

第3部：魔方陣の新研究：摂田 寛二

第4章：六方陣の代数的研究（新）

第7節：正方連結条件を選んで普通の六方陣を作る

#0. 「準」正方連結型の標準型六方陣を構成する

今までの研究で、六次の魔方陣の場合、標準型以外にはほとんど何も作れないことがわかった。補数対称型も汎対角線型も、そして正方連結型も「解無し」となる。

美しい条件をそなえた「極めて惜しい解」が他に無いわけではなかったが、それでも肝心の全行全列と主対角線2本の定和が無条件で成り立つことは無い。

これでは、およそ「魔方陣」としての体裁を成さず、昔からの「約束」を果たせない。

そんなこんなで、特に正方連結型にこだわる私などは、六方陣については、少しばかり欲求不満に陥るのが常であった。

...

「正方連結条件の全面的成立を、無理に要求しなくても良いのではないだろうか。」

全行全列および主対角線2本の定和の方は断然追求するとしても、正方連結条件の方を「ほんの少しだけ」減らして、救済措置を探ってはどうか。

そんな願望がいつしか芽生えた。

研究方法として、それがはたして「正しい」かどうか、私自身確信が持てないが、実験程度ならば試みても良いのではないか。何らかの発見を得られるかもしれない！？。…

ところが、いざ実験を始めて見ると、これが意外に手強い。いったい幾つ正方連結条件を外せば良いのか、簡単にはわからないからである。

思い切って半分に減らしてみたら、解が出過ぎる。これでは、およそ全貌が見えない。

何しろ「ふつうの六方陣」は、解の総数が非常に多い。とても数え切れない。正方連結条件を半数に減らしたぐらいでは解決にならず、時間ばかり食う。諦めざるを得ない。

削減を次々に減らした最後に、正方連結条件4本を削り32本を残す案に行き着いた。

これならば、かなり「珍しい」解集合を作れる。それも全数個求めることができる。

以下に、途中経過も含めて、実験と成果の詳しい報告を試みる。

削減を最少の3本・2本・1本に絞る試みは、すべて「解無し」となった（私の探し方が悪いのかもしれないが）。「最少の犠牲」は4本、というのが今のところの結論である。

#1. 予備実験：6本の正方連結条件を外し、30本を残した場合

最終案の一つ前の予備実験を説明しよう。先ずは、正方連結条件のリストを示す。

** 正方連結条件 1 : S=74 **

n6 n1 n2 n3 n4 n5 n6 n1	n1+ n2+ n7 +n8 = S (1)
+ + + + + + +	n2+ n3+ n8+ n9 = S (2)
12 n7 n8 n9 10 11 12 n7	n3+ n4+ n9+n10 = S (3)
+ + + + + + +	n4+ n5+n10+n11 = S (4)
18 13 14 15 16 17 18 13	n5+ n6+n11+n12 = S (5)
+ + + + + + +	n6+ n1+n12+ n7 = S (6)
n7+ n8+n13+n14 = S (7)	
24 19 20 21 22 23 24 19	n8+ n9+n14+n15 = S (8)
+ + + + + + +	n9+n10+n15+n16 = S (9)
30 25 26 27 28 29 30 25	n10+n11+n16+n17 = S ... (10)
+ + + + + + +	*n11+n12+n17+n18 = S ... (11)*
36 31 32 33 34 35 36 31	n12+ n7+n18+n13 = S ... (12)
,	n13+n14+n19+n20 = S ... (13)
n6 n1 n2 n3 n4 n5 n6 n1	n14+n15+n20+n21 = S ... (14)
n15+n16+n21+n22 = S ... (15) n26+n27+n32+n33 = S ... (26)	
n16+n17+n22+n23 = S ... (16) n27+n28+n33+n34 = S ... (27)	
n17+n18+n23+n24 = S ... (17) n28+n29+n34+n35 = S ... (28)	
n18+n13+n24+n19 = S ... (18) n29+n30+n35+n36 = S ... (29)	
n19+n20+n25+n26 = S ... (19) n30+n25+n36+n31 = S ... (30)	

n20+n21+n26+n27 = S ... (20)	*n31+n32+ n1+ n2 = S ... (31)*
n21+n22+n27+n28 = S ... (21)	n32+n33+ n2+ n3 = S ... (32)
n22+n23+n28+n29 = S ... (22)	n33+n34+ n3+ n4 = S ... (33)
n23+n24+n29+n30 = S ... (23)	n34+n35+ n4+ n5 = S ... (34)
n24+n19+n30+n25 = S ... (24)	*n35+n36+ n5+ n6 = S ... (35)*
n25+n26+n31+n32 = S ... (25)	n36+n31+ n6+ n1 = S ... (36)

全部で 36 本あるところを、*印のついた (7), (11), (19), (23), (31), (35) 式を外す。
 「外す」と言っても、厳しく否定するのではなく、ただ「無定義」とするだけだ。

** 行列の定和式: K=111 **

$n1+n2+n3+n4+n5+n6=K \dots (b1)$
 $n7+n8+n9+n10+n11+n12=K \dots (b2)$
 $n13+n14+n15+n16+n17+n18=K \dots (b3)$
 $n19+n20+n21+n22+n23+n24=K \dots (b4)$
 $n25+n26+n27+n28+n29+n30=K \dots (b5)$
 $n31+n32+n33+n34+n35+n36=K \dots (b6)$
 $n1+n7+n13+n19+n25+n31=K \dots (b7)$
 $n2+n8+n14+n20+n26+n32=K \dots (b8)$
 $n3+n9+n15+n21+n27+n33=K \dots (b9)$
 $n4+n10+n16+n22+n28+n34=K \dots (b10)$
 $n5+n11+n17+n23+n29+n35=K \dots (b11)$
 $n6+n12+n18+n24+n30+n36=K \dots (b12)$

** 2 本の主対角線の定和: K=111 **

$n1+n8+n15+n22+n29+n36=K \dots (p1)$
 $n6+n11+n16+n21+n26+n31=K \dots (p2)$

次のリストは、基本条件の定義式だ。解を求める時には、必ず守る。無論、使用する数は 1 ~ 36 の自然数。重複無く欠落無く用いる。いつもと全然変わらない。

早速に次のようなプログラムを書いた。一番コンパクトなサイズのリストを示す（英語版のままで申し訳が無いが、一応“C 言語”で書いてある）。

```

/** 'Semi-Composite-4' Type of Standard Magic Squares 6x6: **
/** Standard Solutions with Sum-Errors of Composite Fours **
/** 'MS66SCmpst4ST.c': Dictated by Kanji Setsuda **
/** on Nov.1, 2005, June 26, 2013 and July 20, 2013; **
/** with Mac OSX 10.8.4 and Xcode 4.6.3; **
// 
#include <stdio.h>
//
/* Global Variables *
short int cnt;
short cnt2, cnt3, stlpr;
short LSM, SSM;
short nm[37], uflg[37];
short anm[5][37];
short csum[5][25];
short csm[5][37];
//
/* Sub-Routines *
void stp01(void), stp02(void), stp03(void);
void stp04(void), stp05(void), stp06(void);
void stp07(void), stp08(void), stp09(void);
void stp10(void), stp11(void), stp12(void);
void stp13(void), stp14(void), stp15(void);
void stp16(void), stp17(void), stp18(void);
void stp19(void), stp20(void), stp21(void);
void stp22(void), stp23(void), stp24(void);
void stp25(void), stp26(void), stp27(void);
void stp28(void), stp29(void), stp30(void);
void stp31(void), stp32(void), stp33(void);
void stp34(void), stp35(void), stp36(void);
void stp37(void);
void ansprint(void);
void printsol(short x);

```

```

//  

void csums(short x);  

void chksms(short x);  

//  

/* Main Program *  

int main(){  

    short n;  

    printf("//\n");  

    printf("//*** 'Semi-Composite-4' Type of Standard Magic Squares 6x6:\n");  

    printf("//      List of Standard Solutions with precise Check-Sums: **\n");  

    printf("//\n");  

    LSM=111; SSM=74; cnt=0; cnt3=0;  

    for(n=0;n<37;n++){nm[n]=0; uflg[n]=0;}  

    stp01(); /* Begin the Calculations *  

    if(cnt3>0){printsol(cnt3);}  

    printf("// [Count = %d]\n",cnt);  

    printf("//\n");  

    printf("//** OK! *\n");  

    printf("//*** Calculated and Listed by Kanji Setsuda\n");  

    printf("// on July 20, 2013 with MacOSX 10.8.4 & Xcode 4.6.3 **\n");  

    printf("//\n");  

    return 0;  

}  

//  

/* Begin the Calculations *  

/* Set N1 *  

void stp01(){  

    short i;  

    for(i=1;i<18;i++){  

        if(uflg[i]==0){cnt2=0; /* Terminal Point *  

            nm[1]=i; uflg[i]=1;  

            stp02();  

            uflg[i]=0;}  

    }  

}  

//  

/* Set N2 *  

void stp02(){  

    short i;  

    for(i=1;i<37;i++){  

        if(uflg[i]==0){if(nm[1]==1){cnt2=0;} /* Terminal Point *  

            nm[2]=i; uflg[i]=1;  

            stp03();  

            uflg[i]=0;}  

    }  

}  

//  

/* Set N7(>N2) *  

void stp03(){  

    short i;  

    for(i=nm[2]+1;i<37;i++){  

        if(uflg[i]==0){  

            nm[7]=i; uflg[i]=1;  

            stp04();  

            uflg[i]=0;}  

    }  

}  

//  

/* Set n8=74-n1-n2-n7 *  

void stp04(){  

    short i;  

    i=SSM-nm[1]-nm[2]-nm[7];  

    if((0<i)&&(i<37)){  

        if(uflg[i]==0){  

            nm[8]=i; uflg[i]=1;  

            stp05();  

    }
}

