「原初方陣」と見立て、適当な「ひな形」を選んで変換して見たところ、64型の「正方連結完全立体四方陣」に限って、全数を再現・再構成した。

64型の「正方連結完全立体四方陣」が、くだんの六次元超立体二方陣の「申し子」であることが実際に確かめられた。

しかし、他の32, 48, 56, 60, 62, 63型の正方連結汎立体四方陣の場合は、どんなひな形を選んでやっても、その型の全数 46080個を直接に再現・再構成することができなかつた。他の型がいかんせん紛れ込んでしまう結果になる。

その型のみを再構成するには、別の変換法を考えてやらなければならなかつた。

これらの6型は、六次元超立体二方陣の直系の「子」というよりは、「孫世代」に属するという印象を受けた。

この辺の仕組みについては、更なる研究が待たれる。

---

Written on July 30, 2015 by 摂田 寛二(Kanji Setsuda);  
Calculated and Listed with MacOSX 10.10.4 and Xcode 6.4)

E-mail: jag12001@nifty.com

#### [PROGRAM LIST]

```
/** 7 Types of 'Composite & Pan-triangular' Magic Cubes 4x4x4: **  
/** Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized **  
/** File: 'CPMC4P7T.c' Dictated by Kanji Setsuda **  
/** in 2007, 2012 and Revised on Dec.30, 2014; Recompiled **  
/** on July 20, 2015 with MacOSX 10.10.4 and Xcode 6.4 **  
//  
#include <stdio.h>  
//  
// Global Var.
```

```

long int cnt, cnt1, cnt2;
long cntr[7];
short cnt3;
short tp, mstr=1;
short CC, SSM, LSM;
short CSM1, CSM2;
short nm[65], uflg[65];
short tn[7][65];
short cnt01[65], cnt43[65];
//
short cp43[7][2]={ {33, 97}, {49, 81}, {57, 73},
{61, 69}, {63, 67}, {64, 66}, {65, 65}}; //for Type-32, 48, 56, 60, 62, 63, 64
//
// Functions(Sub-Routines)
void stp01(void), stp02(void), stp03(void), stp04(void);
void stp05(void), stp06(void), stp07(void), stp08(void);
void stp09(void), stp10(void), stp11(void), stp12(void);
void stp13(void), stp14(void), stp15(void), stp16(void);
void stp17(void), stp18(void), stp19(void), stp20(void);
void stp21(void), stp22(void), stp23(void), stp24(void);
void stp25(void), stp26(void), stp27(void), stp28(void);
void stp29(void), stp30(void), stp31(void), stp32(void);
void stp33(void), stp34(void), stp35(void);
void ansprint(void);
void fnd01(void);
void prans(short x);
void prcnt01(void);
//
/* Main Program *
int main(){
short m,n;
printf("\n");
printf("*** 7 Types of 'Composite & Pan-triagonal' Magic Cubes of Order 4 ***\n");
for(m=0;m<7;m++){tp=m;
printf("** Compact List of Primitive Solutions Pre-normalized: CPMC444: Type-%d; **\n",cp43[tp][0]-1);
CC=65; SSM=130; LSM=130; cnt=0; cnt3=0;
for(n=1;n<65;n++){nm[n]=0; uflg[n]=0; cnt01[n]=0; cnt43[n]=0;};
stp01(); // Begin the Calculations
if(cnt3>0){prans(cnt3);}
printf(" [Solution Counts(when n1=1/All) = %ld/%ld]\n",cnt1,cnt);
printf("\n");
printf(" [Solution Counts according to the Positions of Value 1]\n");
prcnt01();
printf(" OK!\n");
printf("\n");
}
printf("** Calculated and Listed by Kanji Setsuda on\n");
printf(" July 20, 2015 with Mac OSX 10.10.4 & Xcode 6.4 **\n");
printf("\n");
return 0;
}
//
/* Begin the Calculations */
/* Define Level #1: *
//Set n1 & n43
void stp01(){
short a,b,c;
for(a=1;a<65;a++){
if(tp<6){
for(c=0;c<2;c++){CSM1=cp43[tp][c]; CSM2=cp43[tp][1-c]; b=CSM1-a;
if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)){
if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){cnt2=0;
nm[1]=a; nm[43]=b;
uflg[a]=1; uflg[b]=1;
}
}
}
}
}
}

```

```

        stp02();
        uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
    }
    else{CSM1=cp43[tp][0]; CSM2=cp43[tp][1]; b=CSM1-a;
        if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){cnt2=0;
                nm[1]=a; nm[43]=b;
                uflg[a]=1; uflg[b]=1;
                stp02();
                uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
    }
}

//Set n2 & n44
void stp02(){
short a,b;
for(a=64;a>0;a--) {b=CSM2-a;
if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)){
    if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){if(nm[1]==1){cnt2=0;
        nm[2]=a; nm[44]=b;
        uflg[a]=1; uflg[b]=1;
        stp03();
        uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}
}

//Set n5 & n47
void stp03(){
short a,b;
for(a=64;a>0;a--) {b=CSM2-a;
if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)){
    if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){//if(nm[1]==1){cnt2=0;
        nm[5]=a; nm[47]=b;
        uflg[a]=1; uflg[b]=1;
        stp04();
        uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n6=SSM-n1-n2-n5 & n48
void stp04(){
short a,b;
a=SSM-nm[1]-nm[2]-nm[5];
b=SSM-nm[43]-nm[44]-nm[47];
if((0<a)&&(a<65)){
    if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)&&(a+b==CSM1)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
            nm[6]=a; nm[48]=b;
            uflg[a]=1; uflg[b]=1;
            stp05();
            uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n17 & n59
void stp05(){
short a,b;
for(a=64;a>0;a--) {b=CSM2-a;
if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)){
    if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
        nm[17]=a; nm[59]=b;
        uflg[a]=1; uflg[b]=1;
        stp06();
        uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n18=SSM-n1-n2-n17 & n60
void stp06(){

```

```

short a,b;
a=SSM-nm[1]-nm[2]-nm[17];
b=SSM-nm[43]-nm[44]-nm[59];
if((0<a)&&(a<65)){
    if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)&&(a+b==CSM1)){//if(nm[1]==1){cnt2=0;}
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
            nm[18]=a; nm[60]=b;
            uflg[a]=1; uflg[b]=1;
            stp07();
            uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n21=SSM-n1-n5-n17 & n63
void stp07(){
short a,b;
a=SSM-nm[1]-nm[5]-nm[17];
b=SSM-nm[43]-nm[47]-nm[59];
if((0<a)&&(a<65)){
    if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)&&(a+b==CSM1)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
            nm[21]=a; nm[63]=b;
            uflg[a]=1; uflg[b]=1;
            stp08();
            uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n22=SSM-n2-n6-n18 & n64
void stp08(){
short a,b,c,e,f,g;
a=SSM-nm[2]-nm[6]-nm[18];
b=SSM-nm[5]-nm[6]-nm[21];
c=SSM-nm[17]-nm[18]-nm[21];
e=SSM-nm[44]-nm[48]-nm[60];
f=SSM-nm[47]-nm[48]-nm[63];
g=SSM-nm[59]-nm[60]-nm[63];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)){
    if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)){
        if((a!=e)&&(a+e==CSM2)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                nm[22]=a; nm[64]=e;
                uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                stp09();
                uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}
}

/* Level #2: */
//Set n4 & n42
void stp09(){
short a,b;
for(a=64;a>0;a--) {b=CSM2-a;
if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)){
    if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
        nm[4]=a; nm[42]=b;
        uflg[a]=1; uflg[b]=1;
        stp10();
        uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n3=LSM-n1-n2-n4 & n41
void stp10(){
short a,b;
a=LSM-nm[1]-nm[2]-nm[4];
b=LSM-nm[43]-nm[44]-nm[42];
if((0<a)&&(a<65)){
    if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)&&(a+b==CSM1)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
            nm[3]=a; nm[41]=b;
            uflg[b]=1; uflg[a]=1;
            stp11();
            uflg[a]=0; uflg[b]=0;}}}
}