```

```

        uflg[i]=0;}}
    }
    /*
    /* Set N3 *
void stp05(){
    short i;
    for(i=1;i<37;i++){
        if(uflg[i]==0){
            nm[3]=i; uflg[i]=1;
            stp06();
            uflg[i]=0;}
    }
}
/*
/* Set n9=74-n2-n3-n8 *
void stp06(){
    short i;
    i=SSM-nm[2]-nm[3]-nm[8];
    if((0<i)&&(i<37)){
        if(uflg[i]==0){
            nm[9]=i; uflg[i]=1;
            stp07();
            uflg[i]=0;}}
}
/*
/* Set N4 *
void stp07(){
    short i;
    for(i=1;i<37;i++){
        if(uflg[i]==0){
            nm[4]=i; uflg[i]=1;
            stp08();
            uflg[i]=0;}
    }
}
/*
/* Set n10=74-n3-n4-n9 *
void stp08(){
    short i;
    i=SSM-nm[3]-nm[4]-nm[9];
    if((0<i)&&(i<37)){
        if(uflg[i]==0){
            nm[10]=i; uflg[i]=1;
            stp09();
            uflg[i]=0;}}
}
/*
/* Set N5 *
void stp09(){
    short i;
    for(i=1;i<37;i++){
        if(uflg[i]==0){
            nm[5]=i; uflg[i]=1;
            stp10();
            uflg[i]=0;}
    }
}
/*
/* Set n11=74-n4-n5-n10 *
void stp10(){
    short i;
    i=SSM-nm[4]-nm[5]-nm[10];
    if((0<i)&&(i<37)){
        if(uflg[i]==0){
            nm[11]=i; uflg[i]=1;
            stp11();
```

```

        uflg[i]=0;}}
    }
    //*
    /* Set n6=LSM-n1-n2-n3-n4-n5 & n6>N1 *
void stp11(){
    short i;
    i=LSM-nm[1]-nm[2]-nm[3]-nm[4]-nm[5];
    if((nm[1]<i)&&(i<37)){
        if(uflg[i]==0){
            nm[6]=i; uflg[i]=1;
            stp12();
            uflg[i]=0;}
    }
}
//*
/* Set n12=111-n7-n8-n9-n10-n11 *
void stp12(){
    short i,j,k;
    i=LSM-nm[7]-nm[8]-nm[9]-nm[10]-nm[11];
    j=SSM-nm[5]-nm[6]-nm[11];
    k=SSM-nm[6]-nm[1]-nm[7];
    if((0<i)&&(i<37)){
        if((i==j)&&(i==k)){
            if(uflg[i]==0){
                nm[12]=i; uflg[i]=1;
                stp13();
                uflg[i]=0;}}}
    }
//*
/* Search Level 2: *
/* Set N13 *
void stp13(){
    short i;
    for(i=1;i<37;i++){
        if(uflg[i]==0){
            nm[13]=i; uflg[i]=1;
            stp14();
            uflg[i]=0;}}
    }
//*
/* Set N14 *
void stp14(){
    short i;
    for(i=1;i<37;i++){
        if(uflg[i]==0){
            nm[14]=i; uflg[i]=1;
            stp15();
            uflg[i]=0;}}
    }
//*
/* Set n15=74-n8-n9-n14 *
void stp15(){
    short i;
    i=SSM-nm[8]-nm[9]-nm[14];
    if((0<i)&&(i<37)){
        if(uflg[i]==0){
            nm[15]=i; uflg[i]=1;
            stp16();
            uflg[i]=0;}}}
    }
//*
/* Set n16=74-n9-n10-n15 *
void stp16(){
    short i;

```

```

i=SSM-nm[9]-nm[10]-nm[15];
if((0<i)&&(i<37)){
    if(uflg[i]==0){
        nm[16]=i; uflg[i]=1;
        stp17();
        uflg[i]=0;}}
}
// 
/* Set n17=74-n10-n11-n16 *
void stp17(){
short i;
i=SSM-nm[10]-nm[11]-nm[16];
if((0<i)&&(i<37)){
    if(uflg[i]==0){
        nm[17]=i; uflg[i]=1;
        stp18();
        uflg[i]=0;}}
}
// 
/* Set n18=111-n13-n14-n15-n16-n17 *
void stp18(){
short i,j;
i=LSM-nm[13]-nm[14]-nm[15]-nm[16]-nm[17];
j=SSM-nm[12]-nm[7]-nm[13];
if((0<i)&&(i<37)){
    if(i==j){
        if(uflg[i]==0){
            nm[18]=i; uflg[i]=1;
            stp19();
            uflg[i]=0;}}}
}
// 
/* Search Level 3: *
/* Set N19 *
void stp19(){
short i;
for(i=1;i<37;i++){
    if(uflg[i]==0){
        nm[19]=i; uflg[i]=1;
        stp20();
        uflg[i]=0;}}
}
// 
/* Set n20=74-n13-n14-n19 *
void stp20(){
short i;
i=SSM-nm[13]-nm[14]-nm[19];
if((0<i)&&(i<37)){
    if(uflg[i]==0){
        nm[20]=i; uflg[i]=1;
        stp21();
        uflg[i]=0;}}}
}
// 
/* Set n21=74-n14-n15-n20 *
void stp21(){
short i;
i=SSM-nm[14]-nm[15]-nm[20];
if((0<i)&&(i<37)){
    if(uflg[i]==0){
        nm[21]=i; uflg[i]=1;
        stp22();
        uflg[i]=0;}}}
}
// 
/* Set n22=74-n15-n16-n21 *
void stp22(){
short i;

```

```

i=SSM-nm[15]-nm[16]-nm[21];
if((0<i)&&(i<37)){
  if(uflg[i]==0){
    nm[22]=i; uflg[i]=1;
    stp23();
    uflg[i]=0;}}
}
/* Set n23=74-n16-n17-n22 */
void stp23(){
  short i;
  i=SSM-nm[16]-nm[17]-nm[22];
  if((0<i)&&(i<37)){
    if(uflg[i]==0){
      nm[23]=i; uflg[i]=1;
      stp24();
      uflg[i]=0;}}
}
/*
/* Set n24=111-n19-n20-n21-n22-n23 */
void stp24(){
  short i,j,k;
  i=LSM-nm[19]-nm[20]-nm[21]-nm[22]-nm[23];
  j=SSM-nm[17]-nm[18]-nm[23];
  k=SSM-nm[18]-nm[13]-nm[19];
  if((0<i)&&(i<37)){
    if((i==j)&&(i==k)){
      if(uflg[i]==0){
        nm[24]=i; uflg[i]=1;
        stp25();
        uflg[i]=0;}}}
}
/*
/* Search Level 4: */
/* Set N25 */
void stp25(){
  short i;
  for(i=1;i<37;i++){
    if(uflg[i]==0){
      nm[25]=i; uflg[i]=1;
      stp26();
      uflg[i]=0;}}
}
/*
/* Set N26 */
void stp26(){
  short i;
  for(i=1;i<37;i++){
    if(uflg[i]==0){
      nm[26]=i; uflg[i]=1;
      stp27();
      uflg[i]=0;}}
}
/*
/* Set n27=74-n20-n21-n26 */
void stp27(){
  short i;
  i=SSM-nm[20]-nm[21]-nm[26];
  if((0<i)&&(i<37)){
    if(uflg[i]==0){
      nm[27]=i; uflg[i]=1;
      stp28();
      uflg[i]=0;}}}
}
/*
/* Set n28=74-n21-n22-n27 */
void stp28(){

```

```

short i;
i=SSM-nm[21]-nm[22]-nm[27];
if((0<i)&&(i<37)){
  if(uflg[i]==0){
    nm[28]=i; uflg[i]=1;
    stp29();
    uflg[i]=0;}}
}
/* Set n29=74-n22-n23-n28 */
void stp29(){
short i;
i=SSM-nm[22]-nm[23]-nm[28];
if((0<i)&&(i<37)){
  if(uflg[i]==0){
    nm[29]=i; uflg[i]=1;
    stp30();
    uflg[i]=0;}}
}
/* Set n30=111-n25-n26-n27-n28-n29 */
void stp30(){
short i,j;
i=LSM-nm[25]-nm[26]-nm[27]-nm[28]-nm[29];
j=SSM-nm[24]-nm[19]-nm[25];
if((0<i)&&(i<37)){
  if((i==j)&&(uflg[i]==0)){
    nm[30]=i; uflg[i]=1;
    stp31();
    uflg[i]=0;}}
}
//
/* Search Level 5: */
/* Set n31=111-n1-n7-n13-n19-n25 & n31>N1 */
void stp31(){
short i,j;
i=LSM-nm[1]-nm[7]-nm[13]-nm[19]-nm[25];
j=LSM-nm[6]-nm[11]-nm[16]-nm[21]-nm[26];
if((nm[1]<i)&&(i<37)){
  if((i==j)&&(uflg[i]==0)){
    nm[31]=i; uflg[i]=1;
    stp32();
    uflg[i]=0;}}
}
/* Set n32=111-n2-n8-n14-n20-n26 */
void stp32(){
short i,j;
i=LSM-nm[2]-nm[8]-nm[14]-nm[20]-nm[26];
j=SSM-nm[25]-nm[26]-nm[31];
if((0<i)&&(i<37)&&(i==j)){
  if(uflg[i]==0){
    nm[32]=i; uflg[i]=1;
    stp33();
    uflg[i]=0;}}
}
/* Set n33=111-n3-n9-n15-n21-n27 */
void stp33(){
short i,j,k;
i=LSM-nm[3]-nm[9]-nm[15]-nm[21]-nm[27];
j=SSM-nm[26]-nm[27]-nm[32];
k=SSM-nm[32]-nm[2]-nm[3];
if((0<i)&&(i<37)){
  if((i==j)&&(i==k)){
    if(uflg[i]==0){
      nm[33]=i; uflg[i]=1;
      stp34();
      uflg[i]=0;}}}
}

```

```

/* Set n34=111-n4-n10-n16-n22-n28 *
void stp34(){
short i,j,k;
i=LSM-nm[4]-nm[10]-nm[16]-nm[22]-nm[28];
j=SSM-nm[27]-nm[28]-nm[33];
k=SSM-nm[33]-nm[3]-nm[4];
if((0<i)&&(i<37)){
if((i==j)&&(i==k)){
if(uflg[i]==0){
nm[34]=i; uflg[i]=1;
stp35();
uflg[i]=0;}}}
}

/* Set n35=111-n5-n11-n17-n23-n29 *
void stp35(){
short i,j,k;
i=LSM-nm[5]-nm[11]-nm[17]-nm[23]-nm[29];
j=SSM-nm[28]-nm[29]-nm[34];
k=SSM-nm[34]-nm[4]-nm[5];
if((0<i)&&(i<37)){
if((i==j)&&(i==k)){
if(uflg[i]==0){
nm[35]=i; uflg[i]=1;
stp36();
uflg[i]=0;}}}
}

/* Set n36=111-n1-n8-n15-n22-n29 & N1<n36 *
void stp36(){
short i,j,k,l;
i=LSM-nm[1]-nm[8]-nm[15]-nm[22]-nm[29];
j=SSM-nm[29]-nm[30]-nm[35];
k=SSM-nm[30]-nm[25]-nm[31];
l=SSM-nm[31]-nm[6]-nm[1];
if((nm[1]<1)&&(i<37)){
if((i==j)&&(i==k)&&(i==l)){
if(uflg[i]==0){
nm[36]=i; uflg[i]=1;
stp37();
uflg[i]=0;}}}
}

// The Last Checks *
void stp37(){
short sm1,sm2;
sm1=nm[6]+nm[12]+nm[18]+nm[24]+nm[30]+nm[36];
sm2=nm[31]+nm[32]+nm[33]+nm[34]+nm[35]+nm[36];
if((sm1==LSM)&&(sm2==LSM)){ansprint();}
}

// Print The Answers *
void ansprint(){
short n;
cnt++; cnt2++;
if(cnt2==1){
anm[cnt3][0]=cnt;
for(n=1;n<37;n++){anm[cnt3][n]=nm[n];}
csums(cnt3);
chksms(cnt3);
cnt3++; if(cnt3==2){printsol(cnt3); cnt3=0;}
}
}

// Print the Answers with precise Check-Sums *
void printsol(short x){
short l,m,n;
printf("//");
}

```

```

for(m=0;m<x;m++){
printf("%17d#\!Row\!Clm\!Pd1/Pd2\!Cp4",anm[m][0]);
if(m+1<x){printf("         ");}
}
printf("\n");
for(l=0;l<6;l++){
printf("//");
for(m=0;m<x;m++){
    for(n=1;n<7;n++){printf("%3d",anm[m][l*6+n]);}
    printf(" %3d%3d\\",csum[m][l+1],csum[m][l+7]);
    printf(" %3d/%3d ",csum[m][l+13],csum[m][l+19]);
    for(n=1;n<7;n++){printf("%3d",csm[m][l*6+n]);}
    printf(" |");
    if(m+1<x){printf("  ");}
}
printf("\n");
}
printf("//\n");
}
// 
/* Check Sums of Rows, Columns and Pan-Diagonals *
void csums(short x){
    csum[x][1]=nm[1]+nm[2]+nm[3]+nm[4]+nm[5]+nm[6];
    csum[x][2]=nm[7]+nm[8]+nm[9]+nm[10]+nm[11]+nm[12];
    csum[x][3]=nm[13]+nm[14]+nm[15]+nm[16]+nm[17]+nm[18];
    csum[x][4]=nm[19]+nm[20]+nm[21]+nm[22]+nm[23]+nm[24];
    csum[x][5]=nm[25]+nm[26]+nm[27]+nm[28]+nm[29]+nm[30];
    csum[x][6]=nm[31]+nm[32]+nm[33]+nm[34]+nm[35]+nm[36];
    csum[x][7]=nm[1]+nm[7]+nm[13]+nm[19]+nm[25]+nm[31];
    csum[x][8]=nm[2]+nm[8]+nm[14]+nm[20]+nm[26]+nm[32];
    csum[x][9]=nm[3]+nm[9]+nm[15]+nm[21]+nm[27]+nm[33];
    csum[x][10]=nm[4]+nm[10]+nm[16]+nm[22]+nm[28]+nm[34];
    csum[x][11]=nm[5]+nm[11]+nm[17]+nm[23]+nm[29]+nm[35];
    csum[x][12]=nm[6]+nm[12]+nm[18]+nm[24]+nm[30]+nm[36];
    /* Pan-diagonal Check: */
    csum[x][13]=nm[1]+nm[8]+nm[15]+nm[22]+nm[29]+nm[36];
    csum[x][14]=nm[2]+nm[9]+nm[16]+nm[23]+nm[30]+nm[31];
    csum[x][15]=nm[3]+nm[10]+nm[17]+nm[24]+nm[25]+nm[32];
    csum[x][16]=nm[4]+nm[11]+nm[18]+nm[19]+nm[26]+nm[33];
    csum[x][17]=nm[5]+nm[12]+nm[13]+nm[20]+nm[27]+nm[34];
    csum[x][18]=nm[6]+nm[7]+nm[14]+nm[21]+nm[28]+nm[35];
    csum[x][19]=nm[1]+nm[12]+nm[17]+nm[22]+nm[27]+nm[32];
    csum[x][20]=nm[2]+nm[7]+nm[18]+nm[23]+nm[28]+nm[33];
    csum[x][21]=nm[3]+nm[8]+nm[13]+nm[24]+nm[29]+nm[34];
    csum[x][22]=nm[4]+nm[9]+nm[14]+nm[19]+nm[30]+nm[35];
    csum[x][23]=nm[5]+nm[10]+nm[15]+nm[20]+nm[25]+nm[36];
    csum[x][24]=nm[6]+nm[11]+nm[16]+nm[21]+nm[26]+nm[31];
}
// 
/* Check Sums of Composite Fours *
void chksms(short x){
    csm[x][1]=nm[1]+ nm[2]+ nm[7 ]+nm[8];
    csm[x][2]=nm[2]+ nm[3]+ nm[8]+ nm[9];
    csm[x][3]=nm[3]+ nm[4]+ nm[9]+nm[10];
    csm[x][4]=nm[4]+ nm[5]+nm[10]+nm[11];
    csm[x][5]=nm[5]+ nm[6]+nm[11]+nm[12];
    csm[x][6]=nm[6]+ nm[1]+nm[12]+ nm[7];
    csm[x][7]=nm[7]+ nm[8]+nm[13]+nm[14];
    csm[x][8]=nm[8]+ nm[9]+nm[14]+nm[15];
    csm[x][9]=nm[9]+nm[10]+nm[15]+nm[16];
    csm[x][10]=nm[10]+nm[11]+nm[16]+nm[17];
    csm[x][11]=nm[11]+nm[12]+nm[17]+nm[18];
    csm[x][12]=nm[12]+ nm[7]+nm[18]+nm[13];
    csm[x][13]=nm[13]+nm[14]+nm[19]+nm[20];
    csm[x][14]=nm[14]+nm[15]+nm[20]+nm[21];
    csm[x][15]=nm[15]+nm[16]+nm[21]+nm[22];
}

```

```

csm[x][16]=nm[16]+nm[17]+nm[22]+nm[23];
csm[x][17]=nm[17]+nm[18]+nm[23]+nm[24];
csm[x][18]=nm[18]+nm[13]+nm[24]+nm[19];
csm[x][19]=nm[19]+nm[20]+nm[25]+nm[26];
csm[x][20]=nm[20]+nm[21]+nm[26]+nm[27];
csm[x][21]=nm[21]+nm[22]+nm[27]+nm[28];
csm[x][22]=nm[22]+nm[23]+nm[28]+nm[29];
csm[x][23]=nm[23]+nm[24]+nm[29]+nm[30];
csm[x][24]=nm[24]+nm[19]+nm[30]+nm[25];
csm[x][25]=nm[25]+nm[26]+nm[31]+nm[32];
csm[x][26]=nm[26]+nm[27]+nm[32]+nm[33];
csm[x][27]=nm[27]+nm[28]+nm[33]+nm[34];
csm[x][28]=nm[28]+nm[29]+nm[34]+nm[35];
csm[x][29]=nm[29]+nm[30]+nm[35]+nm[36];
csm[x][30]=nm[30]+nm[25]+nm[36]+nm[31];
csm[x][31]=nm[31]+nm[32]+ nm[1]+ nm[2];
csm[x][32]=nm[32]+nm[33]+ nm[2]+ nm[3];
csm[x][33]=nm[33]+nm[34]+ nm[3]+ nm[4];
csm[x][34]=nm[34]+nm[35]+ nm[4]+ nm[5];
csm[x][35]=nm[35]+nm[36]+ nm[5]+ nm[6];
csm[x][36]=nm[36]+nm[31]+ nm[6]+ nm[1];
}
//
```

次に実行結果を示そう。最初は、各解にチェックサム・モニターを付けてある。

**** 予備実験：「準正方連結型」の六次の魔方陣の解のリスト（抜粋）：**
List of Standard Solutions with precise Check-Sums: **

Sol_Num#|Row|Clm\Pd1/Pd2|Composite 2x2

1# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4	13# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4
1 2 20 26 32 30 111 111\111\ 90 74 74 74 74 74 74	1 3 18 23 35 31 111 111\111\ 90 74 74 74 74 74 74
36 35 17 11 5 7 111 111\ 90/124 82 74 74 74 66 74	36 34 19 14 2 6 111 111\ 90/123 83 74 74 74 65 74
8 3 19 27 31 23 111 111\119/106 74 74 74 74 74 74	8 5 16 25 33 24 111 111\120/108 74 74 74 74 74 74
29 34 18 10 6 14 111 111\116/103 87 74 74 74 61 74	29 32 21 12 4 13 111 111\114/102 86 74 74 74 62 74
15 9 13 33 25 16 111 111\ 98/132 74 74 74 74 74 74	15 10 11 30 28 17 111 111\ 99/132 74 74 74 74 74 74
22 28 24 4 12 21 111 111\132/111 53 74 74 74 95 74	22 27 26 7 9 20 111 111\132/111 53 74 74 74 95 74

53#|Row|Clm\Pd1/Pd2|Cp4

53# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4	101# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4
1 4 15 22 33 36 111 111\111\ 90 74 74 74 74 74 74	1 5 13 25 31 36 111 111\111\ 92 74 74 74 74 74 74
34 35 20 17 2 3 111 111\ 90/121 85 74 74 74 63 74	33 35 21 15 3 4 111 111\ 92/120 84 74 74 74 64 74
9 7 12 25 30 28 111 111\122/112 74 74 74 74 74 74	14 2 16 22 34 23 111 111\121/112 74 74 74 74 74 74
27 31 24 13 6 10 111 111\110/100 84 74 74 74 64 74	28 30 26 10 8 9 111 111\110/101 83 74 74 74 65 74
21 5 14 23 32 16 111 111\101/132 74 74 74 74 74 74	18 7 11 27 29 19 111 111\102/130 74 74 74 74 74 74
19 29 26 11 8 18 111 111\132/111 53 74 74 74 95 74	17 32 24 12 6 20 111 111\130/111 55 74 74 74 93 74