```

```

        uflg[a]=1; uflg[b]=1;
        stp11();
        uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
    }
//Set n7=SSM-n2-n3-n6 & n45
void stp11(){
    short a,b;
    a=SSM-nm[2]-nm[3]-nm[6];
    b=SSM-nm[44]-nm[41]-nm[48];
    if((0<a)&&(a<65)){
        if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)&&(a+b==CSM2)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
                nm[7]=a; nm[45]=b;
                uflg[a]=1; uflg[b]=1;
                stp12();
                uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
    }
//Set n8=SSM-n3-n4-n7 & n46
void stp12(){
    short a,b,c,d;
    a=SSM-nm[3]-nm[4]-nm[7];
    b=SSM-nm[1]-nm[4]-nm[5];
    c=SSM-nm[41]-nm[42]-nm[45];
    d=SSM-nm[43]-nm[42]-nm[47];
    if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(c==d)){
        if((0<c)&&(c<65)&&(a!=c)&&(a+c==CSM1)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[c]==0)){
                nm[8]=a; nm[46]=c;
                uflg[a]=1; uflg[c]=1;
                stp13();
                uflg[c]=0; uflg[a]=0;}}}
    }
//Set n19=SSM-n2-n3-n18 & n57
void stp13(){
    short a,b;
    a=SSM-nm[2]-nm[3]-nm[18];
    b=SSM-nm[44]-nm[41]-nm[60];
    if((0<a)&&(a<65)){
        if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)&&(a+b==CSM2)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
                nm[19]=a; nm[57]=b;
                uflg[a]=1; uflg[b]=1;
                stp14();
                uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
    }
//Set n20=SSM-n3-n4-n19 & n58
void stp14(){
    short a,b,c,d;
    a=SSM-nm[3]-nm[4]-nm[19];
    b=SSM-nm[4]-nm[1]-nm[17];
    c=SSM-nm[41]-nm[42]-nm[57];
    d=SSM-nm[42]-nm[43]-nm[59];
    if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(c==d)){
        if((0<c)&&(c<65)&&(a!=c)&&(a+c==CSM1)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[c]==0)){
                nm[20]=a; nm[58]=c;
                uflg[a]=1; uflg[c]=1;
                stp15();
                uflg[c]=0; uflg[a]=0;}}}
    }
//Set n23=SSM-n3-n7-n19 & n61
void stp15(){
    short a,b,c,e,f,g;
    a=SSM-nm[3]-nm[7]-nm[19];

```

```

b=SSM-nm[6]-nm[7]-nm[22];
c=SSM-nm[18]-nm[19]-nm[22];
e=SSM-nm[41]-nm[45]-nm[57];
f=SSM-nm[48]-nm[45]-nm[64];
g=SSM-nm[60]-nm[64]-nm[57];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)){
    if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)){
        if((a!=e)&&(a+e==CSM1)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                nm[23]=a; nm[61]=e;
                uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                stp16();
                uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}
}
//Set n24=SSM-n4-n8-n20 & n62
void stp16(){
short a,b,c,d,e,f,g,h;
a=SSM-nm[4]-nm[8]-nm[20];
b=SSM-nm[7]-nm[8]-nm[23];
c=SSM-nm[19]-nm[20]-nm[23];
d=SSM-nm[20]-nm[17]-nm[21];
e=SSM-nm[42]-nm[46]-nm[58];
f=SSM-nm[45]-nm[46]-nm[61];
g=SSM-nm[57]-nm[58]-nm[61];
h=SSM-nm[46]-nm[47]-nm[63];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)&&(a==d)){
    if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)&&(e==h)){
        if((a!=e)&&(a+e==CSM2)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                nm[24]=a; nm[62]=e;
                uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                stp17();
                uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}
}
/* Level #3: *
//Set n13 & n39
void stp17(){
short a,b;
for(a=64;a>0;a--) {b=CSM2-a;
if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)){
    if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
        nm[13]=a; nm[39]=b;
        uflg[a]=1; uflg[b]=1;
        stp18();
        uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}
}
}
//Set n9=LSM-n1-n5-n13 & n35
void stp18(){
short a,b,c,d;
a=SSM-nm[1]-nm[5]-nm[13];
b=SSM-nm[13]-nm[57]-nm[61];
c=SSM-nm[43]-nm[47]-nm[39];
d=SSM-nm[19]-nm[23]-nm[39];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(c==d)){
    if((0<c)&&(c<65)&&(a!=c)&&(a+c==CSM1)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[c]==0)){
            nm[9]=a; nm[35]=c;
            uflg[a]=1; uflg[c]=1;
            stp19();
            uflg[c]=0; uflg[a]=0;}}}}
}
//Set n10=SSM-n5-n6-n9 & n36
void stp19(){}