185#|Row|Clm\Pd1/Pd2|Cp4

185# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4	281# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4
1 6 12 24 32 36 111 111\111\ 92 74 74 74 74 74 74	1 7 11 27 29 36 111 111\111\ 98 74 74 74 74 74 74
33 34 22 16 2 4 111 111\ 92/120 84 74 74 74 64 74	31 35 21 15 3 6 111 111\ 98/116 82 74 74 74 66 74
14 3 15 21 35 23 111 111\121/112 74 74 74 74 74 74	12 4 14 24 32 25 111 111\119/114 74 74 74 74 74 74
28 29 27 11 7 9 111 111\110/101 83 74 74 74 65 74	28 30 26 10 8 9 111 111\108/103 79 74 74 74 69 74
18 8 10 26 30 19 111 111\102/130 74 74 74 74 74 74	19 2 16 22 34 18 111 111\106/124 74 74 74 74 74 74
17 31 25 13 5 20 111 111\130/111 55 74 74 74 93 74	20 33 23 13 5 17 111 111\124/111 61 74 74 74 87 74

381#|Row|Clm\Pd1/Pd2|Cp4

381# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4	479# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4
1 8 10 26 30 36 111 111\111\ 98 74 74 74 74 74 74	1 9 11 26 28 36 111 111\111\ 94 74 74 74 74 74 74
31 34 22 16 2 6 111 111\ 98/116 82 74 74 74 66 74	29 35 19 18 2 8 111 111\ 94/125 77 74 74 74 71 74
12 5 13 23 33 25 111 111\119/114 74 74 74 74 74 74	6 7 13 24 30 31 111 111\114/100 74 74 74 74 74 74
28 29 27 11 7 9 111 111\108/103 79 74 74 74 69 74	27 34 20 17 3 10 111 111\122/108 88 74 74 74 60 74
19 3 15 21 35 18 111 111\106/124 74 74 74 74 74 74	23 4 16 21 33 14 111 111\ 97/128 74 74 74 74 74 74
20 32 24 14 4 17 111 111\124/111 61 74 74 74 87 74	25 22 32 5 15 12 111 111\128/111 57 74 74 74 91 74

595#|Row|Clm\Pd1/Pd2|Cp4

595# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4	693# Row Clm\Pd1/Pd2 Cp4
1 10 14 23 27 36 111 111\111\ 72 74 74 74 74 74 74	1 11 8 31 24 36 111 111\111\ 92 74 74 74 74 74 74
28 35 15 22 2 9 111 111\ 72/143 81 74 74 74 67 74	27 35 20 15 4 10 111 111\ 92/120 84 74 74 74 64 74
12 6 18 19 31 25 111 111\118/ 86 74 74 74 74 74 74	19 3 16 23 32 18 111 111\121/112 74 74 74 74 74 74
32 24 26 11 13 5 111 111\136/104 106 74 74 74 42 74	30 22 23 3 2 17 7 111 111\110/101 83 74 74 74 65 74
30 20 4 33 17 7 111 111\ 79/150 74 74 74 74 74 74	25 6 13 26 29 12 111 111\102/130 74 74 74 74 74 74
8 16 34 3 21 29 111 111\150/111 35 74 74 74 113 74	9 34 21 14 5 28 111 111\130/111 55 74 74 74 93 74

2521# Row Clm\ Pd1/Pd2 Cp4		2585# Row Clm\ Pd1/Pd2 Cp4	
1 30 13 10 21 36 111 111\111/ 86	74 74 74 74 74 74	1 31 12 13 18 36 111 111\111/ 84	74 74 74 74 74 74
31 12 19 32 11 6 111 111\ 86/140	70 74 74 74 78 74	32 10 21 28 15 5 111 111\ 84/140	72 74 74 74 76 74
2 25 18 5 26 35 111 111\107/ 78	74 74 74 74 74 74	3 27 16 9 22 34 111 111\109/ 80	74 74 74 74 74 74
33 14 17 34 9 4 111 111\144/115	103 74 74 74 45 74	33 11 20 29 14 4 111 111\142/113	103 74 74 74 45 74
29 27 16 7 24 8 111 111\ 82/136	74 74 74 74 74 74	35 24 19 6 25 2 111 111\ 82/138	74 74 74 74 74 74
15 3 28 23 20 22 111 111\136/111	49 74 74 74 99 74	7 8 23 26 17 30 111 111\138/111	47 74 74 74 74 101 74
2635# Row Clm\ Pd1/Pd2 Cp4		2687# Row Clm\ Pd1/Pd2 Cp4	
1 32 5 25 12 36 111 111\111/110	74 74 74 74 74 74	1 33 4 29 8 36 111 111\111/ 98	74 74 74 74 74 74
33 8 29 15 22 4 111 111\110/129	57 74 74 74 91 74	35 5 32 9 28 2 111 111\ 98/136	62 74 74 74 86 74
7 9 28 2 35 30 111 111\ 94/ 76	74 74 74 74 74 74	15 7 30 3 34 22 111 111\ 99/ 74	74 74 74 74 74 74
31 27 10 34 3 6 111 111\146/128	92 74 74 74 56 74	25 27 10 31 6 12 111 111\148/123	99 74 74 74 49 74
16 18 19 11 26 21 111 111\ 93/112	74 74 74 74 74 74	24 23 14 19 18 13 111 111\ 86/124	74 74 74 74 74 74
23 17 20 24 13 14 111 111\112/111	73 74 74 74 75 74	11 16 21 20 17 26 111 111\124/111	61 74 74 74 87 74
2711# 111\111/		2743# 111\111/	
1 34 3 24 13 36 111 111	2 1 24 27 25 32 111 111	3 1 21 25 33 28 111 111	4 1 21 19 35 31 111 111
35 4 33 14 23 2 111 111	35 36 13 10 12 5 111 111	34 36 16 12 4 9 111 111	33 36 16 18 2 6 111 111
11 16 21 6 31 26 111 111	11 8 17 34 18 23 111 111	8 7 15 31 27 23 111 111	3 8 14 26 28 32 111 111
29 18 19 28 9 8 111 111	26 29 20 3 19 14 111 111	24 35 17 11 5 19 111 111	34 29 23 11 9 5 111 111
25 17 20 7 30 12 111 111	28 4 21 30 22 6 111 111	13 2 20 26 32 18 111 111	20 12 10 30 24 15 111 111
10 22 15 32 5 27 111 111	9 33 16 7 15 31 111 111	29 30 22 6 10 14 111 111	17 25 27 7 13 22 111 111
9003# 111\111/		10867# 111\111/	
5 1 20 23 35 27 111 111	6 1 27 10 36 31 111 111	7 1 15 25 35 28 111 111	8 1 20 23 35 24 111 111
32 36 17 14 2 10 111 111	32 35 11 26 2 5 111 111	30 36 22 12 2 9 111 111	29 36 17 14 2 13 111 111
11 6 15 28 30 21 111 111	4 13 15 22 24 33 111 111	17 5 11 29 31 18 111 111	11 6 15 28 30 21 111 111
26 31 22 9 7 16 111 111	28 29 17 20 8 9 111 111	20 32 26 8 6 19 111 111	26 31 22 9 7 16 111 111
8 3 18 25 33 24 111 111	23 21 7 30 16 14 111 111	14 3 13 27 33 21 111 111	5 3 18 25 33 27 111 111
29 34 19 12 4 13 111 111	18 12 34 3 25 19 111 111	23 34 24 10 4 16 111 111	32 34 19 12 4 10 111 111
14549# 111\111/		15469# 111\111/	
9 1 22 29 27 23 111 111	10 1 29 3 35 33 111 111	11 1 22 29 27 21 111 111	12 1 32 10 34 22 111 111
28 36 15 8 10 14 111 111	27 36 8 34 2 4 111 111	26 36 15 8 10 16 111 111	25 36 5 27 3 15 111 111
2 3 20 31 25 30 111 111	19 21 9 23 15 24 111 111	2 3 20 31 25 30 111 111	16 26 7 35 9 18 111 111
35 34 17 6 12 7 111 111	18 16 28 14 22 13 111 111	35 34 17 6 12 7 111 111	21 11 30 2 28 19 111 111
11 4 19 32 24 21 111 111	17 5 25 7 31 26 111 111	9 4 19 32 24 23 111 111	20 4 29 13 31 14 111 111
26 33 18 5 13 16 111 111	20 32 12 30 6 11 111 111	28 33 18 5 13 14 111 111	17 33 8 24 6 23 111 111
17193# 111\111/		17893# 111\111/	
13 1 18 25 30 24 111 111	14 1 15 31 29 21 111 111	15 1 11 25 35 24 111 111	16 1 11 25 35 23 111 111
31 29 26 5 14 6 111 111	23 36 22 6 8 16 111 111	22 36 26 12 2 13 111 111	21 36 26 12 2 14 111 111
2 3 16 27 28 35 111 111	7 3 13 33 27 28 111 111	16 5 7 29 31 23 111 111	15 5 7 29 31 24 111 111
33 36 19 12 7 4 111 111	30 34 24 4 10 9 111 111	21 32 30 8 6 14 111 111	22 32 30 8 6 13 111 111
15 10 9 34 21 22 111 111	17 5 11 35 25 18 111 111	20 9 3 33 27 19 111 111	19 9 3 33 27 20 111 111
17 32 23 8 11 20 111 111	20 32 26 2 12 19 111 111	17 28 34 4 10 18 111 111	18 28 34 4 10 17 111 111
19421# 111\111/		18569# 111\111/	
17 2 11 32 29 20 111 111	[Count = 19568] * OK! *		

** Calculated and Listed by Kanji Setsuda
on July 20, 2013 with Mac OSX 10.8.4 & Xcode 4.6.3 **

標準解の正規化に際して、不等式群 $n_1 < n_6; n_1 < n_{31}; n_1 < n_{36}; n_2 < n_7;$ を用いたことを付記する。結構多数の解が出来た。全数を求めるのに時間もかかった。本当は、これでもかなり「珍しい解集合」なのだが、実感として、あまり珍しく感じない。

正方連結条件を6本外したくらいでは、「感激」があまり得られない。

そこで、いろいろ試した結果、最終的に4本を外し、32本を残す案に行き着いた。多分これが「最少の犠牲」だと思う。

2. 最終案の第1の実験：32本の正方連結条件を残し、4本を外す

早速にも次の実験を説明しよう。正方連結条件のリストを示す。

** 正方連結条件 2 : S=74 **

n6 n1 n2 n3 n4 n5 n6 n1	n1+ n2+ n7 +n8 = S (1)
	n2+ n3+ n8+ n9 = S (2)
	n3+ n4+ n9+n10 = S (3)
12 n7 n8 n9 10 11 12 n7	n4+ n5+n10+n11 = S (4)
	n5+ n6+n11+n12 = S (5)
18 13 14 15 16 17 18 13	n6+ n1+n12+ n7 = S (6)
	n7+ n8+n13+n14 = S (7)
24 19 20 21 22 23 24 19	n8+ n9+n14+n15 = S (8)
	n9+n10+n15+n16 = S (9)
30 25 26 27 28 29 30 25	n10+n11+n16+n17 = S (10)
	n11+n12+n17+n18 = S (11)
36 31 32 33 34 35 36 31	n12+ n7+n18+n13 = S (12)
	n13+n14+n19+n20 = S (13)
n6 n1 n2 n3 n4 n5 n6 n1	n14+n15+n20+n21 = S (14)
n15+n16+n21+n22 = S ... (15)	n26+n27+n32+n33 = S ... (26)
n16+n17+n22+n23 = S ... (16)	n27+n28+n33+n34 = S ... (27)
n17+n18+n23+n24 = S ... (17)	n28+n29+n34+n35 = S ... (28)
n18+n13+n24+n19 = S ... (18)	n29+n30+n35+n36 = S ... (29)
n19+n20+n25+n26 = S ... (19)	n30+n25+n36+n31 = S ... (30)
n20+n21+n26+n27 = S ... (20)	*n31+n32+ n1+ n2 = S ... (31)*
n21+n22+n27+n28 = S ... (21)	n32+n33+ n2+ n3 = S ... (32)
n22+n23+n28+n29 = S ... (22)	n33+n34+ n3+ n4 = S ... (33)
n23+n24+n29+n30 = S ... (23)	n34+n35+ n4+ n5 = S ... (34)
n24+n19+n30+n25 = S ... (24)	*n35+n36+ n5+ n6 = S ... (35)*
n25+n26+n31+n32 = S ... (25)	n36+n31+ n6+ n1 = S ... (36)

全部で 36 本あるところを、*印のついた (7), (11), (31), (35) 式を外した。
 「外す」と言っても、厳しく否定するのではなく、ただ「無定義」とするだけ。

** 行列の定和式: K=111 **

n1+n2+n3+n4+n5+n6=K	... (b1)
n7+n8+n9+n10+n11+n12=K	... (b2)
n13+n14+n15+n16+n17+n18=K	... (b3)
n19+n20+n21+n22+n23+n24=K	... (b4)
n25+n26+n27+n28+n29+n30=K	... (b5)
n31+n32+n33+n34+n35+n36=K	... (b6)
n1+n7+n13+n19+n25+n31=K	... (b7)
n2+n8+n14+n20+n26+n32=K	... (b8)
n3+n9+n15+n21+n27+n33=K	... (b9)
n4+n10+n16+n22+n28+n34=K	... (b10)
n5+n11+n17+n23+n29+n35=K	... (b11)
n6+n12+n18+n24+n30+n36=K	... (b12)

** 2 本の主対角線の定和: K=111 **

n1+n8+n15+n22+n29+n36=K	... (p1)
n6+n11+n16+n21+n26+n31=K	... (p2)

このリスト↑は、おなじみの基本条件の定義式。解を求める時には、必ず守る。無論、使用する数は 1 ~ 36 の自然数。重複無く欠落無く用いる。前と全然変わらない。

** 最終案の第 1 : 準正方連結型の六次の魔方陣の解のリスト (抜粋) :

List of Standard Solutions with precise Check-Sums: **

1# Row C1m\Pd1/Pd2 Cp4	2# Row C1m\Pd1/Pd2 Cp4
1 3 31 9 35 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 3 31 9 35 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
36 34 6 28 2 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	36 34 6 28 2 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
17 24 10 30 14 16 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	17 24 10 30 14 16 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
8 25 15 19 11 33 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	20 13 27 7 23 21 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
29 12 22 18 26 4 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	29 12 22 18 26 4 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
20 13 27 7 23 21 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	8 25 15 19 11 33 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74

3# Row C1m\Pd1/Pd2 Cp4	4# Row C1m\Pd1/Pd2 Cp4
1 3 31 9 35 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 3 31 9 35 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
36 34 6 28 2 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	36 34 6 28 2 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
29 12 22 18 26 4 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	29 12 22 18 26 4 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
8 25 15 19 11 33 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	20 13 27 7 23 21 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
17 24 10 30 14 16 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	17 24 10 30 14 16 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
20 13 27 7 23 21 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	8 25 15 19 11 33 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74

5# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	6# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 3 35 9 31 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 3 35 9 31 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
36 34 2 28 6 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	36 34 2 28 6 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
17 24 14 30 10 16 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	17 24 14 30 10 16 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
8 25 11 19 15 33 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	20 13 23 7 27 21 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
29 12 26 18 22 4 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	29 12 26 18 22 4 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
20 13 23 7 27 21 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	8 25 11 19 15 33 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74
7# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	8# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 3 35 9 31 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 3 35 9 31 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
36 34 2 28 6 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	36 34 2 28 6 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
29 12 26 18 22 4 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	29 12 26 18 22 4 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
8 25 11 19 15 33 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	20 13 23 7 27 21 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
17 24 14 30 10 16 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	17 24 14 30 10 16 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
20 13 23 7 27 21 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	8 25 11 19 15 33 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74
9# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	10# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 8 17 20 29 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 8 17 20 29 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
32 33 16 21 4 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	32 33 16 21 4 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
31 15 10 27 22 6 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	31 15 10 27 22 6 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
3 25 24 13 12 34 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	9 19 30 7 18 28 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
35 11 14 23 26 2 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	35 11 14 23 26 2 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
9 19 30 7 18 28 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	3 25 24 13 12 34 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74
11# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	12# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 8 17 20 29 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 8 17 20 29 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
32 33 16 21 4 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	32 33 16 21 4 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
35 11 14 23 26 2 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	35 11 14 23 26 2 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
3 25 24 13 12 34 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	9 19 30 7 18 28 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
31 15 10 27 22 6 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	31 15 10 27 22 6 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
9 19 30 7 18 28 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	3 25 24 13 12 34 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74
13# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	14# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 8 29 20 17 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 8 29 20 17 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
32 33 4 21 16 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	32 33 4 21 16 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
31 15 22 27 10 6 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	31 15 22 27 10 6 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
3 25 12 13 24 34 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	9 19 18 7 30 28 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
35 11 26 23 14 2 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	35 11 26 23 14 2 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
9 19 18 7 30 28 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	3 25 12 13 24 34 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74
15# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	16# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 8 29 20 17 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 8 29 20 17 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
32 33 4 21 16 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	32 33 4 21 16 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
35 11 26 23 14 2 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	35 11 26 23 14 2 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
3 25 12 13 24 34 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	9 19 18 7 30 28 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
31 15 22 27 10 6 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	31 15 22 27 10 6 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
9 19 18 7 30 28 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	3 25 12 13 24 34 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74
17# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	19# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 9 31 3 35 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 9 31 3 35 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
36 28 6 34 2 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	36 28 6 34 2 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
17 30 10 24 14 16 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	29 18 22 12 26 4 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
8 19 15 25 11 33 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	8 19 15 25 11 33 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
29 18 22 12 26 4 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	17 30 10 24 14 16 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
20 7 27 13 23 21 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	20 7 27 13 23 21 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74
21# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	23# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 9 35 3 31 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 9 35 3 31 32 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
36 28 2 34 6 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	36 28 2 34 6 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
17 30 14 24 10 16 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	29 18 26 12 22 4 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
8 19 11 25 15 33 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	8 19 11 25 15 33 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
29 18 26 12 22 4 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	17 30 14 24 10 16 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
20 7 23 13 27 21 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	20 7 23 13 27 21 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74
25# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	27# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4
1 20 17 8 29 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 20 17 8 29 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74
32 21 16 33 4 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	32 21 16 33 4 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74
31 27 10 15 22 6 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	35 23 14 11 26 2 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74
3 13 24 25 12 34 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	3 13 24 25 12 34 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74
35 23 14 11 26 2 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74	31 27 10 15 22 6 111 111\111\148 74 74 74 74 74 74
9 7 30 19 18 28 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	9 7 30 19 18 28 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74