```

```

short a,b;
a=SSM-nm[5]-nm[6]-nm[9];
b=SSM-nm[47]-nm[48]-nm[35];
if((0<a)&&(a<65)){
    if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)&&(a+b==CSM2)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
            nm[10]=a; nm[36]=b;
            uflg[a]=1; uflg[b]=1;
            stp20();
            uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n11=SSM-n6-n7-n10 & n33
void stp20(){
short a,b;
a=SSM-nm[6]-nm[7]-nm[10];
b=SSM-nm[48]-nm[45]-nm[36];
if((0<a)&&(a<65)){
    if((0<b)&&(b<65)&&(a!=b)&&(a+b==CSM1)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[b]==0)){
            nm[11]=a; nm[33]=b;
            uflg[a]=1; uflg[b]=1;
            stp21();
            uflg[b]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n12=SSM-n7-n8-n11 & n34
void stp21(){
short a,b,c,d;
a=SSM-nm[7]-nm[8]-nm[11];
b=SSM-nm[8]-nm[5]-nm[9];
c=SSM-nm[45]-nm[46]-nm[33];
d=SSM-nm[46]-nm[47]-nm[35];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(c==d)){
    if((0<c)&&(c<65)&&(a!=c)&&(a+c==CSM2)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[c]==0)){
            nm[12]=a; nm[34]=c;
            uflg[a]=1; uflg[c]=1;
            stp22();
            uflg[c]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n14=SSM-n9-n10-n13 & n40
void stp22(){
short a,b,c,d;
a=SSM-nm[9]-nm[10]-nm[13];
b=SSM-nm[1]-nm[2]-nm[13];
c=SSM-nm[35]-nm[36]-nm[39];
d=SSM-nm[43]-nm[44]-nm[39];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(c==d)){
    if((0<c)&&(c<65)&&(a!=c)&&(a+c==CSM1)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[c]==0)){
            nm[14]=a; nm[40]=c;
            uflg[a]=1; uflg[c]=1;
            stp23();
            uflg[c]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n15=SSM-n10-n11-n14 & n37
void stp23(){
short a,b,c,d;
a=SSM-nm[10]-nm[11]-nm[14];
b=SSM-nm[2]-nm[3]-nm[14];
c=SSM-nm[36]-nm[33]-nm[40];
d=SSM-nm[44]-nm[41]-nm[40];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(c==d)){
    if((0<c)&&(c<65)&&(a!=c)&&(a+c==CSM2)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[c]==0)){
```

```

    nm[15]=a; nm[37]=c;
    uflg[a]=1; uflg[c]=1;
    stp24();
    uflg[c]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n16=SSM-n11-n12-n15 &38
void stp24(){
short a,b,c,d;
a=SSM-nm[11]-nm[12]-nm[15];
b=SSM-nm[3]-nm[4]-nm[15];
c=SSM-nm[33]-nm[34]-nm[37];
d=SSM-nm[41]-nm[42]-nm[37];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(c==d)){
    if((0<c)&&(c<65)&&(a!=c)&&(a+c==CSM1)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[c]==0)){
            nm[16]=a; nm[38]=c;
            uflg[a]=1; uflg[c]=1;
            stp25();
            uflg[c]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Check n12+n16+n9+n13?=SSM
void stp25(){
short sm1,sm2,sm3,sm4;
sm1=nm[12]+nm[9]+nm[16]+nm[13];
sm2=nm[16]+nm[13]+nm[4]+nm[1];
sm3=nm[34]+nm[35]+nm[38]+nm[39];
sm4=nm[38]+nm[39]+nm[42]+nm[43];
if((sm1==SSM)&&(sm2==SSM)&&(sm3==SSM)&&(sm4==SSM)){stp26();}

}

/* Level #4: *
//Set n25=SSM-n5-n9-n21 & n51
void stp26(){
short a,b,c,d;
a=SSM-nm[5]-nm[9]-nm[21];
b=SSM-nm[21]-nm[37]-nm[41];
c=SSM-nm[47]-nm[35]-nm[63];
d=SSM-nm[63]-nm[15]-nm[3];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(c==d)){
    if((0<c)&&(c<65)&&(a!=c)&&(a+c==CSM2)){
        if((uflg[a]==0)&&(uflg[c]==0)){
            nm[25]=a; nm[51]=c;
            uflg[a]=1; uflg[c]=1;
            stp27();
            uflg[c]=0; uflg[a]=0;}}}
}

//Set n26=SSM-n6-n10-n22 & n52
void stp27(){
short a,b,c,d,e,f,g,h;
a=SSM-nm[6]-nm[10]-nm[22];
b=SSM-nm[9]-nm[10]-nm[25];
c=SSM-nm[21]-nm[22]-nm[25];
d=SSM-nm[25]-nm[41]-nm[42];
e=SSM-nm[48]-nm[36]-nm[64];
f=SSM-nm[35]-nm[36]-nm[51];
g=SSM-nm[63]-nm[64]-nm[51];
h=SSM-nm[64]-nm[16]-nm[4];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)&&(a==d)){
    if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)&&(e==h)){
        if((a!=e)&&(a+e==CSM1)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                nm[26]=a; nm[52]=e;
                uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                stp28();
                uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}}