Sol_Num#|Row|C1m\Pd1\Pd2|Composite 2x2

29# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	31# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4		
1 20 29 8 17 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74	1 20 29 8 17 36 111 111\111/ 74 74 74 74 74 74 74		
32 21 4 33 16 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74	32 21 4 33 16 5 111 111\ 74/111 111 74 74 74 37 74		
31 27 22 15 10 6 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74	35 23 26 11 14 2 111 111\148/148 74 74 74 74 74 74		
3 13 12 25 24 34 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74	3 13 12 25 24 34 111 111\ 74/ 74 74 74 74 74 74 74		
35 23 26 11 14 2 111 111\111/148 74 74 74 74 74 74	31 27 22 15 10 6 111 111\111/148 74 74 74 74 74 74		
9 7 18 19 30 28 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74	9 7 18 19 30 28 111 111\148/111 37 74 74 74 111 74		
33# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	41# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4		
2 4 22 28 34 21 111 111\111/ 92 74 74 74 74 74 74	2 16 11 34 30 18 111 111\111/104 74 74 74 74 74 74		
35 33 15 9 3 16 111 111\ 92/111 93 74 74 74 55 74	35 21 26 3 7 19 111 111\104/111 81 74 74 74 67 74		
13 12 14 36 26 10 111 111\130/130 74 74 74 74 74 74	12 13 14 31 33 8 111 111\118/118 74 74 74 74 74 74		
20 29 19 5 7 31 111 111\ 92/ 92 74 74 74 74 74 74	22 27 20 9 1 32 111 111\104/104 74 74 74 74 74 74		
17 8 18 32 30 6 111 111\111/130 74 74 74 74 74 74	15 10 17 28 36 5 111 111\111/118 74 74 74 74 74 74		
24 25 23 1 11 27 111 111\130/111 55 74 74 74 93 74	25 24 23 6 4 29 111 111\118/111 67 74 74 74 81 74		
49# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	57# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4		
2 17 12 34 30 16 111 111\111/106 74 74 74 74 74 74	2 20 13 24 17 35 111 111\111/ 92 74 74 74 74 74 74		
35 20 25 3 7 21 111 111\106/111 79 74 74 74 69 74	21 31 10 27 6 16 111 111\ 92/111 93 74 74 74 55 74		
10 14 15 31 33 8 111 111\116/116 74 74 74 74 74 74	22 19 14 23 18 15 111 111\130/130 74 74 74 74 74 74		
24 26 19 9 1 32 111 111\106/106 74 74 74 74 74 74	4 29 12 25 8 33 111 111\ 92/ 92 74 74 74 74 74 74		
13 11 18 28 36 5 111 111\111/116 74 74 74 74 74 74	34 7 26 11 30 3 111 111\111/130 74 74 74 74 74 74		
27 23 22 6 4 29 111 111\116/111 69 74 74 74 79 74	28 5 36 1 32 9 111 111\130/111 55 74 74 74 93 74		
65# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	73# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4		
2 20 5 32 17 35 111 111\111/120 74 74 74 74 74 74	2 28 10 30 12 29 111 111\120 74 74 74 74 74 74		
29 23 26 11 14 8 111 111\120/111 65 74 74 74 83 74	35 9 27 7 25 8 111 111\120/111 65 74 74 74 83 74		
10 3 22 15 34 27 111 111\102/102 74 74 74 74 74 74	5 16 22 18 24 26 111 111\102/102 74 74 74 74 74 74		
28 33 16 21 4 9 111 111\120/120 74 74 74 74 74 74	20 33 3 31 1 23 111 111\120/120 74 74 74 74 74 74		
12 1 24 13 36 25 111 111\111/102 74 74 74 74 74 74	17 4 34 6 36 14 111 111\111/102 74 74 74 74 74 74		
30 31 18 19 6 7 111 111\102/111 83 74 74 74 65 74	32 21 15 19 13 11 111 111\102/111 83 74 74 74 65 74		
89# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4	97# Row C1m\Pd1\Pd2 Cp4		
2 30 10 28 12 29 111 111\111/120 74 74 74 74 74 74	2 34 10 36 12 17 111 111\126 74 74 74 74 74 74		
35 7 27 9 25 8 111 111\120/111 65 74 74 74 83 74	35 3 27 1 25 20 111 111\126/111 59 74 74 74 89 74		
5 18 22 16 24 26 111 111\102/102 74 74 74 74 74 74	5 16 28 18 30 14 111 111\ 96/ 96 74 74 74 74 74 74		
20 31 3 33 1 23 111 111\120/120 74 74 74 74 74 74	29 24 6 22 4 26 111 111\126/126 74 74 74 74 74 74		
17 6 34 4 36 14 111 111\111/102 74 74 74 74 74 74	8 13 31 15 33 11 111 111\111/ 96 74 74 74 74 74 74		
32 19 15 21 13 11 111 111\102/111 83 74 74 74 65 74	32 21 9 19 7 23 111 111\ 96/111 89 74 74 74 59 74		
121# 111\111/	189# 111\111/	205# 111\111/	341# 111\111/
3 1 21 25 33 28 111 111	4 12 21 20 22 32 111 111	5 2 28 6 34 36 111 111	6 4 32 5 33 31 111 111
34 36 16 12 4 9 111 111	33 25 16 17 15 5 111 111	32 35 9 31 3 1 111 111	28 36 2 35 1 9 111 111
8 7 15 31 27 23 111 111	1 10 23 18 24 35 111 111	21 23 7 27 13 20 111 111	18 29 7 30 8 19 111 111
24 35 17 11 5 19 111 111	36 27 14 19 13 2 111 111	4 26 18 22 12 29 111 111	10 17 21 16 20 27 111 111
13 2 20 26 32 18 111 111	8 3 30 11 31 28 111 111	33 11 19 15 25 8 111 111	34 13 23 14 24 3 111 111
29 30 22 6 10 14 111 111	29 34 7 26 6 9 111 111	16 14 30 10 24 17 111 111	15 12 26 11 25 22 111 111
365# 111\111/	413# 111\111/	437# 111\111/	453# 111\111/
8 11 16 30 34 12 111 111	9 1 35 2 36 28 111 111	10 20 5 32 17 27 111 111	11 2 16 30 34 18 111 111
29 26 21 7 3 25 111 111	31 33 5 32 4 6 111 111	29 15 34 3 22 8 111 111	26 35 21 7 3 19 111 111
15 17 10 36 28 5 111 111	22 25 11 26 12 15 111 111	6 7 18 19 30 31 111 111	12 8 10 36 28 17 111 111
19 23 24 4 6 35 111 111	3 24 14 23 13 34 111 111	28 33 16 21 4 9 111 111	22 32 24 4 6 23 111 111
18 14 13 33 31 2 111 111	27 20 16 21 17 10 111 111	12 1 24 13 36 25 111 111	15 5 13 33 31 14 111 111
22 20 27 1 9 32 111 111	19 8 30 7 29 18 111 111	26 35 14 23 2 11 111 111	25 29 27 1 9 20 111 111
481# 111\111/	489# 111\111/	505# 111\111/	541# 111\111/
12 2 16 30 34 17 111 111	13 10 4 34 28 22 111 111	14 5 11 35 29 17 111 111	15 9 3 33 27 24 111 111
25 35 21 7 3 20 111 111	24 27 33 3 9 15 111 111	23 32 26 2 8 20 111 111	22 28 34 4 10 13 111 111
11 8 10 36 28 18 111 111	14 6 8 30 32 21 111 111	16 6 10 36 28 15 111 111	16 5 7 29 31 23 111 111
23 32 24 4 6 22 111 111	19 35 25 11 1 20 111 111	19 33 25 3 7 24 111 111	21 32 30 8 6 14 111 111
14 5 13 33 31 15 111 111	18 2 12 26 36 17 111 111	18 4 12 34 30 13 111 111	20 1 11 25 35 19 111 111
26 29 27 1 9 19 111 111	23 31 29 7 5 16 111 111	21 31 27 1 9 22 111 111	17 36 26 12 2 18 111 111
545# 111\111/	549# 111\111/	[Count = 552]	
16 9 3 33 27 23 111 111	17 11 2 35 26 20 111 111		
21 28 34 4 10 14 111 111	14 32 29 8 5 23 111 111		
15 5 7 29 31 24 111 111	16 9 4 33 28 21 111 111		
22 32 30 8 6 13 111 111	22 27 34 3 10 15 111 111		
19 1 11 25 35 20 111 111	24 1 12 25 36 13 111 111		
18 36 26 12 2 17 111 111	18 31 30 7 6 19 111 111		

* OK! *

** Calculated and Listed by Kanji Setsuda
on June 27, 2013 with Mac OSX 10.8.4 & Xcode 4.6.3 **

このタイプの四方陣の解の 552 個全数が求まった。標準解の正規化に際して、不等式群 $n_1 < n_6; n_1 < n_{31}; n_1 < n_{36}; n_2 < n_7$ を用いた。

「準正方連結型」という名に恥ずかしくない内容であると思う。

正方連結条件を 32 個も用いたために大変珍しい解集合が得られたと、自負している。

主対角線 2 本の定和の他に汎対角線 2 本が定和に等しくなっている。印象的だ。

3. 最終案の第 2 の実験：別の正方連結条件を選ぶ

続いて、最終案の第 2 の実験を報告しよう。

概要は、第 1 の場合とほとんど同様。正方連結条件を 32 本残し 4 本を外す。その 4 本の内の 2 本の場所を変えてみた。これでは全然変わり映えがしないと思うかもしれないが、「ほんの少しの変化」がどういう効果をもたらすかを今は知りたいのである。

** 正方連結条件 3 : S=74 **

$n_1 + n_2 + n_7 + n_8 = S \dots (1)$	$n_2 + n_3 + n_8 + n_9 = S \dots (2)$
$n_3 + n_4 + n_9 + n_{10} = S \dots (3)$	$n_4 + n_5 + n_{10} + n_{11} = S \dots (4)$
$n_5 + n_6 + n_{11} + n_{12} = S \dots (5)$	$n_6 + n_1 + n_{12} + n_7 = S \dots (6)$
$n_7 + n_8 + n_{13} + n_{14} = S \dots (7)$	$n_8 + n_9 + n_{14} + n_{15} = S \dots (8)$
$n_9 + n_{10} + n_{15} + n_{16} = S \dots (9)$	$n_{10} + n_{11} + n_{16} + n_{17} = S \dots (10)$
$n_{11} + n_{12} + n_{17} + n_{18} = S \dots (11)$	$n_{12} + n_7 + n_{18} + n_{13} = S \dots (12)$
$n_{13} + n_{14} + n_{19} + n_{20} = S \dots (13)$	$n_{14} + n_{15} + n_{20} + n_{21} = S \dots (14)$
$n_{15} + n_{16} + n_{21} + n_{22} = S \dots (15)$	$n_{26} + n_{27} + n_{32} + n_{33} = S \dots (26)$
$n_{16} + n_{17} + n_{22} + n_{23} = S \dots (16)$	$n_{27} + n_{28} + n_{33} + n_{34} = S \dots (27)$
$n_{17} + n_{18} + n_{23} + n_{24} = S \dots (17)$	$n_{28} + n_{29} + n_{34} + n_{35} = S \dots (28)$
$n_{18} + n_{13} + n_{24} + n_{19} = S \dots (18)$	$n_{29} + n_{30} + n_{35} + n_{36} = S \dots (29)$
$*n_{19} + n_{20} + n_{25} + n_{26} = S \dots (19)*$	$n_{30} + n_{25} + n_{36} + n_{31} = S \dots (30)$
$n_{20} + n_{21} + n_{26} + n_{27} = S \dots (20)$	$*n_{31} + n_{32} + n_1 + n_2 = S \dots (31)*$
$n_{21} + n_{22} + n_{27} + n_{28} = S \dots (21)$	$n_{32} + n_{33} + n_2 + n_3 = S \dots (32)$
$n_{22} + n_{23} + n_{28} + n_{29} = S \dots (22)$	$n_{33} + n_{34} + n_3 + n_4 = S \dots (33)$
$*n_{23} + n_{24} + n_{29} + n_{30} = S \dots (23)*$	$n_{34} + n_{35} + n_4 + n_5 = S \dots (34)$
$n_{24} + n_{19} + n_{30} + n_{25} = S \dots (24)$	$*n_{35} + n_{36} + n_5 + n_6 = S \dots (35)*$
$n_{25} + n_{26} + n_{31} + n_{32} = S \dots (25)$	$n_{36} + n_{31} + n_6 + n_1 = S \dots (36)$

上のリストの (19), (23), (31), (35) 式を、「無定義」として外してみた。他の条件は、前と全く同じにした。その結果、次のような解のリストが得られた。

** 最終案の第 2 : 準正方連結型の六次の魔方陣の解のリスト :

List of Standard Solutions with precise Check-Sum-Errors: **

Sol_Num#|Row|C\l\m\Pd1\Pd2|Composite 2x2

1# R C\l\m\Pd1\Pd2 Cp4	2# R C\l\m\Pd1\Pd2 Cp4	3# R C\l\m\Pd1\Pd2 Cp4
1 8 15 22 29 36 0 0\0/- 000000	1 8 29 22 15 36 0 0\0/- 000000	1 8 15 22 29 36 0 0\0/- 000000
31 34 17 20 3 6 0 0\0/-/+ 000000	31 34 3 20 17 6 0 0\0/-/+ 000000	32 33 18 19 4 5 0 0\0/-/+ 000000
7 2 21 16 35 30 0 0\0/- 000000	7 2 35 16 21 30 0 0\0/- 000000	7 2 21 16 35 30 0 0\0/- 000000
32 33 18 19 4 5 0 0\0/+ 0+000-0	32 33 4 19 18 5 0 0\0/+ 0+000-0	31 34 17 20 3 6 0 0\0/+ 0+000-0
13 11 12 25 26 24 0 0\0/-/+ 000000	13 11 26 25 12 24 0 0\0/-/+ 000000	13 11 12 25 26 24 0 0\0/-/+ 000000
27 23 28 9 14 10 0 0\0/+ 0-000+0	27 23 14 9 28 10 0 0\0/+ 0-000+0	27 23 28 9 14 10 0 0\0/+ 0-000+0
4# R C\l\m\Pd1\Pd2 Cp4	5# R C\l\m\Pd1\Pd2 Cp4	6# R C\l\m\Pd1\Pd2 Cp4
1 8 29 22 15 36 0 0\0/- 000000	1 8 20 24 25 33 0 0\0/- 000000	1 8 25 24 20 33 0 0\0/- 000000
32 33 4 19 18 5 0 0\0/-/+ 000000	35 30 16 14 11 5 0 0\0/-/+ 000000	35 30 11 14 16 5 0 0\0/-/+ 000000
7 2 35 16 21 30 0 0\0/- 000000	2 7 21 23 26 32 0 0\0/- 000000	2 7 26 23 21 32 0 0\0/- 000000
31 34 3 20 17 6 0 0\0/+ 0+000-0	36 29 17 13 12 4 0 0\0/+ 0+000-0	36 29 12 13 17 4 0 0\0/+ 0+000-0
13 11 26 25 12 24 0 0\0/-/+ 000000	28 18 10 34 15 6 0 0\0/-/+ 000000	28 18 15 34 10 6 0 0\0/-/+ 000000
27 23 14 9 28 10 0 0\0/+ 0-000+0	9 19 27 3 22 31 0 0\0/+ 0-000+0	9 19 22 3 27 31 0 0\0/+ 0-000+0

SoI_Num# Row CIm\Pd1/Pd2 Composite 2x2												
7# R C\N\D/d Cp4				8# R C\N\D/d Cp4				9# R C\N\D/d Cp4				
1	8	20	24	25	33	0 0\0/- 000000	1	8	25	24	20	33 0 0\0/- 000000
36	29	17	13	12	4	0 0\-\/+ 000000	36	29	12	13	17	4 0 0\-\/+ 000000
2	7	21	23	26	32	0 0\0/- 000000	2	7	26	23	21	32 0 0\0/- 000000
35	30	16	14	11	5	0 0\+\0/+0000-0	35	30	11	14	16	5 0 0\+\0/+0000-0
28	18	10	34	15	6	0 0\-\/+ 000000	28	18	15	34	10	6 0 0\-\/+ 000000
9	19	27	3	22	31	0 0\+\0/-0000+0	9	19	22	3	27	31 0 0\+\0/-0000+0
10# R C\N\D/d Cp4				11# R C\N\D/d Cp4				12# R C\N\D/d Cp4				
1	10	24	18	23	35	0 0\0/- 000000	1	10	23	18	24	35 0 0\0/- 000000
29	34	6	26	7	9	0 0\-\/+ 000000	36	27	14	19	13	2 0 0\-\/+ 000000
8	3	31	11	30	28	0 0\0/- 000000	8	3	30	11	31	28 0 0\0/- 000000
36	27	13	19	14	2	0 0\+\0/+0000-0	29	34	7	26	6	9 0 0\+\0/+0000-0
4	12	22	20	21	32	0 0\-\/+ 000000	4	12	21	20	22	32 0 0\-\/+ 000000
33	25	15	17	16	5	0 0\+\0/-0000+0	33	25	16	17	15	5 0 0\+\0/-0000+0
13# R C\N\D/d Cp4				15# R C\N\D/d Cp4				17# R C\N\D/d Cp4				
1	15	19	18	22	36	0 0\0/- 000000	1	15	19	18	22	36 0 0\0/- 000000
25	33	7	30	4	12	0 0\-\/+ 000000	27	31	9	28	6	10 0 0\-\/+ 000000
3	13	21	16	24	34	0 0\0/- 000000	3	13	21	16	24	34 0 0\0/- 000000
27	31	9	28	6	10	0 0\+\0/+0000-0	25	33	7	30	4	12 0 0\+\0/+0000-0
20	11	23	14	26	17	0 0\-\/+ 000000	20	11	23	14	26	17 0 0\-\/+ 000000
35	8	32	5	29	2	0 0\+\0/-0000+0	35	8	32	5	29	2 0 0\+\0/-0000+0
19# R C\N\D/d Cp4				21# R C\N\D/d Cp4				23# R C\N\D/d Cp4				
1	18	19	15	22	36	0 0\0/- 000000	1	18	23	10	24	35 0 0\0/- 000000
27	28	9	31	6	10	0 0\-\/+ 000000	29	26	7	34	6	9 0 0\-\/+ 000000
3	16	21	13	24	34	0 0\0/- 000000	8	11	30	3	31	28 0 0\0/- 000000
25	30	7	33	4	12	0 0\+\0/+0000-0	36	19	14	27	13	2 0 0\-\/+ 000000
20	14	23	11	26	17	0 0\-\/+ 000000	4	20	21	12	22	32 0 0\-\/+ 000000
35	5	32	8	29	2	0 0\+\0/-0000+0	33	17	16	25	15	5 0 0\+\0/-0000+0
25# R C\N\D/d Cp4				27# R C\N\D/d Cp4				29# R C\N\D/d Cp4				
1	22	15	8	29	36	0 0\0/- 000000	1	22	15	8	29	36 0 0\0/- 000000
31	20	17	34	3	6	0 0\-\/+ 000000	32	19	18	33	4	5 0 0\-\/+ 000000
7	16	21	2	35	30	0 0\0/- 000000	7	16	21	2	35	30 0 0\0/- 000000
32	19	18	33	4	5	0 0\+\0/+0000-0	31	20	17	34	3	6 0 0\+\0/+0000-0
13	25	12	11	26	24	0 0\-\/+ 000000	13	25	12	11	26	24 0 0\-\/+ 000000
27	9	28	23	14	10	0 0\+\0/-0000+0	27	9	28	23	14	10 0 0\+\0/-0000+0
33# R C\N\D/d Cp4				37# R C\N\D/d Cp4				41# R C\N\D/d Cp4				
1	29	6	31	8	36	0 0\0/- 000000	1	30	2	35	7	36 0 0\0/- 000000
30	14	25	12	23	7	0 0\-\/+ 000000	33	10	32	5	27	4 0 0\-\/+ 000000
28	2	33	4	35	9	0 0\0/- 000000	25	6	26	11	31	12 0 0\0/- 000000
10	34	5	32	3	27	0 0\+\0/+0000-0	21	22	20	17	15	16 0 0\+\0/+0000-0
16	17	18	19	20	21	0 0\-\/+ 000000	28	14	18	19	23	9 0 0\-\/+ 000000
26	15	24	13	22	11	0 0\+\0/-0000+0	3	29	13	24	8	34 0 0\+\0/-0000+0
49# R C\N\D/d Cp4				53# R C\N\D/d Cp4				57# R C\N\D/d Cp4				
2	8	13	24	29	35	0 0\0/- 000000	2	12	14	36	26	21 0 0\0/- 000000
28	36	17	20	1	9	0 0\-\/+ 000000	31	29	19	5	7	20 0 0\-\/+ 000000
4	6	15	22	31	33	0 0\0/- 000000	6	8	18	32	30	17 0 0\0/- 000000
34	30	23	14	7	3	0 0\+\0/+0000-0	35	25	23	1	11	16 0 0\+\0/+0000-0
18	5	16	21	32	19	0 0\-\/+ 000000	13	4	22	28	34	10 0 0\-\/+ 000000
25	26	27	10	11	12	0 0\+\0/-0000+0	24	33	15	9	3	27 0 0\+\0/-0000+0
65# R C\N\D/d Cp4				77# R C\N\D/d Cp4				85# R C\N\D/d Cp4				
2	14	11	26	23	35	0 0\0/- 000000	2	16	22	18	24	29 0 0\0/- 000000
28	30	19	18	7	9	0 0\-\/+ 000000	23	33	3	31	1	20 0 0\-\/+ 000000
6	10	15	22	27	31	0 0\0/- 000000	14	4	34	6	36	17 0 0\0/- 000000
34	24	25	12	13	3	0 0\+\0/+0000-0	35	21	15	19	13	8 0 0\+\0/+0000-0
36	17	8	29	20	1	0 0\-\/+ 000000	5	28	10	30	12	26 0 0\-\/+ 000000
5	16	33	4	21	32	0 0\+\0/-0000+0	32	9	27	7	25	11 0 0\+\0/-0000+0