```

```

}

//Set n27=SSM-n7-n11-n23 & n49
void stp28(){
    short a,b,c,d,e,f,g,h;
    a=SSM-nm[7]-nm[11]-nm[23];
    b=SSM-nm[10]-nm[11]-nm[26];
    c=SSM-nm[22]-nm[23]-nm[26];
    d=LSM-nm[11]-nm[43]-nm[59];
    e=SSM-nm[45]-nm[33]-nm[61];
    f=SSM-nm[36]-nm[33]-nm[52];
    g=SSM-nm[64]-nm[61]-nm[52];
    h=LSM-nm[1]-nm[17]-nm[33];
    if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)&&(a==d)){
        if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)&&(e==h)){
            if((a!=e)&&(a+e==CSM2)){
                if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                    nm[27]=a; nm[49]=e;
                    uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                    stp29();
                    uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}}
}

//Set n28=SSM-n8-n12-n24 & n50
void stp29(){
    short a,b,c,d,e,f,g,h;
    a=SSM-nm[8]-nm[12]-nm[24];
    b=SSM-nm[11]-nm[12]-nm[27];
    c=SSM-nm[23]-nm[24]-nm[27];
    d=SSM-nm[27]-nm[43]-nm[44];
    e=SSM-nm[46]-nm[34]-nm[62];
    f=SSM-nm[33]-nm[34]-nm[49];
    g=SSM-nm[61]-nm[62]-nm[49];
    h=SSM-nm[62]-nm[14]-nm[2];
    if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)&&(a==d)){
        if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)&&(e==h)){
            if((a!=e)&&(a+e==CSM1)){
                if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                    nm[28]=a; nm[50]=e;
                    uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                    stp30();
                    uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}}
}

//Set n29=SSM-n9-n13-n25 & n55
void stp30(){
    short a,b,c,d,e,f,g,h;
    a=SSM-nm[9]-nm[13]-nm[25];
    b=SSM-nm[25]-nm[41]-nm[45];
    c=SSM-nm[13]-nm[1]-nm[17];
    d=SSM-nm[45]-nm[17]-nm[33];
    e=SSM-nm[35]-nm[39]-nm[51];
    f=SSM-nm[51]-nm[3]-nm[7];
    g=SSM-nm[39]-nm[43]-nm[59];
    h=SSM-nm[7]-nm[59]-nm[11];
    if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)&&(a==d)){
        if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)&&(e==h)){
            if((a!=e)&&(a+e==CSM1)){
                if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                    nm[29]=a; nm[55]=e;
                    uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                    stp31();
                    uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}}
}

//Set n30=SSM-n10-n14-n26 & n56
void stp31(){
    short a,b,c,d,e,f,g,h;

```

```

a=SSM-nm[10]-nm[14]-nm[26];
b=SSM-nm[13]-nm[14]-nm[29];
c=SSM-nm[25]-nm[26]-nm[29];
d=SSM-nm[26]-nm[42]-nm[46];
e=SSM-nm[36]-nm[40]-nm[52];
f=SSM-nm[39]-nm[40]-nm[55];
g=SSM-nm[51]-nm[52]-nm[55];
h=SSM-nm[55]-nm[59]-nm[60];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)&&(a==d)){
    if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)&&(e==h)){
        if((a!=e)&&(a+e==CSM2)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                nm[30]=a; nm[56]=e;
                uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                stp32();
                uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}}
}

//Set n31=SSM-n11-n15-n27 & n53
void stp32(){
short a,b,c,d,e,f,g,h;
a=SSM-nm[11]-nm[15]-nm[27];
b=SSM-nm[14]-nm[15]-nm[30];
c=SSM-nm[26]-nm[27]-nm[30];
d=SSM-nm[30]-nm[46]-nm[47];
e=SSM-nm[33]-nm[37]-nm[49];
f=SSM-nm[40]-nm[37]-nm[56];
g=SSM-nm[52]-nm[49]-nm[56];
h=SSM-nm[49]-nm[1]-nm[5];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)&&(a==d)){
    if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)&&(e==h)){
        if((a!=e)&&(a+e==CSM1)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                nm[31]=a; nm[53]=e;
                uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                stp33();
                uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}}
}

//Set n32=SSM-n12-n16-n28 & n54
void stp33(){
short a,b,c,d,e,f,g,h;
a=SSM-nm[12]-nm[16]-nm[28];
b=SSM-nm[15]-nm[16]-nm[31];
c=SSM-nm[27]-nm[28]-nm[31];
d=SSM-nm[28]-nm[44]-nm[48];
e=SSM-nm[34]-nm[38]-nm[50];
f=SSM-nm[37]-nm[38]-nm[53];
g=SSM-nm[49]-nm[50]-nm[53];
h=SSM-nm[53]-nm[5]-nm[6];
if((0<a)&&(a<65)&&(a==b)&&(a==c)&&(a==d)){
    if((0<e)&&(e<65)&&(e==f)&&(e==g)&&(e==h)){
        if((a!=e)&&(a+e==CSM2)){
            if((uflg[a]==0)&&(uflg[e]==0)){
                nm[32]=a; nm[54]=e;
                uflg[a]=1; uflg[e]=1;
                stp34();
                uflg[e]=0; uflg[a]=0;}}}}}
}

//Check Others
void stp34(){
short sm1,sm2,sm3;
sm1=nm[25]+nm[29]+nm[28]+nm[32];
sm2=nm[13]+nm[29]+nm[16]+nm[32];
sm3=nm[32]+nm[29]+nm[48]+nm[45];
if((sm1==SSM)&&(sm2==SSM)&&(sm3==SSM)){stp35();}}