93# R C\ D/d Cp4	97# R C\ D/d Cp4	101# R C\ D/d Cp4	
2 21 16 7 30 35 0 0\0/- 000000	2 23 21 7 26 32 0 0\0/- 000000	2 24 13 8 29 35 0 0\0/- 000000	
33 18 19 32 5 4 0 0\-\+/ 000000	35 14 16 30 11 5 0 0\-\+/ 000000	28 20 17 36 1 9 0 0\-\+/ 000000	
8 15 22 1 36 29 0 0\0/- 000000	1 24 20 8 25 33 0 0\0/- 000000	4 22 15 6 31 33 0 0\0/- 000000	
34 17 20 31 6 3 0 0\+\0/+0000-0	36 13 17 29 12 4 0 0\+\0/+0000-0	34 14 23 30 7 3 0 0\+\0/+0000-0	
10 26 11 12 25 27 0 0\-\+/ 000000	28 34 10 18 15 6 0 0\-\+/ 000000	18 21 16 5 32 19 0 0\-\+/ 000000	
24 14 23 28 9 13 0 0\+\0/-0000+0	9 3 27 19 22 31 0 0\+\0/-0000+0	25 10 27 26 11 12 0 0\+\0/-0000+0	
105# R C\ D/d Cp4	109# R C\ D/d Cp4	111# R C\ D/d Cp4	
2 26 11 14 23 35 0 0\0/- 000000	2 28 6 36 10 29 0 0\0/- 000000	2 29 5 32 8 35 0 0\0/- 000000	
28 18 19 30 7 9 0 0\-\+/ 000000	35 9 31 1 27 8 0 0\-\+/ 000000	34 9 31 6 28 3 0 0\-\+/ 000000	
6 22 15 10 27 31 0 0\0/- 000000	26 4 30 12 34 5 0 0\0/- 000000	30 1 33 4 36 7 0 0\0/- 000000	
34 12 25 24 13 3 0 0\+\0/+0000-0	11 33 7 25 3 32 0 0\+\0/+0000-0	16 27 13 24 10 21 0 0\+\0/+0000-0	
36 29 8 17 20 1 0 0\-\+/ 000000	17 16 18 24 22 14 0 0\-\+/ 000000	17 19 15 22 18 20 0 0\-\+/ 000000	
5 4 33 16 21 32 0 0\+\0/-0000+0	20 21 19 13 15 23 0 0\+\0/-0000+0	12 26 14 23 11 25 0 0\+\0/-0000+0	
115# R C\ D/d Cp4	117# R C\ D/d Cp4	125# R C\ D/d Cp4	
2 30 4 34 12 29 0 0\0/- 000000	2 31 14 13 33 18 0 0\0/- 000000	2 32 5 29 8 35 0 0\0/- 000000	
35 7 33 3 25 8 0 0\-\+/ 000000	32 9 20 27 1 22 0 0\-\+/ 000000	34 6 31 9 28 3 0 0\-\+/ 000000	
26 6 28 10 36 5 0 0\0/- 000000	5 28 17 10 36 15 0 0\0/- 000000	30 4 33 1 36 7 0 0\0/- 000000	
11 31 9 27 1 32 0 0\+\0/+0000-0	35 6 23 24 4 19 0 0\+\0/+0000-0	16 24 13 27 10 21 0 0\+\0/+0000-0	
17 18 16 22 24 14 0 0\-\+/ 000000	12 34 11 16 30 8 0 0\-\+/ 000000	17 22 15 19 18 20 0 0\-\+/ 000000	
20 19 21 15 13 23 0 0\+\0/-0000+0	25 3 26 21 7 29 0 0\+\0/-0000+0	12 23 14 26 11 25 0 0\+\0/-0000+0	
Sol_Num# D1\ D2/ Row CIm			
133# 0\0/	185# 0\0/	253# 0\0/	345# 0\0/
3 6 17 20 31 34 0 0	4 5 18 19 32 33 0 0	5 4 19 18 33 32 0 0	6 3 20 17 34 31 0 0
29 36 15 22 1 8 0 0	29 36 15 22 1 8 0 0	30 35 16 21 2 7 0 0	30 35 16 21 2 7 0 0
4 5 18 19 32 33 0 0	3 6 17 20 31 34 0 0	6 3 20 17 34 31 0 0	5 4 19 18 33 32 0 0
35 30 21 16 7 2 0 0	35 30 21 16 7 2 0 0	36 29 22 15 8 1 0 0	36 29 22 15 8 1 0 0
13 9 14 23 28 24 0 0	13 9 14 23 28 24 0 0	10 14 9 28 23 27 0 0	10 14 9 28 23 27 0 0
27 25 26 11 12 10 0 0	27 25 26 11 12 10 0 0	24 26 25 12 11 13 0 0	24 26 25 12 11 13 0 0
393# 0\0/	421# 0\0/	483# 0\0/	503# 0\0/
7 2 21 16 35 30 0 0	8 1 22 15 36 29 0 0	9 1 20 17 36 28 0 0	10 3 22 15 34 27 0 0
31 34 17 20 3 6 0 0	33 32 19 18 5 4 0 0	33 31 22 15 6 4 0 0	28 33 16 21 4 9 0 0
1 8 15 22 29 36 0 0	2 7 16 21 30 35 0 0	3 7 14 23 30 34 0 0	12 1 24 13 36 25 0 0
32 33 18 19 4 5 0 0	34 31 20 17 6 3 0 0	35 29 24 13 8 2 0 0	30 31 18 19 6 7 0 0
13 11 12 25 26 24 0 0	10 12 11 26 25 27 0 0	12 11 10 27 26 25 0 0	5 23 2 35 14 32 0 0
27 23 28 9 14 10 0 0	24 28 23 14 9 13 0 0	19 32 21 16 5 18 0 0	26 20 29 8 17 11 0 0
531# 0\0/	557# 0\0/	577# 0\0/	621# 0\0/
11 8 10 36 28 18 0 0	12 4 30 7 33 25 0 0	13 4 12 31 32 19 0 0	14 5 13 33 31 15 0 0
23 32 24 4 6 22 0 0	34 24 16 21 13 3 0 0	22 35 23 8 3 20 0 0	23 32 24 4 6 22 0 0
14 5 13 33 31 15 0 0	10 6 28 9 31 27 0 0	15 2 14 29 34 17 0 0	11 8 10 36 28 18 0 0
26 29 27 1 9 19 0 0	36 22 18 19 15 1 0 0	24 33 25 6 5 18 0 0	26 29 27 1 9 19 0 0
12 2 16 30 34 17 0 0	2 29 5 32 8 35 0 0	11 9 7 36 27 21 0 0	12 2 16 30 34 17 0 0
25 35 21 7 3 20 0 0	17 26 14 23 11 20 0 0	26 28 30 1 10 16 0 0	25 35 21 7 3 20 0 0
653# 0\0/	693# 0\0/		
15 2 14 29 34 17 0 0	16 9 3 35 25 23 0 0		
22 35 23 8 3 20 0 0	13 36 26 10 4 22 0 0		
13 4 12 31 32 19 0 0	24 1 11 27 33 15 0 0		
24 33 25 6 5 18 0 0	21 28 34 2 12 14 0 0		
11 9 7 36 27 21 0 0	19 5 7 31 29 20 0 0		
26 28 30 1 10 16 0 0	18 32 30 6 8 17 0 0		

[Count = 720]

* OK! *

** Calculated and Listed by Kanji Setsuda

on June 27, 2013 with Mac OSX 10.8.4 & Xcode 4.6.3 **

正方連結条件を一部変更しただけで、その他の条件は全く変わらない。

解のリストの印象が随分変わったと思うかもしれないが、モニターを「チェックサム・エラー」型に変えて、コンパクトにしたためだ。表現している内容は同じである。

無定義式が 4 本と変わらないのに、その場所を一部変えたら、解の総数までが 552 個から 720 個に変わった。面白いと思う。

しかし、この総数もやはり少ない。「ふつうの六方陣」全体の何兆超個（未詳）に比較したら、極めて「稀少」の解集合と言える。珍重して良いかと思う。

他にも無定義式 4 本の場所を諸処に変えて実験を試みたが、似たような結果になった。どの場合も、解の総数が非常に少ない。しかし、それぞれ微妙に違うのが、面白い。

なお付記すれば、最終案の 2 つの実験で得られた解集合は、いずれも予備実験で得た約 2 万個の解集合の中に含まれる下位集合である。

何故かと言えば、これは定義の正方連結条件式をみればすぐにわかることだ。

6 本を「無定義」としたのは、定和になつてもよし、ならなくともよし、という意味だから、6 本の内の 2 本がたまたま定和になり残りの 4 本がそうでなかつた場合が、最終案の 2 つに相当するためである。寛容な「無定義」は、そういう偶然を排除しない。

だから、無定義の箇所が増えると、解の総数が激増する。少數の無定義がそれに含まれる場合には、それが作る解集合を内側に全部抱え込むからである。

4. 結語：準正方連結型六方陣の存在意義

かくして、大変に稀少で貴重な「逸品」の解集合を手に入れることができた、と思う。今それを報告できることを嬉しく思っている。

「これだって依然単なる『惜しい解』の 1 つではないか」などと、冷やかすなけれ。

何せ、珍しいものは皆無に等しい六方陣の世界だ。けっこう慰めになるのである。

外見は何ということはない「ふつうの六方陣」だが、何しろ作り方が珍しい。

言わずもがなだが、正方連結条件を最大限に活用している。そのおかげで解の総数を激減することができた。探索・計算時間も大幅に短縮できた。その効果は絶大であった。

六方陣のむやみに広がる膨大な世界を、見事に圧縮して見せてくれている実感がある。

これは、正方連結陣一般に共通の効果であるが、「特別の恩恵」とも思っている。「準」正方連結陣とは言いながら、今回の印象もその例外ではなかった。

何のタイプであれ「全貌」が見えるというのは、じつに気持ちが良い。その快感をぜひ共有していただきたくて、今こうして報告しているのである。

さらなる「分析」にも意欲が湧くてえものだ。

Written by 摂田 寛二(Kanji Setsuda) on June 27 and July 30, 2013;

with MacOSX 10.8.4 and Xcode 4.6.3;

E-Mail Address: jag12001@nifty.com