```

```

}

//The Last Check of Line-Sums
void stp35(){
    short sm1,sm2,sm3;
    sm1=nm[20]+nm[24]+nm[28]+nm[32];
    sm2=nm[16]+nm[32]+nm[48]+nm[64];
    sm3=nm[29]+nm[30]+nm[31]+nm[32];
    if((sm1==LSM)&&(sm2==LSM)&&(sm3==LSM)){ansprint();}
}

// 
/* Print the Answers */
void ansprint(){
    short m,n;
    cnt++; cnt2++;
    fnd01();
    if(nm[1]==1){cnt1=cnt; m=nm[43]; cnt43[m]++;}
    if(cnt2==1){
        cntr[cnt3]=cnt;
        for(n=1;n<65;n++){tn[cnt3][n]=nm[n];}
        cnt3++;
        if(cnt3==3){prans(cnt3); cnt3=0;}
    }
}

// 
/* Print the Answers: Sub */
void prans(short x){
    short n;
    for(n=0;n<x;n++){printf("%29ld/",cntr[n]);
        if(n+1<x){printf("      ");}}
    printf("\n");
    for(n=0;n<x;n++){
        printf(" %2d-----%2d-----%2d-----%2d",
            tn[n][1],tn[n][2],tn[n][3],tn[n][4]);
        if(n+1<x){printf("      ");}}
    printf("\n");
    for(n=0;n<x;n++){
        printf(" 1%2d    1%2d    1%2d    1%2d",
            tn[n][17],tn[n][18],tn[n][19],tn[n][20]);
        if(n+1<x){printf("      ");}}
    printf("\n");
    for(n=0;n<x;n++){
        printf(" %2d  %2d  %2d  %2d  %2d  %2d  %2d",
            tn[n][5],tn[n][33],tn[n][6],tn[n][34],tn[n][7],tn[n][35],tn[n][8],tn[n][36]);
        if(n+1<x){printf("      ");}}
    printf("\n");
    for(n=0;n<x;n++){
        printf(" 1%2d  %2d--%2d--%2d--%2d--%2d--%2d",
            tn[n][21],tn[n][49],tn[n][22],tn[n][50],tn[n][23],tn[n][51],tn[n][24],tn[n][52]);
        if(n+1<x){printf("      ");}}
    printf("\n");
    for(n=0;n<x;n++){
        printf(" %2d  %2d  1%2d  %2d  %2d  %2d  %2d  %2d  1",
            tn[n][9],tn[n][37],tn[n][10],tn[n][38],tn[n][11],tn[n][39],tn[n][12],tn[n][40]);
        if(n+1<x){printf("      ");}}
    printf("\n");
    for(n=0;n<x;n++){
        printf(" 1%2d  %2d  1%2d  %2d  1%2d  %2d  1%2d  %2d",
            tn[n][25],tn[n][53],tn[n][26],tn[n][54],tn[n][27],tn[n][55],tn[n][28],tn[n][56]);
        if(n+1<x){printf("      ");}}
    printf("\n");
    for(n=0;n<x;n++){
        printf(" %2d--%2d-1-%2d--%2d-1-%2d--%2d-1-%2d  %2d  1",
            tn[n][13],tn[n][41],tn[n][14],tn[n][42],tn[n][15],tn[n][43],tn[n][16],tn[n][44]);
        if(n+1<x){printf("      ");}}
    printf("\n");
    for(n=0;n<x;n++){
}

```

```

printf(" %2d %2d %2d %2d %2d %2d %2d %2d",
      tn[n][29],tn[n][57],tn[n][30],tn[n][58],tn[n][31],tn[n][59],tn[n][32],tn[n][60]);
if(n+1<x){printf(" ");}
printf("\n");
for(n=0;n<x;n++){
    printf(" %2d | %2d | %2d | %2d |",tn[n][45],tn[n][46],tn[n][47],tn[n][48]);
    if(n+1<x){printf(" ");}
printf("\n");
for(n=0;n<x;n++){
    printf(" %2d-----%2d-----%2d-----%2d",tn[n][61],tn[n][62],tn[n][63],tn[n][64]);
    if(n+1<x){printf(" ");}
printf("\n");
}
// /* Find 1 and Count solutions with that position *
void fnd01(){
short m;
m=0;
for(m=1;m<65;m++){
    if(nm[m]==1){cnt01[m]++;
}
}
// /* Solution Counts according to the Positions of Value 1 *
void prcnt01(){
short m,n;
for(m=1;m<65;m++){n=cnt01[m];
    printf("%5d:%5d,",m,n);
    if((m%8)==0){printf("\n");}
}
printf("\n");
}
//(EndOfFile)

```